

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



A propos de ce livre

Ceci est une copie numérique d'un ouvrage conservé depuis des générations dans les rayonnages d'une bibliothèque avant d'être numérisé avec précaution par Google dans le cadre d'un projet visant à permettre aux internautes de découvrir l'ensemble du patrimoine littéraire mondial en ligne.

Ce livre étant relativement ancien, il n'est plus protégé par la loi sur les droits d'auteur et appartient à présent au domaine public. L'expression "appartenir au domaine public" signifie que le livre en question n'a jamais été soumis aux droits d'auteur ou que ses droits légaux sont arrivés à expiration. Les conditions requises pour qu'un livre tombe dans le domaine public peuvent varier d'un pays à l'autre. Les livres libres de droit sont autant de liens avec le passé. Ils sont les témoins de la richesse de notre histoire, de notre patrimoine culturel et de la connaissance humaine et sont trop souvent difficilement accessibles au public.

Les notes de bas de page et autres annotations en marge du texte présentes dans le volume original sont reprises dans ce fichier, comme un souvenir du long chemin parcouru par l'ouvrage depuis la maison d'édition en passant par la bibliothèque pour finalement se retrouver entre vos mains.

Consignes d'utilisation

Google est fier de travailler en partenariat avec des bibliothèques à la numérisation des ouvrages appartenant au domaine public et de les rendre ainsi accessibles à tous. Ces livres sont en effet la propriété de tous et de toutes et nous sommes tout simplement les gardiens de ce patrimoine. Il s'agit toutefois d'un projet coûteux. Par conséquent et en vue de poursuivre la diffusion de ces ressources inépuisables, nous avons pris les dispositions nécessaires afin de prévenir les éventuels abus auxquels pourraient se livrer des sites marchands tiers, notamment en instaurant des contraintes techniques relatives aux requêtes automatisées.

Nous vous demandons également de:

- + Ne pas utiliser les fichiers à des fins commerciales Nous avons conçu le programme Google Recherche de Livres à l'usage des particuliers. Nous vous demandons donc d'utiliser uniquement ces fichiers à des fins personnelles. Ils ne sauraient en effet être employés dans un quelconque but commercial.
- + Ne pas procéder à des requêtes automatisées N'envoyez aucune requête automatisée quelle qu'elle soit au système Google. Si vous effectuez des recherches concernant les logiciels de traduction, la reconnaissance optique de caractères ou tout autre domaine nécessitant de disposer d'importantes quantités de texte, n'hésitez pas à nous contacter. Nous encourageons pour la réalisation de ce type de travaux l'utilisation des ouvrages et documents appartenant au domaine public et serions heureux de vous être utile.
- + *Ne pas supprimer l'attribution* Le filigrane Google contenu dans chaque fichier est indispensable pour informer les internautes de notre projet et leur permettre d'accéder à davantage de documents par l'intermédiaire du Programme Google Recherche de Livres. Ne le supprimez en aucun cas.
- + Rester dans la légalité Quelle que soit l'utilisation que vous comptez faire des fichiers, n'oubliez pas qu'il est de votre responsabilité de veiller à respecter la loi. Si un ouvrage appartient au domaine public américain, n'en déduisez pas pour autant qu'il en va de même dans les autres pays. La durée légale des droits d'auteur d'un livre varie d'un pays à l'autre. Nous ne sommes donc pas en mesure de répertorier les ouvrages dont l'utilisation est autorisée et ceux dont elle ne l'est pas. Ne croyez pas que le simple fait d'afficher un livre sur Google Recherche de Livres signifie que celui-ci peut être utilisé de quelque façon que ce soit dans le monde entier. La condamnation à laquelle vous vous exposeriez en cas de violation des droits d'auteur peut être sévère.

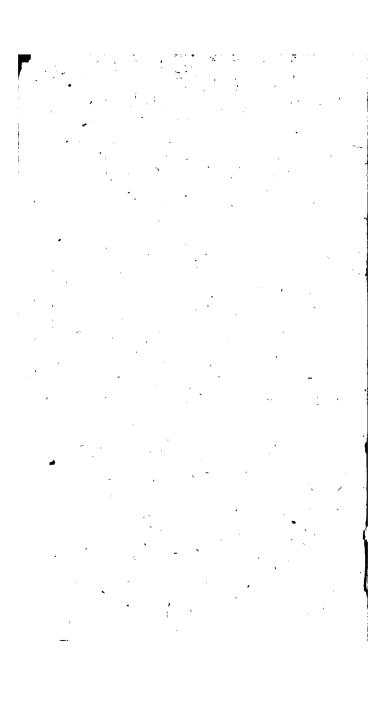
À propos du service Google Recherche de Livres

En favorisant la recherche et l'accès à un nombre croissant de livres disponibles dans de nombreuses langues, dont le français, Google souhaite contribuer à promouvoir la diversité culturelle grâce à Google Recherche de Livres. En effet, le Programme Google Recherche de Livres permet aux internautes de découvrir le patrimoine littéraire mondial, tout en aidant les auteurs et les éditeurs à élargir leur public. Vous pouvez effectuer des recherches en ligne dans le texte intégral de cet ouvrage à l'adresse http://books.google.com









The second secon

•

'. . .

•

3

<u>-</u>





HISTOIRE

L'ACADEMIE

ROYALE

DES SCIENCES

ANNÉE M. DCCXXXI.

Avec les Mémoires de Mathématique & de Phylique, pour la même Année.

Tirés des Registres de cette Académie.



A AMSTERDAM, Chez PIERRE MORTIER

M. DCCXXXV.

KSD 208

5

UNIVERSITY

POUR

L'HISTOIRE.

PHYSIQUE GENERALE.

CUR l'adhérence des parties de l'Air	entre el-
les. Es aux autres Corps.	Page r
Sur le nouveau Thermometre.	7
Sur quelques Expériences de l'Aiman.	21
Observations de Physique générale.	26

ANATOMIE.

Sur l'Opération latérale de la Taille.	30
Sur le changement de figure du Came	dans la
Sv/tole.	33
Observation Anatomique.	41

CHIMIE.

Sur une nonvelle Espece de Végétations métalliques.
43
Sur le Sel de Seignette & célui d'Ebsom, 48

BOTANIQUE. Sur l'Anatomie de la Poire. Sur les Greffes. GEOMETRIE. Sur les Lignes du quatrieme ordre. 62 ASTRONOMIE. Sur le monvement réel des Cometes. GEOGRAPHIE. CHRONOLOGIE. 84 MECHANIQUE. Sur les Toits ou Combles de Charpente. 86 Sur la résistance de l'Ether au mouvement des corps. 92 Sur le Jet des Bombes. 100

Sur les mouvemens faits dans des Milieux qui se

meuvent.

106

Mar

T A B L E

Machines on Inventions appronvées pa mie en 1731.	r l'Acadi- 125
El 1 M C. E.	****
Eloge de M. Geoffroy.	129
Eloge de M. Ruyseb.	139



TA.

POUR LES

MEMOIRES.

BSERVATIONS Météorologiques faites
à Aix par M. DE MONTVALON,
Conseiller au Parlement d'Aix, comparées avec
eelles qui ont été faites à Paris en 1730. Par
M. CASSINI.
Page I

Examen des Lignes du quatrieme ordre. Troisieme Partie de la Section I. Dans laquelle on straite des Osculations, des Lemnistates infiniment petites, des points triples des ensin d'une nouvelle espece de point multiple invisible, dont les Lignes du quagrieme ordre sont susceptibles. Par M. l'Abbé d'Endra Gelongne. 13-

De l'adhérence des parties de l'Air entre elles Es de leur adhérence aux Corps qu'elles sonchent. Par M. PETIT le Médecin. 72

Recherches sur la construction des Combles de Charpense. Par M. COUPLET. 99

Differtation sur la maniere d'arrêter le Sang dans les Hémorragies. Avec la Description d'une Machine on Bandage propre à procurer la confolidation des Vaisseaux, après l'Amputation des Membres, par la seule Compression. Par M. PETIT.

- Sur la séparation des Indéterminées dans les Enquations différentielles. Par M. D.E. MAU-PERTUIS. 147
- Recherches géographiques sur l'étendue de l'Empire d'Alexandre, & sur les Routes parcourues par ce Prince dans ses différentes Expéditions. Pour servir à la Carte de cet Empire, dressée par seu M. Deliste, pour l'usage du Roi. l'ar M. BUACHE.
- Sur un Sel connu sous le nom de Polychreste de Seignette. Par M. BOULDUC. 176
- Sur les Sections Coniques. Par M. NICOLE. 184
- Recherches sur l'Opération de la Taille par l'Appareil latéral. Par M. MORAND. 205
- Nonvelle Maniere de tranver les formules des Centres de gravisé. Par M. CLAIRAUT. 226
- Extrait de diverses Observations astronomiques faites à la Louisiane par M. BARON, Ingénieur du Roi. Comparées à celles qui ont été faites à Paris & à Marseille. Par M. CASSINI. 231.
- Suite de l'Anatomie de la Poire. Sesonde Partie. Des Vaisseaux. Par M. DU HAMEL. 238
- Du Quart de Cercle astronomique fixe. Par M. Godin. 276
- Enpériences sur les Scorpions. Par M. DE MAUPERTUIS. 317

KSD 208

2

UNIVERSITY

POUR

LHISTOIRE

PHYSIQUE GENERALE.

CUR l'adhérence des parties de l'Air	entre el-
les. Es aux autres Corps.	Page r
Sur le nonveau Thermometre.	7
Sur quelques Expériences de l'Aiman.	21
Sur quelques Expériences de l'Aiman. Observations de Physique générale.	26

ANATOMIE.

Sur l'Opération latérale de la Taille.	5 •
Sur le changement de figure du Com	dans lie
Systole.	33
Observation Anatomique.	41

CHIMIE.

Sur une nonvelle Espece de Végétations métalliques.
43
Sur le Sel de Seignette & celui d'Ebsom, 48

BOTANIQUE. Sur l'Anatomie de la Poire. Sur les Greffes. GEOMETRIE. Sur les Lignes du quatrieme ordre. ASTRONOMIE. Sur le monvement réel des Cometes. GEOGRAPHIE. CHRONOLOGIE. Sur les Toits ou Combles de Charpente. Sur la résistance de l'Ether au mouvement corps. Sur le Jet des Bombes. Sur les monvemens saits dans des Milienx qui	
GEOMETRIE. Sur les Lignes du quatrieme ordre. ASTRONOMIE. Sur le monvement réel des Cometes. GEOGRAPHIE. CHRONOLOGIE. MECHANIQUE. Sur les Toits ou Combles de Charpente. Sur la résistance de l'Ether au mouvement corps. Sur le Jet des Bombes.	
Sur les Lignes du quatrieme ordre. ASTRONOMIE. Sur le monvement réel des Cometes. GEOGRAPHIE. CHRONOLOGIE. MECHANIQUE. Sur les Toits ou Combles de Charpente. Sur la résistance de l'Ether au mouvement corps. Sur le Jet des Bombes.	39 39
ASTRONOMIE. Sur le monvement réel des Cometes. GEOGRAPHIE. CHRONOLOGIE. MECHANIQUE. Sur les Toits ou Combles de Charpente. Sur la résistance de l'Ether au mouvement corps. Sur le Jet des Bombes.	
GEOGRAPHIE. CHRONOLOGIE. MECHANIQUE. Sur les Toits ou Combles de Charpente. Sur la résistance de l'Ether au mouvement corps. Sur le Jet des Bombes.	б ұ
GEOGRAPHIE. CHRONOLOGIE. MECHANIQUE. Sur les Toits ou Combles de Charpente. Sur la résistance de l'Ether au mouvement corps. Sur le Jet des Bombes.	
CHRONOLOGIE. MECHANIQUE. Sur les Toits ou Combles de Charpente. Sur la résistance de l'Ether au mouvement corps. Sur le Jet des Bombes.	76
MECHANIQUE. Sur les Toits ou Combles de Charpente. Sur la résistance de l'Ether au mouvement corps. Sur le Jet des Bombes.	84
Sur les Toits ou Combles de Charpente. Sur la résistance de l'Ether au mouvement corps. Sur le Jet des Bombes.	- 84
Sur la résistance de l'Ether au mouvement corps. Sur le Jet des Bombes.	_
corps. Sur le Jet des Bombes.	86 des
Sur le Jet des Bombes. Sur les manuement faits dons des Milieux au	92
LOUT LES TRANSCIENCENS TARIS APRIL APRIL (VILLENS ON	100
meuvent.	, je 106
	Va

T A B L E.

Machines	014	Inventions	appronvées	par'	l'Acadi-
mie en			••	-	125

	*	-		
Eloge	de M.	Geoffroy.		129
Eloge	de M.	Ruysch.	.1	139
Eloge	de M.	Ruysch. le Président de Maisons.		1 \$2r



POUR LES

MEMOIRES.

BSERVATIONS Métélorologiques faites
à Aix par M. DE MONTVALON,
Conseiller au Parlement d'Aix, comparées avec
eelles qui ont été faites à Paris en 1730. Par
M. CASSINI.
Page 1

Examen des Lignes du quatrieme ordre. Troisieme Partie de la Section I. Dans laquelle on traite des Osculations, des Lemnistates infiniment petites, des points triples des ensin d'une mouvelle espece de point multiple invisible, dont les Lignes du quarieme ordre sont susceptibles. Par M. l'Abbé BEBRAGELONGNE. 13

De l'adhérence des parties de l'Air entre elles.

6 de leur adhérence aux Corps qu'elles tonchent. Par M. PETIT le Médecin. 72

Recherches sur la construction des Combles de Charpense. Par M. COUPLET. 99

Differtation sur la maniere d'arrêter le Sang dans les Hémorragies. Avec la Description d'une Machine ou Bandage propre à procurer la confolidation des Vaisseaux, après l'Amputation des Membres, par la seule Compression. Par M. Petit.

SHE

Sur la Séparation des Indés	ermin	les	dans	ks	B.
quations differentielles.	Par	M.	D.E	MΛ	U-
PERTUIS.				1	47

Recherebes géographiques sur l'étendue de l'Empire d'Alexandre, & sur les Routes parcourues par ce Prince dans ses différentes Expéditions. Pour servir à la Carte de cet Empire, dressée par seu M. Deliste, pour l'usage du Roi. Par M. BUACHE.

Sun un Sel connu sous le nom de Polyebreste de Seignette. Par M. BOULDUC. 176

Sur les Sections Coniques. Par M. NICOLE. 184

Recherches sur l'Opération de la Taille par l'Appareil latéral. Par M. MORAND. 205

Nonvelle Maniere de tranver les formules des Centres de gravisé. Par M. CLAIRAUT. 226

Extrait de diverses Observations astronomiques faites à la Louisane par M. BARON, Ingénieur du Roi. Comparées à celles qui ont été faites à Paris & à Marseille. Par M. CASSINI. 231

Snite de l'Anatomie de la Poire. Sesonde Partie. Des Vaisseaux. Par M. DU HAMEL. 238

Du Quart de Cercle astronomique fixe. Par M. Godin. 276

Empériences sur les Scorpions. Par M. DE MAUPERTUIS. 317

- Observation de l'Eclipse de Lune du 20 Juin de l'Année 1731, au matin. Par. M. CASSINI. 326
- Observation de l'Eclipse partiale de Lune du 20 Juin 1731. Par M. Godin & Grand-Jean. 328
- Machine pour connoître sur Mer l'Angle de la Ligne du Vent & de la Quille du Vaisseau; comme aussi l'Angle du Méridien de la Bousso-le avec la Quille, & l'Angle du Méridien de la Boussole avec la Ligne du Vent. Par M. D'ONZEMBRAY.
- Sur une nouvelle Maniere de considerer les Sections Coniques. Par M. DE LA CONDA-MINE. 340?
- Second Mémoire sur la Construction des Thermometres, dont les degrés sont comparables; avec des Expériences & des Remarques sur quelques propriétés de l'Air. Par M. DE REAU-MUR. 354
- Balistique arithmétique. Par M. DE MAU-PERTUIS. 419
- Du Mouvement véritable des Cometes à l'égard du Soleil & de la Terre. Par M. Cassini. 422
- Recherche du Sel d'Epsom. Par M. Boul-Duc. 488
- Saite d'un Mémoire qui a pour titre: De l'im-

TABLÉ.

portance de l'Analogie, & des ra	pports
que les Arbres doivent avoir enti	e eux
pour la réussite & la durée des G	reffes.
Seconde Partie. Que l'on propose de gre	ffer les
zens sur les autres des Arbres qui n'ont pa	s entre
eux une analogie bien parfaite, pour ave	ir plu-
tôt du fruit, & affranchir plus effica	iceme nt
les Especes, Par M. DU HAMEL.	502 ,

- Méthode Analytique de tracer les Lignes correfpondantes ou des Minutes aux grandes Méridiennes. Par M. PITOT. 519
- Observations de quelques Aurores Boréales qui ont paru cet Automne 1731 à Breuillepont en Normandie, Diocese d'Evreux. Par M. DE MAIRAN. 531
- Sur le Mouvement curviligne des Corps dans les Milieux qui se meuvent. Par M. Bouguer. 346
- Troisieme Mémoire sur l'Aimans. Par M. DU FAY. 588
- Sur la forme la plus amantagense qu'on puisse donner aux Tables Astronomiques. Par M. GRANDJEAN.
- Description anatomique d'an Animal connu sous le nom de Musc. Par M. DE LA PEY-RONNIE. 624
- Problème Astronomique. Par M. DE MAU-PERTUIS. 652

Sur une nonvelle espece de Végétation Métallique.
Par M. DE LA CONDAMINE. 655

Sur les Courbes que l'on forme en coupant une furface courbe quelconque, par un plan donné de position. Par M. CLAIRAUT. 680

Maniere d'engendrer dans un Corps solide sontes les ligues du troisieme ordre. Par M, N 1-COLE. 694

Observations Météorologiques faites pendant l'année 1731. Par M. MARALDI. 719

Observation d'un Abscès intérieur de la Poitrine, accompagné des symptomes de la Phtisie, Es d'un déplacement notable de l'Epsne du Dos Es des Epaules; le tout terminé beureusement par l'évacuation naturelle de l'Abscès par le Londement. Par M. Chicoyneau le Pere, de la Société Royale des Sciences de Montpellier.



HISTOIRE

DE

L'ACADEMIE ROYALE DES SCIENCES.

Année M. DCC. XXXI.

ලූග දුරුව දුරුව කරන විදුන්ව වරයට දුරුව ද

PHYSIQUE GENERALE.

SUR L'ADHERENCE DE 3 PARTIES

de l'Air entre elles, & aux autres Corps. *

UELLE que foit la cause qui lie entre elles les parties d'un même Corps, ou qui fait qu'un certain Corps s'attache plus aisément à certains autres, on s'apperçoit bien vîte, fans être Observateur, que les parties de l'Huile, par ex. sont plus liées entre elles que celles de l'Eau, & que l'Huile s'attache plus aisément à la plupart des Corps que ne feroit l'Eau. C'est-là ce qu'on appelle Adhérence, & il ne s'agira ici que des faits, & non des raisons primitives.

Plusieurs expériences physiques ont fait

•

re-

* v. les M. p. 72. Hist. 1731.

Histoire de l'Academie Royale

reconnoitre dans l'Eau une viscosité, une adhérence de ses parties, quoique beaucoup moindre que celle de l'Huile. On en a soupconné aussi une dans l'Air, beaucoup moindre encore que celle de l'Eau, mais on n'a pas passé ce soupçon; & même d'habiles Phyliciens ont cry que l'Air époit bien : à la vérité, un Fluide, à cause de la grande finesse de les parties, qui les rend propres à se mouvoir indépendamment les unes des autres, mais non pas un Liquide, qui le fût à la maniere des autres que l'on conpoit, dont les parties sont plus liées ensemble, M. Petit le Médecin a voulu approfondir ce sujet plus que l'on n'a fait jusqu'à présent, & il le traite par un assez grand nombre d'expériences, dont nous ne rapporterons que les principales, celles qui demanderont le moins de discussion, & qui conclurront le plus sensiblement.

Dans des Solutions de Sels ou de Métaux, on voit des Bulles d'Air s'élever du fond de la liqueur jusqu'au haut, chargées de particules Salines ou Métalliques. Quand elles sont arrivées en haut, elles s'unissent à l'Air extérieur. & ces particules qu'elles avoient enlevées avec elles retombent. Comme elles sont spécifiquement plus pesantes que l'Air, il ne peut les enlever qu'en s'attachant à elles avec une certaine force, & de maniere que le tout qu'il formera avec chacune d'elles soit plus léger que la liqueur qu'il traversera en montant. Il faut que dans ce petit tout la quantité d'Air soit d'un plus grand volume que la particule Saline ou Métalli-· que • que, autrement il ne feroit pas affez léges. Donc la particule qui s'enleve n'est pas attachée à tout l'Air qui l'enleve, donc elle tend par son poids à séparer les parties auxquelles elle tient d'avec celles auxquelles elle ne tient pas, & puisqu'elle ne les sépare pas les unes des autres, elles ont donc ensemble une certaine union qui prévaut sur cet effort. Voilà une preuve assez manifeste, & de l'adhérence des parties de l'Air entre elles, & de leur adhérence à des corps étrangers.

Cette Méchanique très simple étant concue, il est aisé d'imaginer les variétés qui arriveront au mouvement des Bulles d'Air chargées de particules plus pesantes. Quelquefois la Bulle n'ira pas jusqu'au haut, elle abandonnera en chemin sa particule, qui se précipitera aussi-tôt; quelquefois même chargée d'une particule trop pesante, elle n'aura pu du tout s'élever, & on verra une Bulle d'air au fond du Vaisseau, sans savoir ce qui l'y retient, &c. On imaginera bien aussi qu'il doit naitre beaucoup de variétés de la difference des Corps mis dans l'eau, sur-tout à l'égard de la grosseur des Bulles. Les plus grosses peuvent avoir près de 2 lignes de diametre, & il est à remarquer que quand elles vont jusque là, ou en approchent, elles sont allongées de haut en bas; parce que la pesanteur de la particule étrangere a pu alterer un peu sensiblement leur figure ronde. Mais nous laissons tout ce détail.

M. Petit a observé dans ses expériences que les Bulles d'Air, qui sont sur les Métaux ou Minéraux, sont principalement sur les en-

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

droits où les furfaces ne sont pas polies. L'Air s'est mieux attaché aux endroits raboteux, qui lui donnoient plus de prise, il s'est cantonné dans des cavités, & de plus l'Eau où ces Corps sont plongés chasse par son mouvement du dessus furfaces polies l'Air peu adhérent qui s'y pouvoit trouver, & le pousse dans des endroits où il en rencontre d'autre qui l'arrête, & auquel il s'u-C'est-là ce qui forme les Bulles les plus visibles, & c'est une suite de l'adhérence de l'Air.

L'Aiguille qui se soutient sur l'Eau, quoique le Fer ou Acier soit près de huit fois plus pesant que l'Eau, est un fait très connu, dont la cause est d'un côté l'adhérence des parties de l'Eau entre elles, qui empêche l'Aiguille de les diviser, de l'autre l'adhérence de quelques parties d'Air à l'Aiguille, telle que cette Aiguille ne pose sur l'Eau que par le milieu de sa partie inférieure, & est du reste comme portée dans une petite Gondole d'Air. Cela est si vrai. que l'Aiguille tombera dès qu'on retranchera l'une ou l'autre de ces deux circonstances. foit en chauffant l'Eau, ce qui diminuera l'adhérence de ses parties entre elles, soit en mouillant l'Aiguille, ce qui enlevera l'Air qui s'y étoit attaché, ou empêchera qu'il ne s'y en attache de nouveau, ou enfin mettra de l'eau plus pesante que l'air à la même place où il v eut eu de l'air & rendra le tout plus pelant.

Cette expérience a été poussée plus loin. Des feuilles de differens Métaux, très minces, & d'une assez grande superficie, se soutiennent sur l'Eau, & si l'on veut qu'elles s'enfoncent, il faut les charger de quelque poids; elles en portent souvent plus qu'on n'auroit Il vient d'abord dans l'esprit qu'à cause de la grandeur de leur furface par rapport à leur peu de pesanteur, un trop grand nombre de parties d'Eau résistent en même tems à se laisser diviser; mais si cela étoit, pourquoi ces mêmes feuilles, mises au fond de l'Eau, remonteroient-elles aussi tôt, en surmontant cette même résistance de l'Eau à sa division, que rien ne les oblige à surmonter. puisqu'au contraire leur propre pesanteur, & celle de toute l'Eau qu'elles portent, ne tendent qu'à les tenir où elles étoient? Il est nécessaire qu'il y ait en elles un principe de légereté par rapport à l'Eau dont elles doivent vaincre l'opposition, & ce principe ne peut être que l'Air qui leur lest adhérent en une quantité d'autant plus grande qu'elles ont plus de forface...

M. Petit s'en est assuré par un moyen fort simple. Il lui a suffi de chiffonner ces feuilles entre ses doigts pour diminuer leur surface, & elles ne se sont plus soutenues sur l'eau.

Il ne faut pas omettre que quand on a chargé de quelque poids une feuille de Métal qu'on a mise au fond de l'Eau, &t qu'on a voulu empêcher de remonter, comme on a placé naturellement ce poids au milieu de la surface de la feuille, on trouve que ses coins se sont relevés, parce qu'ils ont été plus libres que le milieu d'obeir à l'effort que faisoit la feuille entiere pour monter. M. de Reaumun a fait

FISTORE DE L'ACADEMIE ROYALE

fait le premier cette observation, & l'a indiquée à M. Petit qui l'a bien répétée.

Voilà donc l'adhérence de l'Air aux Corpa folides affez prouvée. On fait que les Lisquides en font pleins, mais on peut ne pas favoir combien il y est adhérent, & combient il est difficile, ou peut-être impossible de l'en tirer. Quand on a mis de l'Eau froide dans la Machine Pneumatique, & qu'on n'a encore fait le Vuide qu'à moitié, on voit des Bulles d'Air s'élever du fond de l'eau jusqu'à sa surface où elles se dissipent; cela se passe sans beaucoup d'effervescence, & continue jusqu'à ce que le Vuide soit entierement fait, après quoi il ne monte plus de Bulles, ou très peu, quelque tems que l'Eau reste dans la Machine.

Mais si on en retire cette même Eau, or qu'on l'y remette après l'avoir fait un peu chausser, on la volt se raréser à mesure que l'on pompe l'Air, il sort des Bulles beaucoupplus grosses que dans la premiere expérient ce, or il se fait une essevéscence plus grande que celle qui seroit causée par le plus grand seu. Elle diminue à mesure que l'Eau se refroidit, or ne cesse que quand elle est entierement froide.

Il est déja sorti de la même Eau bien de l'Air, or ce n'est pas à beaucoup près tout ce qu'elle en contenoir. Il n'y a qu'à la faire chausser une seconde sois, mais un peu plus que la premiere, or on en tirera autant d'Air qu'on en avoit déja tiré. Elle cesse de faire esservescence des qu'elle n'est pas plus chaude qu'elle ne l'étoit la premiere sois au

tems

tems de la grande efferve scence. On peut continuer ce manege tant qu'on voudra, pourvu qu'on mette toujours l'eau plus chaude. Il y a à cela un terme, qui est celui de la plus grande chaleur possible de l'Eau; apparemment passé ce terme on n'en tireroit plus d'Air, mais n'y en resteroit-il plus?

Quoi qu'il en foit, il paroît par ces expériences que l'Air a differens degrés d'adhérence avec l'Eau où il est envelopé; que plus elle est rarésée par la chaieur, &, comme disent les Chamistes, ouverce, plus il s'en échappe d'Air, parce que les degrés de cette adhérence ne vicament à coder que les una après les autres, les plus forts après les plus

faibles.

L'Air mouille donc les Corps à sa maniere, comme fait l'Eau. D'ailleurs les effets de l'adhérence que les parties des Liqueurs ess entre elles, sui sont communs avec ces Liqueurs. Ses Bulles dy gountes affectent là figure ronde, st dès que deux Bulles se toutient, elles s'unissent. Que sui manque-t-il pour être un parfait Liquide? Il est si répandu par-sout, qu'une plus grande connoissiance de sa nature promet nécessainement de mouveaux avantages à la Physique.

NO SE EN CONTROL DE CO

SUR LE NOUVEAU THERMOMETRE. *

Enouveau Thermometre de M. de Reaumur, dont la construction a été expliquée A 4 en v. les M. p. 354.

en 1730 *, étoit digne d'être porté à toute la perfection qu'on y pouvoit desiret, . & c'eût été dommage d'y épargner quelque travail de plus, quoique ces sortes de travaux mènent presque toujours plus loin que l'on n'a cru. Il restoit quelque indécision sur l'article par où nous avons sini ce que nous en avons dit dans l'année précédente, & l'Inventeur du nouvel Instrument n'a pas voulu laisser ce sujet de doute, tout léger qu'il étoit; & l'engagement même où il prévoyoit qu'il s'alloit mettre d'entrer dans des discussions de Physique fort délicates, a été pour lui une raison d'entreprendre cette matiere.

Il s'agit de savoir si au haut du tuyau du Thermometre, on laissera de l'air naturel, & tel qu'il étoit au tems de la construction, ou si on le raréfiera autant qu'il fera possible. Nous en avons déja rapporté le pour & le contre. Si c'est le 1er, lorsque l'air renfermé, & l'Esprit de Vin recevront l'impression du Chaud extérieur, ils tendront en mê-• me tems à se dilater. Outre que la liqueur n'aura plus son mouvement libre, & marquera mal les degrés, cet effort peut être tel qu'il caffera la boule du Thermometre sur laquelle il s'exerce. Si c'est le 24, l'air contenu dans l'Esprit de Vin, car toutes les liqueurs en contiennent, n'étant plus comprimé par le poids de l'air du haut du tube, s'échappera & s'élevera dans cette espece de Vuide; on ne sait s'il ne peut pas s'y en amasser assez pour former un volume d'air égal gal à peu près en quantité & en qualité à l'air naturel qu'on auroit laissé dans le 1er cas. & fi par conséquent il n'y auroit pas les mêmes meonyéniens à en craindre.

Il y a plus: lorsqu'on prend le parti de ce 2d cas, on fait chauffer la liqueur en construifant le Thermometre, afin qu'elle s'éleve jusqu'au bout du tuyau, ou bien près, après quoi on le scelle promptement, & par ce moyen on ne peut y renfermer qu'un air extrêmement raréfié. Mais M. de Reaumur a observé que les Thermometres ainsi construits se tiennent plus haut que ceux sur lesquels on les avoit règles, avant qu'on les A la vérité, ces Thermometres dérangés se remettent d'eux-mêmes avec le tems, il y a même des movens de leur aider, mais ils ne se remettent pas parfaitement. M. de Reaumur prouve que cet effet vient de l'air contenu dans la liqueur, & qui par la chaleur qu'elle a prise au tems de la construction s'est dégagé de ses parties, auxquelles il étoit intimement uni, movennant quoi il s'est trouvé en état de se rarésier asfez pour augmenter sensiblement le volume de l'Esprit de Vin. Nous expliquerons plus particulierement dans la fuite tout ce qui appartient à cet air contenu dans la liqueur, &

Cette observation n'empêcheroit peut-être pas que le parti moyen que nous avions proposé pour l'air du haut du tube ne subsissat. On ne chaufferoit la liqueur que médiocrement en construisant le Thermometre, les inconvéniens seroient légers, & la Physique qui:

après cela differemment modifié.

A 5

HISTOTRE DE T'ACADEMIE ROYALE

qui ne peut jamais être si exacte, seroit 🖘 sez en droit de les négliger. Mais M. de Reaumur a conçu le dessein hardi & prosoue téméraire d'ôter absolument ces inconvémiens.

Il seroit exécuté, si l'on pouvoit tirer de l'Esprit de Vin du Thermometre tout l'air qu'il contient : car alors on ne craindroit plus que sa marche ne fût troublée par cet air qui vient à s'en dégager en certains tems. la qualité de la liqueur leroit roujours la même. le haut du tube demeureroit, ou presque abfolument vaide, ou rempli seulement de telle quantité d'air naturel qu'on voudroit. Mais toutes les expériences nous appreanent qu'il est impossible de tirer d'une liqueur tout l'air qu'elle contient. Il n'y a que trois causes enri le fassent sortir des liquours, la diminution du poids de l'Armosphere qui pressoit fur elles, une grande chaleur, un grand froid; cette derniere caufe, moins frappante que les deux autres, se manifeste bien sensiblement dans la glace, par les grosses bulles d'air qui s'y forment. Mais il est très cercain qu'ancune des trois ne tire entierement tout l'air.

Une réflexion sur le sujet présent fait voir que ce mai n'en est pas un. Il s'agit de Thermometres, d'Instrumens qui mesurent les degrés de chaud & de froid de l'air que nous respirons sur la Terre, & non pas les degrés de chaud & de froid de Mercure ou de Saturne. M. de Reaumur a pensé que si, comme il étoit très apparent, la chaleur faisoit fortir d'une liqueur, d'autant plus d'air qu'el-

le étoit plus grande, il y avoit un certain point au-delà duquel une chaleur déterminée n'en feroit plus sortir, quoiqu'il en restât; & que quand tout l'air que cette chalcur pouvoit tirer d'une liqueur en seroit sorti de maniere à n'y pouvoir rentrer, il n'étoit plus possible qu'une chaleur moins forte tirât aucun air de cette liqueur. Certainement, il s'en faut beaucoup que notre air ne soit jamais, ni en aucun Climat, aussi échauffé qu'il peut l'être par l'eau bouillante; & par conséquent si on a tiré d'un Esprit de Vin, par une chaleur approchante, tout l'air qu'il aura pu lui donner, cet Esprit sera desormais à l'épreuve de toutes les chaleurs des Pais les plus chauds, on aura une sureté plus que fuffisante.

L'expérience s'est parfaitement accordée aux vues de M. de Reaumur. La boule d'un Thermometre étant plongée dans l'eau bouillante. & l'Esprit de Vin s'étant élevé jusqu'au haut. du tube, il a scellé le tube avec de la Cire, & ensuite l'a couché presque horizontalement, afin que l'air, dont la partie confiderablement la plus grande, étoit contenue dans la liqueur de la boule, s'échappat avec plus de facilité. Il s'est formé en effet une grosse bulle d'air au haut de la boule. M. de Reaumur a remis fon Thermometre dans la lituation vertirale & ordinaire: alors la bulle de la boule s'est élevée le long du tube, & en a gagné le haut qui a été déscellé pour la laisser sor-Aulli-tôt on a remis le Thermometre dans de l'eau qu'on a fait chauffer jusqu'à bouillir. & on l'a rescellé pour recommencer

même opération, car il la faut recommencer. & plusieurs fois, toujours de la même façon, pour tirer toujours de nouvel air de la liqueur. Les bulles d'air du haut de la boule, qui diminuent de grosseur dans les opérations fuccessives, promettent que l'air ne Cette diminution est fera pas inépuisable. sensible, tantôt dès les premieres opérations. tantôt plus tard, mais elle va toujours en augmentant. & enfin après un nombre d'opérations, qui va au plus jusqu'à 20, & est louvent moindre, la liqueur est entierement épuisée d'air, c'est-à-dire, de celui qu'elle peut donner par la chaleur de l'eau bouillante. On a beau laisser après la derniere opération le Thermometre couché horizontalement, il ne se forme plus de bulle d'air dans la boule. Le Thermometre construit à demeure, & ne devant plus être déscellé, a éte scellé à la Lampe, au-lieu qu'il ne l'étoit dans les opérations préparatoires qu'avec de la Cire qu'on ôtoit facilement.

Il a donné lieu à deux observations importantes, car nous en omettons plusieurs moins considerables, quoiqu'utiles au Sujet embras-

sé dans toute son étendue.

1º. Le Thermometre à Esprit de vin purgé d'air a été conforme dans sa marche à d'autres Thermometres bien règlés, mais dont l'Esprit de vin, le même en qualité, étoit chargé d'air autant qu'il pouvoit l'être. De-là il suit, contre l'opinion de plusieurs habiles Physiciens, que l'air contenu dans l'Esprit de vin, & par conséquent, selon toutes les apparences, celui des autres liqueurs, contribue point à leur dilatabilité, du moins fensiblement; car s'il y contribuoit, il est clair qu'un Thermometre à Esprit de vin, purgé d'air, ne se seroit pas tant élevé que les autres par un même degré de chaleur.

20. Quoique par les opérations successives qui ont purgé un Esprit de vin, il en soit forti une grande quantité d'air, & telle qu'en faisant une somme de tous les degrés que cet air dégagé a occupés au haut du tuyau, on trouve quelquesois jusqu'à 54 degrés, cependant le Thermometre étant construit, & s'étant mis au degré que lui donnoit la chaleur de l'air extérieur, il n'a été que de 4 de degré plus bas, que si l'Esprit de vin n'avoit pas été purgé.

Cela paroît contraire à ce qui vient d'être dit, car enfin l'Esprit de vin purgé d'air étoit donc plus bas, moins dilaté, quoique de fort peu, & par conséquent l'air, qu'il avoit perdu, l'auroit rendu plus dilatable. Voici le dénouement de la difficulté, qui nous jette dans une consideration, ou plutôt dans une fuite de considerations physiques assez cu-

rieuses.

Le fait est constant qu'il y a de l'air dans toutes les liqueurs, elles en exhalent toutes dans la Machine Pneumatique, & on ne les en épuise jamais entierement. M. Mariotte a observé qu'elles ont une grande facilité à en reprendre, & à s'en charger de nouveau autant qu'il est possible.

Cependant il y a pet d'affinité à certains égards entre ces deux substances, l'air & une liqueur quelconque. L'air se laisse aise-

A 7 men

ment-compriseer per les poids, & à propormon des poids, du moins dans les expériences que nous pouvons faire. & il le dilate à proportion de ce qu'al oft soulage de cette prellion. Il le dilate audi par le chaud, & le condenie par le froid. On a épronvé que Peau est absolument incompressible par les poids, elle passers plutôt en vapeur par les pores d'un vale de métal où elle sera enfermée, que de le laifler comprimer par de violens coups de martenu, qui ferent des enfoncemens au vale, & en diminueront la capacisé intérieure. Cette eau qui ne s'est pas laissée comprimer, avoit pourtant beaucoup d'air: & de-là il fait que l'air mêlé dans les liqueurs y perd sa propriété d'être compressible par les poids, car oc que nous avons dit de l'est, il le faut ontendre des liqueurs en général qui contigunent toujours beaucoup d'eau, & peut-êure ne sont liqueurs que parce qu'elles en contiennent.

Il y a cependant des cas où l'air des li-Ouend M. de queurs est compressible. Reaumur, au moyen de l'eau bouillante, avoit épuisé d'air, autant qu'il se pouvoit. l'Esprit de vin de son Thennemetre, Thermometre déscellé & ouvert à l'air extérieur, descendoit austi-tôt de quelques degrés, fans que ce mouvement pût être attribué à la température d'air que cet Instrument doit marquer. Nous observerons même, en passant, qu'il ne falloit ouvrir le Thermometre qu'en faisant un petit trou à la cire dui le scelloit, sans quoi l'irruption de l'air extérieur auroit été trop brusque & trop impétueurecule; & même en ne déscellant qu'avec la précaution marquée, on voyoit encore des elpeces de vibrations de la liqueur, qui repoullée d'abord trop bas, remontoit ensuré comme par une verta de ressort, & venoit ensin à s'arrêter à un certain point. Assurément se n'étoit pas dans cette expérience l'Espeit de vin qui le comprimoit par l'entrée de l'air extérieur dans le tube, il fassoit que ce fut de l'air rarésé contenu dans cet Espeit.

L'air des liqueurs y est donc en deux états différens; dans l'un il est incompressible; dans l'autre, capable de compression. Il est naturel, & même nécessaire de concevoir que lorsqu'il est incompressible, il est uni à la liqueur le plus étroitement qu'il se puisse, & que quand il est capable de compression, il est à demi dégagé, sans avoir pu en sortir; & en effet, il n'est en cet état que par une

grande chaleur.

Si dans le premier état fi ne fait rien à la compressibilité des liqueurs, il ne fait rien non plus à leur dilatabilité. L'eau se dilate indépendamment de l'air, parce que ses parties deviennent plus ténues, s'écartent davantage les unes des autres, & se répandent dans un plus grand espace; ce sont-là les vapeurs, les brouislards: & cela n'empêche pouttant pas que l'air, qu'il n'est pas possible de tirer entierement de l'eau, n'ait pu contribuer à la dilater. Pour l'Esprit de vin qu'on aura purgé de tout l'air qui en peut sortir par l'eau bouillante, il ne se dilatera plus à toute autre chaleur moindre que par

fa-partie huileuse & spiritueuse, qui de sa nature est susceptible d'extension. Peut-être aussi sa partie aqueuse, car il n'est pas d'une substance homogene, comme l'eau, contribue-t-elle de quelque chose aux grandes dilatations.

La distinction des deux états de l'air dans les liqueurs donne l'explication de la difficulté qui avoit été propolée. Mais cette explication elle-même en demande d'autres. Comment l'air est-il devenu incompressible dans une liqueur? Ses differentes parties, qui y feront semées comme on voudra, y ont touiours un certain volume, & tous ces volumes y sont condensés au point de ne pouvoir plus l'être davantage: quelle force a été assez puisfante pour les condenser à ce point-là? nous n'en connoissons aucune qui soit à beaucoup près capable de cet effet. Il suffit qu'une liqueur soit présentée à l'air, elle le prend, s'en imbibe sans aucune violence & très naturellement. Tout ceci, qui a paru aux Physiciens d'une difficulté effrayante, M. de Reaumur a trouvé moyen de le ramener à des idées: fi fimples & fi familieres, qu'on fera peutêtre étonné de l'embarras qu'on s'étoit fait.

Une liqueur prend l'air, comme une petite languette de Drap prend & boit l'eau où elle trempe par un bout. L'air mouillé par la premiere surface de la liqueur s'incorpore avec elle, il n'a plus que le mouvement de liquidité qu'elle a, & par ce mouvement celui qui étoit à la premiere surface est porté ailleurs, s'enfonce, si l'on veut, dans la liqueur, & il arrive à cette surface supérieure de nouvel air qui se mouille pareillement de la liqueur, s'y mêle, & toujours ainsi de suite jusqu'à ce qu'elle en ait bu tout ce qu'el-

le en peut boire.

Tous les interstices que laissoient entre elles les parties propres de l'air se remplissent de la liqueur, & par conséquent le volume de l'air n'en est pas augmenté. C'est ainsi que le volume d'une Eponge ne l'est pas, quoiqu'à compter tout ce qu'elle a pris d'eau dans toutes ses cellules, il se trouvât qu'elle en a pris un volume beaucoup plus grand que ce-

lui de sa matiere propre.

Puisque du papier mouillé perd son ressort. & à tel point qu'il ne peut plus porter son propre poids, on conceyra fans peine que l'air mouillé perd aussi son ressort. & qu'alors par conséquent il n'est plus ni compressible, ni dilatable. Mais il peut se secher, c'est-à-dire qu'il peut être tiré des interstices de cette liqueur où il s'est insinué, & cela arrive soit lorsque la compression de l'air extérieur devenue moindre, le tient moins renfermé dans la liqueur, soit lorsqu'il survient une chaleur qui agitant plus vivement les particules où la liqueur & l'air sont unis occassonne leur séparation, soit au contraire lorsque le froid rapprochant davantage les unes des autres les parties propres de la liqueur, en chasse & en exprime celles de l'air.

De ces trois cas celui de la chaleur est le feul auquel il faille avoir égard en fait de Thermometres, car leur liqueur ne gele pas, & on a pris ses précautions contre les variations du poids de l'Atmosphere. Quand la

CD4

12 Histore de l'Academie Royale

chaleur n'a dégagé qu'à demi l'air de l'Esprie de Vin, on conquit naturellement qu'il se trouve alors dans rouse cette liqueur une infinité de petites bulles d'air sanées de toutes parts, qui n'en sortent point, parcé qu'elles ne sont pas encore assez agitées, parce qu'elles n'ont pas la sorce de vaincre la résistance du liquide, êtc. C'est dans ce cas-là principalement où arrivent les Phénomenes

qui pouvoient embarraller.

Nous avons vu que quand M. de Resumur a voulu purger d'air un Esprit de via autant qu'il pouvoit l'être par l'eau bouillanse, il en avoit tiré par toutes les opérations faccessives juiqu'à 54 degrés, ces degrés étant de l'étendue de ceux du tabe du Thermometre: & que cependant le Thermometre construit ne s'étoit trouvé que de 4 de degré plus bas qu'il n'eût été fans cette construction particulière. Le rapport de 54 à 1 étant celei de 225 à E. le volume de la liqueur n'a donc par l'excraction de l'air évé diminué que de + 1. C'est la même chose que si d'une Dponge bien imbibée d'eux, & qui repréfente ici l'air, on en retranchoit par la pensée toute la substance propre, certainement le volume d'eau restant seroit presque égai à ce qu'étoit le tout auparavant. Il suit de la, mon que l'air fût and fois plus condensé dans l'Exprit de via que dans l'état où nous le respirons, mais que dun volume total de 227 parties, itair en occapoit sealement I. & l'Esprit de vin 216.

M. de Reaumur ne prétend pas avoir encore épuilé ce linjet.; de ch épuile ton jamais

quel-

quelqu'un? Il prétend seulement que quand on voudra le suivre plus loin, ses nouveaux. Thermometres se trouveront heureusement fort propres aux expériences qui pourront y être pécessaires.

Pour revenir à la construction de ces Thermometres, d'où nous nous sommes un. peu écartés par des considerations incidentes. M. de Reaumur avertit que quand on veut purger d'air l'Esprit de vin, on n'est pas absolument obligé de passer par le grand nombre d'opérations, qui l'en purgeroient entierement. Ce n'est pas que ce grand nomhre doive faire tant de peur, ni qu'il demande tant de tems qu'on croiroit d'abord: M. de Reasmur le fait voir : mais un moindre nombre fuffira, & le peu d'air qui restera dans l'Esprit de vin ne sera pas capable de troubler jamais sa marche sensiblement. Les objections qu'on a faites de ce chef contre la nouvelle invention. l'Auteur les croit pleinement résolnes par cette construction scule bien conçue, ou bien exécutée.

On a fair une aurre difficulté, qui pouvoitfaire impression, tant par le lieu d'où elle venoir, que par le calcul géometrique dont elle étoit appuyée. Le nouveau Thermometre doit être plus grand & plus gros que les anciens & contenir plus de liqueur. Le fond de la boule ell coujours d'autant plus charge, non-leulement qu'une plus grande quantité de liqueur pese dessis, mais que la colonne de cette liqueur est plus haute, parce que, selon les principes de l'Hydrostatique, quoique le diametre du tube soit beaucoup plus perir que celui de

la boule, le fond de la boule est aussi chargé que s'il l'étoit par une colomne de liqueur dont le diametre feroit dans toute fa longueur égal à celui de la boule. Lorsque dans le nouveau Thermometre la liqueur est à sa plus grande élevation, cette charge peut faire un effort de 130 livres, & il est à craindre que la boule qui n'est pas d'un verre plus fort que dans les Thermometres commus, ne casse. de Reaumur s'est rassuré contre cette crainte par des expériences, foit en faisant élever la liqueur par l'eau bouillante plus haut qu'elle ne fera jamais dans les grandes chaleurs d'aucun Climat, soit en employant des boules fort éloignées de la figure sphérique, & par conséquent beaucoup moins capables de rélister.

On pourroit dire qu'une plus grande char-' ge, sans casser la boule, la dilateroit, ce qui feroit baisser la liqueur dans le tuyau, & par conféquent donneroit une marque trompeuse. Mais M. de Reaumur a encore trouvé. que cet inconvénient étoit nul: Quand le Thermometre est dans sa position ordinaire, qui est la verticale, la boule est la plus chargée qu'elle puisse être, & par conséquent dilatée si elle peut l'être par cette cause. En inclinant le tuyau jusqu'à le rendre presque horizontal, on soulage la boule de presque tout le poids qu'elle portoit; elle se resserrera donc, & le Thermometre étant promptement redressé, la liqueur y sera plus haute qu'elle n'étoit auparavant. C'est cependant ce qui n'arrive point: preuve certaine que de ce chef, la boule ni ne se dilate, ni ne fe resterre. SUR-

SUR QUELQUES EXPERIENCES

DE L'AIMAN. .

de longtems le bout, si on le voit jamais, & si on le voit d'aucune autre. M. du Fay continue les recherches sur l'Aiman, dont nous avons parlé en 1728 † & en 1730 ‡; & par de nouvelles expériences, dont nous omettrons le détail, aussi-bien que la description des Machines qu'il a été obligé d'inventer, il étend présentement, ou éclaircit, ou modifie ce qu'il avoit avancé. Il s'agit de deux Questions.

10. Dans un même Aiman un Pole a-t-il constamment plus de vertu attractive que

l'autre?

20. Une plus grande vertu attractive n'emporte-t-elle pas la vertu de foutenir un plus

grand poids?

Nous avons déja dir en 1730, que M. du Fay n'admet qu'un Courant de la matiere Magnétique, qui entre dans la Terre, comme en tout autre Aiman, par le Nord, & en fort par le Sud pour rentrer par le Nord, & par conséquent le Pole Boréal est toujours le Pole d'entrée, & l'Austral toujours le Pole de sortie; ce qui détermine nettement les dénominations des deux Poles, in-

^{*} V. les M. p. 588. † p. 1. & suiv. † p. 1. & suiv.

indépendamment de toute autre consideration; qui pourroit y mettre de l'équivoque. On a cru, après Descartes, que le Pole Boféal d'un Aiman avoit plus de vertu attractive que l'autre, & cela parce qu'il étoit plus proche du Pole Boréal du Monde raison qui paroît assez légere. Quoique M. du Fay l'ent combattue en 1730 par une expérience qui pouvoit suffire, il n'a pas voulu s'en tenit là, car le fait pouvoit être vrai, & avoir ane autre cause. Il étoit important de savoir il les deux Poles d'un Aiman sont iné-

gaux en vertu.

On auroit peut-être de la peine à croire combien il fut difficile d'imaginer des expériences qui menafient surement à une con-Enfin après avoir remédié à tous clusion. les inconvéniens qui se présentoient. & apporté les attentions les plus scrupuleuses, M. du Fay en approchant par degrés exactement mesurés un même Aiman de deux Aiguilles aimantées toutes pareilles, à la longueur près, qui étoit de 6 pouces dans l'une, & de 4 dans l'autre, trouva toujours que le Pole d'entrée de l'Aiman placé successivement à la même diftance de l'une & de l'autre Aiguille en attiroit plus fortement le bout, ou lui faifoit décrire un plus grand arc de Cercle que ne faisoit le Pole de sortie, quand c'étoit à la plus longue Aiguille qu'on présentoit l'Aiman, & qu'au contraire quand c'étoit à la plus courte, le Pole de sortie étoit le plus fort. A toutes les differentes distances, & même avec plusieurs Aimans differens, les effets suivoient la même Règle. On

On a dit on 1730; pourquoi dens l'hypothese d'un seul Courant de la matiere Magnétique. le Pole de fortie d'un Aiman doit maturellement être le plus fort. Je dis metarelloment. car un Aiman peut être inégalement. Aiman on set differentes parties, il en aura de plus terrestres, de moins disposées à laisser passer librement la matiere Magnétique. Si un Aiman avoit agi de la même manière fur les deux Aiguilles si son Pole d'entrée avoit été le plus fort à l'égard des deux, on auroit pu croire que le vice était en lui, que la constitution particuliere transposoit l'inégalité naturelle de ses Poles; mais il agissoit sur la petite Aiguille comme il le devoit: le vice n'étoit donc ni en lui, ni dans la petite Aiguille, mais dans la grande, & cela est d'autant. plus certain qu'avec des Aimans differens, c'étoit encore la même chose. Il suit de la que les deux bouts d'une Aiguille aimantée, & ce qui revient au même. les deux Poles d'un Aiman, pouvant être plus forts ou plus foibles par eux-mêmes, & indépendamment de leur direction vers le Nord ou vers le Sud. il n'est pas possible de rien établir de général. ni de certain sur ce sujet.

Dans le cours des expériences, dont nous avons rapporté le réfultat, M. du Fay observa qu'à mesure qu'il approchoit d'une Aiguille, qui tournoit sur son Pivot, la pierre d'Aiman, cette Aiguille toujours plus attirée décrivoir un plus grand arc de Cercle, assez proportionné d'abord aux différentes distances de l'Aiman; mais qu'ensuite cet arc devenoit tout d'un coap beaucoup plus grand qu'il n'ent

n'eût dû être selon cette proportion, après quoi le mouvement de l'Aiguille se remettoit affez dans la proportion jusqu'à la fin. Pourquoi ce faut brusque de l'Aiguille vers le milieu de son mouvement? cela vient de la differente position de l'Aiguille à l'égard du Tourbillon de l'Aiman. D'abord l'Aiman étant éloigné, le Tourbillon n'atteignoit l'Aiguille qu'au milieu de sa longueur, & la moitié de cette longueur étoit le bras de levier par lequel agissoit la vertu attractive de l'Aiman. Ce bras changeoit peu, s'allongeoit peu pendant un tems. Mais l'Aiman étant beaucoup plus proche, & le bout de l'Aiguille fort enfoncé dans le Tourbillon, tout d'un coup le bras de levier étoit presque toute la longueur de l'Aiguille, & par conséquent l'action de la vertu attractive en étoit subitement & très considerablement fortissée. & après cela elle ne pouvoit plus l'être de la même maniere. Ce qui confirme bien cette explication, c'est que cette irrégularité apparente n'étoit bien marquée que dans les longues Aiguilles qui pouvoient fournir des bras de levier fort sensiblement inégaux.

Lorsqu'on a aimanté une Aiguille ou une Lame d'Acier, en la passant sur une Pierre d'Aiman, & qu'on lui a donné les deux differens Poles selon le sens dont on l'a passée, il n'y a qu'à la passer sur la même Pierre une seconde fois en sens contraire, le Pole qui étoit d'entrée devient aussi-tôt celui de sortie. Par cette opération, M. du Fay a eu beau changer & rechanger les Poles d'une

Lame,

Lame, le même bout qui s'étoit trouvé une fois avoir plus de vertu attractive, la confervoit toujours, & à peu près dans la même proportion, foit qu'il fût Pole d'entrée ou de tortie, foit, ce qui est la même chose, qu'il se dirigeat au Nord ou au Sud. C'étoit donc uniquement quelque disposition intérieure de cette Lame qui donnoit plus de vertu à l'un de ses bouts; &, ce qui le prouve encore, il se trouvoit d'autres Lames toutes pareilles, dont les deux bouts n'avoient

point cette inégalité de vertu.

Il est fort naturel de croire qu'une plus grande vertu attractive est liée avec celle de soutenir un plus grand poids, ou plutôt que ces deux vertus ne sont que la même; car pourquoi un Aiman soutient-il un poids qui de lui-même tomberoit, si ce n'est parce ou'il l'attire, & se l'attache par cette attraction, & ne se l'attache-t-il pas davantage, ou, ce qui revient au même, ne doit-il pas foutenir un plus grand poids, à proportion que cette attraction est plus forte? Cependant les expériences de M. du Fay lui ont appris que le Pole qui attiroit de plus loin n'étoit pas toujours celui qui levoit le plus grand poids. Il en a été surpris d'abord, & a cessé de l'être en y pensant un peu. Un Tourbillon Magnétique est composé de petits Torrens, de filets, qui agissent & selon leur quantité plus ou moins grande, & selon qu'ils font plus ou moins serrés les uns contre les autres. C'est par une plus grande quantité précisément qu'ils soutiennent un plus grand poids, c'est par une plus grande Hift. 1731. union

union qu'ils attirent de plus loin. On voit assez ce qui résulte de cette distinction. La Nature en sait bien faire une infinité d'autres, & de plus sines, dont notre Raison ne s'avise point, si elle n'est avertie par les faits, & dont elle ne s'avise pas toujours quoiqu'avertie.

POSTO CONTRACTOR DE CONTRACTOR

OBSERVATIONS

DE PHYSIQUE GENERALE.

ľ.

E P. Dom Halley, Prieur des anciens. Bénédictins de Lessay proche Coutances, a écrit à M. de Mairan que le 3 Juin sur le foir, le jour suivant au matin, & le même jour au soir, il y avoit eu à Lessay des Tonnerres extraordinaires. Tout le Ciel étoit en feu depuis l'Horizon jusqu'au Zénit: on vovoit, ainsi que dans un feu d'artisice, le ieu d'une infinité de fusées volantes: il tomboit de toutes parts comme des gouttes de métal fondu & embrasé, & le spectacle ent été charmant fans la violence des coups de connerre, qui causoient de l'effroi aux plus hardis. Les édifices en étoient ébranlés, quelques-uns furent réduits en cendres, & des Bestiaux tués. Cependant la pluye ne fut pas des plus abondantes, au contraire la secheresse, dont on se plaignoit, continua toujours. Apparemment elle avoit beaucoup contribué

tribué à ce terrible Météore; les exhalaisons fulphureuses n'ayant point été détrempées, comme à l'ordinaire, s'étoient amassées en plus grande quantité, & avoient pris seu avec toute la force dont elles sont capables.

II.

Le 15 Juin il y eut dans la Ville de Cavaillon, entre 10 & 11 heures de nuit, un si grand tremblement de Terre, qu'il sembloit que toute cette Ville allât être entierement renversée. Le Dôme de la Porte de la Conronne tomba. On ne se souvenoit point d'avoir jamais vu de tremblement de terre à Cavaillon.

III.

Il y a à Marseille une Tour située sur le haut d'une Colline, & où une Cloche de 6 pieds de diametre est suspendue sur deux barres de Fer longues de 3 toises, épaisses de 3 pouces, & posées horizontalement de l'Est à l'Ouest. Suivant les Archives de la Ville, il y a environ 420 ans qu'elles ont été mises au haut de cette Tour, retenues par les deux bouts dans les épaisseurs de deux piliers d'une pierre de taille affez tendre.

M. Chevalier, Ingénieur à Marseille, travaillant à un Plan de la Ville, monta au haut de la Tour, & remarqua qu'aux deux bouts des barres de Fer, & dans les piliers qui les portent, il y avoit une épaisseur de Rouille assez considerable, qui s'étoit formée du fer & de la pierre, & il jugea que cette Rouille B 2

pouvoit bien avoir été convertie en Aiman, comme il étoit arrivé à Chartres & à Aix. Il en fit détacher un morceau avec un marteau, & il fut convaincu fur le champ que sa conjecture étoit vraye, car les petites parties qui s'étoient rompues autour du morceau, en le détachant de la barre, y demeuroient attachées, & s'y hérissoient comme la limaille de Fer sur l'Aiman. Il reconnut ensuite cette matiere pour un excellent Aiman, par la quantité de limaille dont elle se

chargeoit.

-M. du Fay, à qui cette Relation a été adressée, en a fait voir à l'Académie deux morceaux d'égale bonté à peu près, & d'une force affez uniforme dans toutes leurs parties. Il a détaché de l'un le poids d'un peu plus de 3 gros 4, & ce petit morceau, quoique brut, & sans avoir aucune de ses faces applanie, se soutient contre du Fer, & par conséquent doit être mis au rang des meilleurs Aimans. Extérieurement il ressemble à du Fer rouillé, & rongé par les injures de l'air: mais intérieurement il est de la couleur de l'Aiman de la Chine, & brillant dans les cassures. Il est disposé en lames aisées à séparer. Il se lime très difficilement, & parost aussi dur que l'Aiman ordinaire; cependant on le rasse sans peine. Enfin lorsqu'il est travaillé, il ne conserve plus aucunes marques de son premier état, & n'est plus qu'un Aiman d'une très bonne qualité.

Voila donc du Fer qui s'est changé en Aiman. Il semble jusqu'à présent que les conditions nécessaires pour cette métamorphose

10n

font, que le Fer qui la doit recevoir soit environné de pierre, & que les lieux où elle se fera soient élevés, car les barres de la Cloche de Marseille étoient 58 Toises au-dessus du Niveau de la Mer, & les deux autres exemples que l'on connoit, appartiennent à des Clochers. Mais peut être nous pressons-nous trop de conjecturer.

IV.

Nous avons rapporté en 1719 * le fait peu vraisemblable & bien attesté d'un Crapaud trouvé vivant & sain au milieu du Tronc d'un assez gros Orme, sans que l'Animal en pût jamais fortir, & sans qu'il y eut aucune apparence qu'il y fût jamais entré. M. Seigne de Nantes a écrit précisément le même fait à l'Académie, à cela près qu'au-lieu d'un Orme, c'étoit un Chêne plus gros que l'Orme, felon les mesures qu'il en donne, ce qui augmente encore la merveille. Il juge par le tems nécessaire à l'accroissement du Chêne. que le Crapaud devoit s'y être conservé depuis 80 ou 100 ans, sans air & sans aliment étranger. M. Seigne ne paroît pas du tout avoir connu l'autre fait de 1719, & l'extrême conformité du sien en est d'autant plus frappante.

Ous renvoyons entierement aux Mémoires

. * Les Observations Météorologiques de M. Cassini en 1730, comparées à quelques autres faites en differens lieux.

† Et celles de M. Maraldi pour l'année 1731.

Les Observations de quelques Aurores Boréales par M. de Mairan.

<u> EGREGIAGIAGI</u> A CARROLLO A CONTROLLO A CONTROLLO

ANATOMIE.

SUR L'OPERATION LATERALE

DE LA TAILLE. ‡

Ous avons dit en 1728 § quelles sont les quatre Opérations pratiquées jusqu'à présent pour la Taille, & nous en avons s'ait d'après un Livre de M. Morand une petite Histoire abregée, qui se termine par le changement qui commençoit à se faire en Angleterre à l'égard des différentes Méthodes successivement éprouvées; on abandonnoit alors le Haut Appareil pour l'Opération laterale de M. Rau.

M. Morand continue ici cette Histoire, dont une partie s'est passée sous ses yeux, lorsqu'il étoit à Londres où l'avoit attiré la curiosité de voir opérer le fameux M. Chefelden, & de s'instruire avec lui. Ce grand Chirur-

^{*} V. les M. p. 1. † p. 719. ‡ p. 531. † V. les M. p. 205. § p. 36. & fuiv.

Chirurgien, quoique content du Haut Appareil, voulut ausii éprouver l'Opération laterale, parce qu'on ne peut trop en matiere si importante se tourner de tous les côtés; & il eut de si grands succès que M. Morand revint en France, très persuadé des avantages de l'Opération laterale, qui lui furent encore consirmés par tout ce qu'il en apprit dans la suite.

Cette Opération avoit eu le malheur de débuter très mal à Paris, où feu M. Mery l'avoit rudement condamnée; & elle le méritoit par la maniere incertaine, périlleuse, & presque aveugle, dont la pratiquoit le Frere Jaques, son premier Auteur. Mais il se corrigea, se perfectionna, soit par ses réflexions, soit par des conseils; il réussit en Hollande avec tant d'éclat, qu'on lui rendit des honneurs publics, & enfin M. Rau adopta sa Méthode, ou du moins en prit le fond. C'est de là qu'elle a passé en Angleterre, revêtue du nom de M. Rau. Nous ne touchons que le plus légerement qu'il soit possible tous ces points, & quelques autres, traités avec toute l'étendue nécessaire dans le Mémoire de M. Morand: notre intention n'est que d'en ve-

est cependant important que le Public sache. M. Morand, convaincu de la bonté de l'Opération laterale & par le grand nombre des succès de M. Cheselden, & par les études qu'il avoit faites sur beaucoup de Cadavres, & par une recherche exacte de tout l'historique qui appartenoit à cette matiere, se met, avec l'aveu de ses Supérieurs, à pratiquer

nir à ce que le Mémoire ne dit pas, & qu'il

32 Histoire de l'Academie Royale

cette Opération dans Paris. M. Perchet. un de ses Confreres, en fait autant, & de seize personnes taillées de cette maniere. quatorze sont parfaitement guéries, quoique de ces quatorze il y en eut quatre qui au tems de la Taille étoient en très mauvais état. Les Supérieurs, le Premier-Ministre même, applaudissent. L'Académie a vu onze de ces guéris, & elle a vérifié leurs cicatrices; les trois autres étoient retournés chez eux. Mais après cela M. Morand taille en 1731 deux Malades connus dans le monde, l'un principalement, & tous deux meurent le 6^{me} jour. Il s'éleve un cri dans Paris contre la nouvelle Opération. On n'avoit pas entendu parler de toutes les Cures précédentes, mais tout le monde sait qu'il s'est fait deux meurtres confécutifs. M. Morand obtint que les deux Cadavres fussent ouverts en présence de Médecins & de Chirurgiens, & ils attesterent en forme ce qu'ils avoient vu dans les Reins & dans la Vessie, c'est-à-dire des causes de mort sensibles, & indépendantes de l'Opération, qui se trouva bien faite de part & d'autre. L'Académie vit les mêmes pieces, & en jugea de même. M. Morand, bien muni de faits & de raisons justificatives, publia le tout dans des Ecrits imprimés, qui par cette raison n'entrent point dans le Mémoire qu'il donne présentement. Si nous en rappellons le souvenir, c'est moins pour son interêt que pour celui du Public. à qui il importe qu'une bonne Opération ne tombe pas dans le décri, parce qu'il lui sera arrivé ainsi qu'il est presque absolument inévitable.

vitable, quelques malheurs d'éclat, dont des jalousies particulieres tacheront de profiter.

<u>කයායොයොයොයොදෙයෙකුවන් දෙන කෙයෙකුවා වෙන වැනි වෙන ක</u>

SUR LE CHANGEMENT

DE FIGURE DU COEUR

DANS LA STSTOLE.

E Sang de toutes les parties du Corps rapporté par les Veines dans les deux Oreillettes du Cœur, l'une droite, l'autre gauche, n'y sejourne qu'un instant, pendant lequel ces deux Vaisseaux le tiennent renferme au moyen de certaines Valvules, qui ne Iui permettent pas de fortir. Mais dans l'instant suivant elles le lui permettent en s'abbaissant vers la pointe du cœur, & s'applattissant vers ses parois, au-lieu qu'elles étoienc auparavant tendues & soulevées; alors le sang entre dans les deux Ventricules, qui s'ouvrent & se dilatent pour le recevoir. C'est-là la Diastole du Cœur. Enfin il faut que le sang sorte des Ventricules pour entrer dans les Arteres qui alors se dilatent, & ont leur Diastole, & cela se fait par la contraction ou Systole du Cœur, qui en diminuant la capacité des Ventricules en chasse le fang. Ce que nous avons appellé le premier instant est le même que ce dernier, qui ne doit pas être pris pour un troisieme; dans le moment de la Systole du Cœur, les Valvules doivent empêcher que le sang contenu dans.

dans les Oreillettes n'en sorte pour tomber dans les Ventricules, lorsqu'ils doivent se vuider du sang qu'ils contiennent déja. Le moment de la Systole du Cœur est aussi le même que celui de la Diastole des Arteres, pendant lequel on sent leur battement. Le Cœur étant certainement un Muscle, quoique d'une construction particuliere, on compte sa Diastole ou relâchement pour son état naturel, & sa Systole pour un état en quelque sorte forcé par l'intervention d'une causse étrangere, tels que seroient les Esprites Animeure.

Esprits Animaux. Lorsque le Cœur, qui étoit en Diastole, vient à être en Systole, il faut nécessairement qu'il change de figure pour ce second instant, & que par ce changement il chasse le Sang hors de ses Ventricules. Ce qui s'offre d'abord à l'esprit, c'est que le Cœur s'accourcira, c'est-à-dire, que la ligne qui va de sa base à sa pointe diminuera de longueur: mais il est possible aussi que la ligne qui diminuera sera la perpendiculaire à cette premiere, celle qui passe par le milieu des deux Ventricules, auquel cas le Cœur se rétrécira; il est visible que de l'une & de l'autre façon le Sang sera poussé hors des Ventricules. Dans le cas où le Cœur se raccourcit, on conçoit qu'il doit en même tems s'élargir; & dans le cas où il se rétrécit, on conçoit qu'il doit s'allonger: & qu'ainsi les deux cas du raccourcissement & du rétrécissement sont opposés, & incompatibles: mais en y faisant un peu d'attention, on voit qu'absolument le Cœur peut s'accourcir sans s'élargir, ou se rétrécir sans s'allonger, qu'il peut même se contracter en tous sens à la fois, comme feroit une Sphere d'une matiere spongieuse, dont tous les diametres s'accourciroient ensemble, & également. Il se forme des opinions differentes, lorsqu'entre ces differentes manieres, dont il est possible que la Systole se fasse pour produire l'effet qu'elle produit certainement, on en-choisit quelqu'une à l'exclusion des autres.

A Montpellier il s'éleva sur cette matiere une contestation entre deux Prétendans à une Chaire de Professeur en Médecine: l'un sourenoit que dans la Systole le Cœur s'accourcit, l'autre qu'il s'allonge, & la Question sur proposée à l'Académie des Sciences.

M. Hunaud, que l'on chargea d'un eramen particulier, commença par ramasser les autorités des Anatomistes les plus célèbres. Harvé, Lower, Stenon, M. Vieussens, sont pour le raccourcissement; Schelegelius, Borelli, & quelques autres encore sont pour l'allongement, ou simplement nient le raccourcissement. Sur-tout M. Winslow, dans un Mémoire imprimé en 1725 parmi ceux de l'Académie, a semblé se déclarer pour ce dernier parti, puisqu'il traite d'erreur l'opinion que le Cœur s'accourcisse dans la Systole. Son autorité faisoit une grande partie de la force de celui des deux Disputans, à qui elle étoit favorable.

On vint ensuite à l'expérience. M. Hunaud examina & fit voir les Cœurs de plusieurs Animaux ouverts en vie., Chiens, B 6 Chats,

36 Histoire de l'Academie Royale

Chats, Pigeons, Lapins, Carpes, Grenouilles, Viperes. Cette voye, qui est en général la plus sure, ne l'est pas tant ici. Les Cœurs de ces Animaux dans l'état où on les prend, ont des mouvemens si irréguliers, si changeans, si convulsifs, tantôt si lents, tantôt si précipités, qu'il est très difficile de savoir bien précisément ce qu'on voit, & ceux qui n'avoient pas les yeux bien accourumés à ces sortes de spectacles n'osoient rendre aucun témoignage positif. Pour M. Hunaud il assura, sans héster, qu'il voyoit toujours le Cœur se raccourcir.

Il ne faut point se croire engagé d'honneur à soutenir ce qu'on a avancé, seulement parce qu'on l'a avancé; il y auroit bien plus d'honneur à s'en dédire: mais il est très légitime de ne se pas laisser imputer plus que ce qu'on a dit, & de se rensermer dans ces bornes. M. Winslow, que l'on regardoit comme obligé à soutenir l'allongement du Cœur, ne l'étoit pas, à parler exactement; il n'étoit pas vrai, selon lui, que le Cœur se raccourcit dans la Systole, & il étoit vrai qu'il se rétrécissoit: mais il pouvoit se rétré-

Il avoit été autrefois dans l'opinion la plus commune, mais ayant fait attention à une remarque de l'illustre Alphonse Borelli, que les sibres longitudinales du Cœur, celles qui vont de la base à la pointe, sont en beaucoup moindre quantité que les transverses, il conçut que dans la Systole c'étoient donc les transverses qui faisoient le plus grand effet,

cir sans s'allonger. & cela suffisoit à M.

Winflow.

&

& que par conséquent leur contraction ou raccourcissement devoit rétrécir le Cœur, tandis que la contraction des longitudinales pourroit ne pas l'accourcir. Il faut entendre ici par fibres longitudinales & transverses, non-seulement les directes, mais encore les obliques:

Tandis qu'on en étoir la dans l'Académie; M. Bassuel, Chirurgien de Paris, y vint lire sur ce sujet un Mémoire qui sut écouté avec assez de satisfaction. Il tenoit pour le raceourcissement du Cœur, & se fondoit prin-

cipalement fur le jeu des Valvules.

Posées, comme elles sont, de chaque coté du Cœur, entre l'Oreillette & le Ventricule correspondant, il est certain que leur fonction est de laisser tomber le Sang de l'O. reillette dans le Ventricule pendant la Diastole du Cœur, & d'empêcher pendant la Systo. le que le Sang ne continue de tomber ainsi, parce que le Ventricule trop plein ne permettroit pas au Cœur de se contracter, & de pousser dans l'Artere correspondante le Sang que le Ventricule contient. Pour cela, il faut que les Valvules s'abbaissent dans la Diastole, & se relevent dans la Systole, de maniere à fermer les Oreillettes, & à en empêcher la communication avec les Ventricules. Le mouvement des Valvules dépend des filets tendineux, auxquels elles sont attachées, & qui partent de certaines colomnes charnues vers la pointe du Cœur. Quand ces filets qu'on peut d'abord supposer lâches. le deviennent moins, par quelque cause que ce soit, ils tirent les Valvules en en bas, les В 7

appliquent contre les parois du Cœur, de forte que le Sang passe librement des Oreillettes dans les Ventricules. Quand au contaire les filets sont plus lâches, ils permettent aux Valvules de se détacher des parois. elles remontent; & se placent entre elles de la maniere nécessaire à fermer l'issue de leurs Oreillettes. Il est visible que le premier mouvement des Valvules se fait dans la Diastole. & le fecond dans la Systole. Donc le moment de la Systole est celui où les filets tendineux sont relachés. Or ils le sont quand la pointe du Cœur s'approche de sa base, car alors ils deviennent trop longs pour pouvoir tirer les Valvules en en-bas: donc le moment de la Systole est celui où la pointe du Cœur s'approche de sa base, & il faut qu'elle s'en approche, afin que dans ce moment-là le Sang des Oreillettes ne tombe pas dans les Ventricules. Donc le Cœur s'accourcit dans la Syftole.

Cela se peut confirmer par une observation que l'on fait sur les Cœurs morts. Les Valvules y sont appliquées contre les parois, ainsi qu'elles doivent l'être, pour laisser tomber le Sang dans les Ventricules; & l'on voit à l'œil que pour les relever, il faudroit que les filets tendineux, qui les avoient abbaissées par leur accourcissement, vinssent à s'allonger, ou à devenir lâches, ce qui arriveroit si la pointe du Cœur s'approchoit de la base. Les Valvules qui étoient demeurées dans l'état où la Diastole les mettoir, se seroient donc relevées dans la Systole suivante

par le raccourcissement du Cœur.

L'ex-

L'expérience, que M. Bassuel rapporte de Lower, étoit encore plus décisive. Lower, après avoir rempli d'eau un Ventricule, pressoit le Cœur du côté de sa pointe pour le raccourcir un peu, & on voyoit aussi-tôt les Valvules se hausser, & s'ajuster ensemble de façon à ne laisser point sortir la liqueur qui étoit au dessous d'elles. L'effet étoit encore mieux marqué, & plus complet, quand M. Bassuel ajoutoit une légere pression du côté de la base, & une autre laterale.

Il a renversé aussi l'expérience de Lower, en allongeant par quelques petits artifices assez délicats, & en pressant ensuite un Cœur dont un Ventricule étoit plein d'eau; l'eau en est sortie très facilement, & s'est jettée dans l'Oreillette. La Systole feroit ressure de même le Sang dans les Oreillettes, si le

Cœur s'allongeoit.

Ce qui fait conclurre ici que le Cœur ne s'allonge point, ou s'accourcit dans la Systole, c'est que l'état des Valvules, qui doivent alors être élevées, demande que leurs filets tendineux soient relâchés, ou plus longs; & ce raisonnement cesse, si dans ce même tems, ces filets peuvent n'être pas plus longs. Or M. Winslow croit que ces filets peuvent ne l'être pas, & qu'il suffiroit que les colomnes, qui leur servent de base, s'allongeassent dans la Systole.

On peut répondre aussi aux expériences de Lower, & de M. Bassuel, que quand dans un Ventricule rempli d'eau, & ensuite comprimé, parce qu'on a rapproché la pointe du Cœnr de sa base, les Valvules se sou-

Ievent, & ferment le Ventricule, ce n'estlà qu'une suite du mouvement imprime à l'eau, par lequel elle remonte un peu, & éleve les Valvules qu'elle rencontre en sonchemin. Les filets leur permettent ce jeu,

mais ils n'en font pas la cause.

Nous n'avons point parlé d'un article, qui n'a pas laissé d'être rouché. Dans le moment de la pulsation des Arteres, qui est celui de la Systole, on sent le Cœur qui vient battre contre les Côtes, & on juge que c'est par sa pointe qu'il bat. Il est assez naturel de croire qu'il s'est donc allongé, & qu'il étoit plus court, ou qu'il avoit sa pointe plus proche de sa base, dans le moment précédent où cette pointe ne touchoit pas aux Côtes. Donc le Cœur s'allonge dans la Systole. La conclusion seroit bien fure, si le Cœur étoit fixe & inébranlable dans une place; mais il ne l'est pas, les Vaisseaux, avec lésquels il a connexion, lui souffrent un peu de mouvement. M. Winflow avoit deja dit ailleurs, que la masse du Cœur peut glisser dans le Péricarde dont elle est envelopée, & M. Bassuel prouvoit par des expériences que chacun peut faire sur soi-même, combien la position de cette partie peut varier.

Il faut avouer que tout ceci n'aboutif qu'à des incertitudes: mais les incertitudes sont des especes de lumieres qui peuvent mener à la connoissance du vrai, au-lieu que des décisions hardies & précipitées nous en éloigneroient. Il ne faut pas que l'Académie dés Sciences abuse de son nom & de sa réputa-

tion; pour décider trop vîter.

ACCOUNTAGE OF A CONTRACT OF A

OBSERVATION ANATOMIQUE.

HELVETIUS a fait part à l'Acadés. mie d'un fait arrivé au Bourg de la Tour de Tresme, Bailliage de Gruyere, dans le Canton de Fribourg, dont il a produit, & une Lettre de M. Michel Docteur en Médecine en ce païs, & un témoignage authentique, pardevant Notaires, de gens qui ont vu; car la chose méritoit d'être aussi exactement vérissée.

En 1723, Me. Flandrin Sage-femme. de la Ville de Bulle, fut appellée pour accoucher Marguerite François, femme de Claude Magnin, de la Tour de Trefine, groste de son premier Enfant, à l'âge de 48 ans. La tête de l'Enfant se présentoit au passage qui se trouvoit trop étroit. La Sage-semme ayant fait inutilement, pendant un jour & une nuit, toutes les tentatives possibles, consulta M. Michel, qui ordonna de son côté tout ce qui pouvoit aider à causer des épreintes, & fortisier la Mere. Rien ne reussit. Le 4me jour de ce cruel travail L'Enfant. ayant été ondoyé sous condition, M. Michel fut d'avis que la Sage-femme le tirât avec un Crochet, ou que si elle ne le pouvoit pas, elle le fît reculer pour le tirer par pieces. Ces terribles expédiens lui avoient réussi en quelques autres occasions, maisdans celle-ci elles les tenta sans succès. Enfin il ne restoit plus que le plus terrible de tous.

tous, l'opération Césarienne, qui fut résolue le 7me jour. La Sage-femme la fit avec tant de dextérité & de courage, que la Malade fut délivrée sans aucun accident. Deux mois après, elle alla remercier M. Michel, & elle a toujours jour ensuite d'une parfaite santé.

M. Michel ajoute, que cette Sage-femme est fille de M. Savary, très habile Chirurgien de la Ville de Fribourg; qu'elle avoit déja fait l'opération Césarienne à trois femmes, un moment après leur mort, & que les Enfans avoient eu Baptême; qu'elle avoit pour la Chirurgie un talent héréditaire, dont elle avoit fait usage des sa premiere jeunesse, & donné en plusieurs occasions des preuves éclatantes.

Ous renvoyons entierement aux Mémoires

* L'Ecrit de M. Petit le Chirurgien, sur la

maniere d'arrêter les Hémorragies.

† Les Expériences de M. de Maupertuis sur les Scerpions.

 V. les M. D. 122. † V. les M. p. 317.

ECONOCIONO CON CONTRACTO DE CO

CHIMIE.

SUR UNE NOUVELLE ESPECE

DE VEGETATIONS METALLIQUES.*

IL a déja été parlé de Végétations Métalliques dans les Mémoires de 1710 †, & dans l'Histoire de 1722 ‡; mais celles dont nous allons parler en sont tout-à-fait differentes, non seulement par leur figure; qui ne parost pas d'abord mériter si bien le nom de Végétation, mais par la maniere dont elles se forment. Elles sont dûes à des expériences nouvelles de M. de Condamine.

Il a mis sur une Agate polie, ou sur un Verre, posés horizontalement, un peu de Solution d'Argent, faite à l'ordinaire par l'Esprit de Nitre: au milieu de cette liqueur épanchée, qui n'avoit que très peu d'épaisseur, il a placé un Clou de fer par la tête. Dans l'espace de quelques heures il s'est formé autour de cette tête de Clou un très grand nombre de petits filets d'Argent, qui, à mesure qu'ils s'éloignoient du centre commun, diminuoient toujours de grosseur, & se divisoient en plus petits Rameaux. C'est-là ce qui avoit l'air de Végétation. Car quoiqu'el-

^{*} V. les M. p. 655. † B 556. + P. 42.

le ne s'élevât pas comme les autres, & ne fût qu'horizontale, il lui suffisoit de ressembler

aux Plantes rampantes.

M. de la Condamine juge avec beaucoup de vraisemblance, que la cause générale de ce fait est ce principe si bien établi en Chimie; qu'un Dissolvant qui tient un Métal dissous l'abandonne, dès qu'on lui présente un autré Métal, qu'il dissoudra plus facilement. Ici le Nitre a abandonné l'Argent pour aller dissoudre du Fer, ou la tête de Clou, & de-là s'en est ensuivi le reste qui sera examiné plus en détail. Mais sans aller plus loin, on peut déja conclurre de ce principe, qu'on fera la même expérience sur tous les autres Métaux. en substituant à la Solution d'Argent, une Solution d'un Métal quelconque, & au Fer un Métal plus aisé à dissoudre par le Dissolvant du Métal qu'on aura choiss: & c'est en effet ce que M. de la Condamine a trouvé par un grand nombre d'expériences differemment combinées. Il a toujours eu des Végétations horizontales, des Arbrisseaux plats, & l'on s'attend bien qu'il se sera trouvé beaucoup de variétés, soit en ce que les Arbrisseaux auront demandé plus ou moins de tems, soit en ce qu'ils auront été plus ou moins touffus, d'une ramification plus ou moins distincte, &c. A tout prendre, les plus aisés à voir, & les plus beaux, sont ceux de l'expérience fondamentale, & nous nous y tiendrons.

Quand la tête du Clou est mise dans la Solution d'Argent, le Nitre, qui en quelque sorte sent qu'il est arrivé du Fer, se met en mouvement pour se séparer de l'Argent, &

courir

courir au Fer. Ce mouvement de fermentation se répand à la ronde, & agite les petites. molécules où une parcelle de Nitre est unie à une parcelle d'Argent, supposé que l'espace occupé par toutes ces molécules ensemble ne foit pas trop grand. C'est pour cela qu'il ne faut que peu de Solution. Les particules de la Solution les plus proches du Clou sont les. premieres d'où le Nitre se détache pour aller s'insinuer dans le Fer, & quand elles y sont entrées, celles qui en sont devenues les plus voisines, leur succedent, & ainst de suite; d'où il arrive, à cause de l'adhésion que toutes les particules de la Solution ont entre elles, que toute cette liqueur preud un mouvement circulaire de sa circonference vers le centre. Dans le tems que les molécules d'Argent & de Nitre unis font ce chemin, le mouvement interne de fermentation détache le Nitre de l'Argent, fur-tout dans les molécules plus proches du centre, ou à mesure qu'elles s'en approchent davantage, & cette séparation est d'autant plus aisée que la couche de Solution fur le Verre a le moins d'épais-, seur qu'il soit possible, & que par la tout l'aqueux de la Solution s'évapore bien vîte. Les parcelles d'Argent sans Nitre demeurent dans l'endroit de leur route où la féparation s'est faite, parce qu'elles ne sont plus portées par une liqueur, & elles y font collées par un petit reste d'humidité. Il doit donc se former un espace circulaire où l'on verra une infinité de rayons d'Argent, qui seront les traces des routes que tennient les molécules lorsqu'elles s'acheminoient vers le cen-. T tre

ESPROPRISTA CONTRACTOR CONTRACTO

SUR LE SEL DE SEIGNETTE

ET CELUI D'EBSOM.*

Ous mettons ces deux Sels ensemble, non qu'ils ayent aucune conformité par leur nature, mais parce qu'ils en ont beaucoup par leur Histoire, qui est le seul point auquel nous toucherons, & même légerement. Tous deux sont nouveaux, tous deux d'un grand usage dans la Médecine, & autorisés par de fréquens succès, tous deux d'une origine, ou d'une composition inconnue, qui a échappé jusqu'à présent à tout le monde, & tous deux viennent d'être découverts dans la même année.

M. Seignette, Médecin de la Rochelle, inventeur du Sel qui porte son nom, a eu le plaisir pendant sa vie que tous les Chimistes n'ayent fait que des efforts inutiles pour découvrir son secret, & il l'a laissé intacte, pour ainsi dire, à ses Enfans qui en ont jour. Mais les habiles Chimistes se piquent de ce qu'un Secret sameux leur échappe. On verra dans le Mémoire de M. Boulduc les peines qu'il s'en est données; il a quelquesois des speres, ensuite repris courage, & ensin il a trouvé que le Sel de Seignette étoit de la Crême de Tartre rendue soluble par l'Alkalı de la Soude. Dans ce composé la Crême de Tartre étoit.

étoitassez reconnoissable, mais c'étoit cette Soude qui se déroboit le plus obstinément, & qu'on ne s'avisoit point de soupconner.

Le même jour que M. Boulduc apporta sa découverte à l'Académie, M. Geosfroy déclara qu'il l'avoit faite aussi, & le vérissa par les faits qu'il montra le jour même. Les deux Chimistes, quoiqu'amis, ne s'étoient riem communiqué de leurs vues. Le mot de l'Enigme étoit d'autant plus surement trouvé qu'il l'étoit par eux deux, & ce sut un effet agréable du hazard, qu'il le sût précisément en même tems.

Le Sel d'Ebsom, dont nous avons parlé en 1718*, est un autre mystere dévoilé aussi par M. Boulduc. La principale difficulté consiste en ce qu'il s'en fait un très grand débit, & qu'il est à bon marché. La source d'eau minerale d'Ebsom, d'où l'on suppose qu'il est tiré, ne sût-elle que du Sel sans eau, ne fourniroit jamais la quantité qui s'en voit : c'est donc un Sel travaillé par art, mais par

quel art le fait-on à si peu de fraix?

Il a paru sur ce sujet plus de vingt Mémoires imprimés, dont aucun n'a donné au but, & M. Boulduc met courageusement de ce nombre celui de seu M. son Pere, qui est reconnu son erreur, s'il est vêcu. M. Boulduc raconte par quel heureux hazard il sut mis sur la voye, avec quel soin, & quelle attention il la suivit, & ensin comment il vint à découvrir que le Sel d'Ebsom, ou, si l'on veut, un Sel parfaitement semblable, se tire

^{*} p. 47. & suiv.

60 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

tire d'une matiere qui ne coute rien, que l'on jette comme inutile, & qui en fournit beaucoup. C'est une Eau, qu'on appelle Egoute, ou Boitron, qui après qu'on a fait le Sel commun ou par l'évaporation ou par la cuite, reste ou dans les Marais salans, ou dans les Chaudieres. Cette eau est amere, & chargée d'un Sel amer, qui est celui qu'on cherche, & qu'il est très aisé d'en séparer. M. Boulduc fait voir par un petit calcul très court, combien ce Sel doit être abondant, & par conséquent combien il coutera peu. Tout ce qui se laisse prouver par le calcul est bien prouvé, & il y a plus de choses qu'on ne pense, qui s'y réduisent.

RESTRUCTION SOLUTION SOLUTION

BOTANIQUE.

SUR L'ANATOMIE DE LA POIRE.*

Pour continuer ce sujet déja commencé en 1730†, il va être presque toujours question des Vaisseaux que l'on trouve après qu'on a passé la Peau de la Poire, que nous avons décrite. Mais avant que d'entrer dans l'intérieur du fruit, il est bon de s'arrêter sur un doute qui pourroit naître légitimement: ce qu'on va traiter de Vaisseaux, ce qu'on en a même déja traité sans en marquer de scrupule, sont ce effectivement des Vaisseaux, des

* V. les M. p. 238. † p. 81, & suiv.

des Canaux creux qui portent une Hqueur? les plus grands Observateurs en cette matiere, ou l'ont nié quelquefois, ou quelquefois ne l'ont pas voulu assurer positivement. M. du Hamel a coupé transversalement des tranches très fines de quelques-uns des plus gros de ces Vaisseaux prétendus, & en les exposant au grand jour, il n'a point vu la lumiere au travers, ni au moins un point de clarté qui auroit dû être plus fort vers le milieu, s'il y avoit eu là une cavité. Il n'a point non plus apperçu de cavité avec les meilleurs Microscopes. On ne voit qu'une espece de duvet ou de coton dont est rempli l'intérieur de ce Vaisseau, qui n'est donc plus qu'un simple filet solide.

Cependant l'idée de Vaisseau est trop nécessaire, trop analogue à tout ce qui est connu d'ailleurs, pour être abandonnée qu'à la derniere extrémité, & M. du Hamel la retient, fondé principalement sur les raisons

fuivantes.

Des Vaisseaux destinés à porter une liqueur, & à la distribuer dans tous les parties d'un certain espace, ne manquent point par cette raison à se diviser & à se subdiviser presque à l'insini. Ce qu'on appelle Vaisseaux dans la Poire, ou en général dans les fruits, & plus généralement encore dans les Plantes, se ramissent de la même façon; ils portent donc une liqueur, ils sont donc de vrais Vaisseaux. On dira peut-être, que les Ners se ramissent aussi sans porter de liqueur. A la vérité, ils ne portent pas du Sang, mais une liqueur infiniment plus subtile, les Esprits animaux.

Les Vaisseaux de la Poire sont visiblement C 2 ceux

12 · Histoire de l'Academie Royale

ceux de la Queue prolongés & épanouïs. Ceux ci font ceux de la branche prolongés de même, & ceux de la branche font ceux du tronc, tout cela est continu. Or dans le tronc, ils y apportoient & distribuoient certainement une nourriture, des sucs tirés de la terre. Donc ils ont toujours la même fonc-

tion, & font toujours Vaisseaux.

Lorsqu'on fait des incisions aux Plantes qui rendent beaucoup de suc & de suc coloré, comme la Chélidoine, les Tithymalles, on voit que ce suc sort, non de toute la substance ou de tout le parenchime de la Plante, mais seulement d'un très grand nombre de petits points distincts, qui ne peuvent être que des orisices de Vaisseaux coupés. Or s'il y a de vrais Vaisseaux dans le parenchime de quelques especes de Plantes, il n'est point trop hardi de conclurre qu'il y en a dans toutes. Ils seront seulement moins aisés à reconnoitre pour ce qu'ils sont.

Si le parenchime d'une poire, d'un fruit, n'étoit qu'une espece de substance cotoneuse, dont les cellules s'imbibassent des sucs qui y seroient portés, on verroit ces sucs exuder de toutes parts, dès que la peau du fruit seroit enlevée. Il en exude en esset une certaine quantité; mais elle sera beaucoup plus grande, & plus sensible, si on ratisse le fruit, parce qu'alors on détruit beaucoup de Vaisseaux, qui lais-

sent échapper ce qu'ils contenoient.

Enfin rien ne prouve si bien des Vaisseaux, que les injections, qui sans cela n'auroient pas lieu. M. du Hamel les a transportées des Animaux aux Plantes, & a trouvé moyen

d'en faire dans quelques-unes, qui étoient du genre des Roseaux. De celles là à celles dont il s'agit on voit assez la conséquence.

La cavité invilible des Vaisseaux ne les empêchera donc pas d'être de véritables Vaisseaux, sur tout si elle est garnie d'un coton fort sin qui la remplira en partie, & la rendra opaque. Ce coton n'est point imaginé pour le besoin d'une explication, c'est un fait vu au Microscope. De plus, les Vaisseaux que l'on considere ne peuvent être que dans un état où ils sont extrêmement affaissés, & par les longues macérations, comme nous l'avons dit ailleurs, & parce qu'il n'y

coule plus rien.

Venons maintenant à l'examen des Vaisfeaux, bien établis pour Vaisseaux. Il faut les prendre à leur origine commune, qui est la Queue de la Poire, où ils sont rassemblés en un faisceau long & étroit, posés parallelement les uns contre les autres. Pris avec les Tégumens de cette Queue, ils en formeroient toute la substance, s'ils ne laissoient pas vers le milieu, à l'endroit où l'on en peut concevoir l'axe longitudinal, une espece de vuide rempli par une substance plus molle & plus fine, qui ne leur appartient point. Ce faisceau entre dans la Poire, & y pénétre sans se desunir jusqu'à l'endroit de la Peau, où commence la substance pierreuse, ou un peu au dessous des loges des Pepins. Arrivé là, il se partage en plusieurs faisceaux moindres, qu'on peut diviser généralement en trois classes. Ceux de la ire se jettent dans toute la substance charnue de la Poire,

en s'épanouissant par une infinité de petits rameaux, fans aucune régularité apparente. & par cette raison M. du Hamel appelle ces Vaisseaux vagues. Ceux de la 2de classe se courbent en arc comme pour éviter le milieu de la Poire, & après ce détour qui les a écartés les uns des autres, ils se rapprochent pour aller se rendre tous à l'Ombilic, ou au Rocher; & parce que c'est de cet Ombilic que partent les Etamines & les Pétales, parties essentielles à la génération des Plantes, M. du Hamel nomme ces Vaisseaux spermatiques. Les faisceaux qui font la 3me classe se prolongent suivant l'axe du fruit, & vont se terminer aux Pepins & à leurs envelopes; & M. du Hamel les appelle nourriciers par excellence, parce qu'ils nourrissent la semence, qui est le grand objet de tout le méchanisme de la Nature dans les Plantes.

Il est bon de remarquer que les Vaisseaux des Plantes, quoique si analogues à ceux des Animaux, ne le divisent pas de la même maniere. Du tronc d'un gros Vaisseau sanguin fort un tuyau plus petit, de celui-ci un plus petit encore, &c. Mais un faisceau de Vaisl'eaux de la Poire ne se divise qu'en ce qu'une partie du faisceau qui étoit unie & parallele à l'autre, s'en détache, & ne conserve plus le

parallelisme, & ainsi de suite.

Tous ces Vaisseaux sont hérissés de Vaisseaux Capillaires, & en cet état ils forment apparemment tout le parenchime du fruit, comme les Vaisseaux languins devenus capillaires forment la chair des Animaux. Non seulement les dernieres & plus fines branches

de Vaisseaux de même espece to que les Vagues, s'entrelacent ensemble, mais celles de differente espece, tels que les Vagues & les Spermatiques, peuvent s'entrelacer aussi, & c'est de cet entrelacement sous les premiers Tégumens que résulte ce qu'on a appellé la peau de la Poire. Il est probable aussi que l'entrelacement des Vaisseaux Capillaires forme du moins en partie les Glandes qui feront des filtrations & des sécrétions de sucs.

Ce sont ces Glandes, qui, comme nous l'avons déja dit en 1730, font les pierres des Poires. Il est visible qu'elles seront plus dures, formées de vaisseaux plus ligneux, & plus compactes, dans les Poires cassantes

que dans les fondantes.

Les Glandes doivent s'endurcir aussi & se pétrifier davantage, quand elles perdent leur fonction de Glandes, & qu'elles cessent par conséquent d'être toujours humectées d'un nouveau suc. C'est de quoi on a un exemple remarquable dans toute l'œconomie végétale qui appartient au Rocher de la Poire.

Les Vaisseaux Spermatiques, après avoir fait leur arc, vont aboutir à ce Rocher, qui est la Glande où se filtrent & se préparent les liqueurs, dont se nourrissent les Etamines & les Pétales. Mais ces Etamines & ces Pétales ne sont que des parties passageres qui périront bien-tôt. Elles périssent, parce que la Glande par sa disposition particuliere vient à s'engorger, à s'obstruer, & cesse de les nourrir. Les sucs qu'elle ne reçoit plus, refluent dans les Vaisseaux Spermatiques, qui C 4

n'y pouvert plus rien porter, ne servent plus qu'à repandre leur liqueur dans le parenchime de la Poire, & ne sont que l'office des Vaisseaux vagues. Le Rocher devient toujours plus dur, & la Poire grossit plus à proportion qu'elle ne faisoit dans le tems où elle n'étoit nourrie que par les Vaisseaux Vagues, & où les Spermatiques ne s'occupoient

que des Etamines, & des Pétales.

Il ne reste à considerer que la partie la plus importante de tout le fruit, celle à laquelle tout le reste paroît subordonné, parce qu'elle assure la perpétuité de l'Espece, les Pepins ou Semences de la Poire. Ils sont logés deux à deux en cinq Capsules vers le milieu de l'axe, & même de tout le corps du fruit; & il est à remarquer que les Vaisseaux Spermatiques, qui en se courbant chacun en arc. font de ce milieu une espece de globe qu'ils envelopent, ont dix branches plus groffes que les autres, dont cinq répondent assez exactement à ces Capsules des Pepins, & les cing autres aux intervalles qu'elles laissent entre elles, de forte que toute la Poire divifée selon la position & dans le sens de ces Vaisseaux, le seroit en dix parties égales. tant il y a de symmétrie cachée dans toute cette structure. Mais les Vaisseaux qui se rapportent le plus particulierement & le plus visiblement aux Pepins, ce sont, comme nous avons dit, les Nourriciers.

La Méchanique des Pepins, & de tout ce qui leur appartient, est aussi compliquée & aussi envelopée qu'importante par son usage. M. du Hamel a imité les Physiciens qui ont

fui-

fuivi avec attention tous les changemens par où un Oeuf de Poule passe de jour en jour, & presque de moment en moment, pour devenir Poulet. Il a pris un Bouton à fruit de Poirier dès le mois de Janvier, dès qu'il a pu être reconnu pour Bouton à fruit, & a examiné toutes les differences qui se trouvoient dans d'autres Boutons toujours plus avancés jusqu'à l'âge de leur perfection. C'est un détail curieux, mais presque infini, où nous ne pouvons entrer. Au bout de tout cela le plus fin de tout le mystere, la maniere dont se fait la génération du fruit, échap-On voit bien naitre peu à peu les parties masculines de la fleur, les Etamines, les Pétales, ensuite le Pistille qui est la féminine, car le système des deux Sexes des Plantes est communément adopté, on voit leurs Envelopes, leurs Appendices, on voit même une espece de Placenta, & l'on soupconne tout au moins avec assez de fondement où font les Vaisseaux qui nourrissent toutes ces parties; mais on ne voit point comment la poussière des Étamines va féconder le Pistille, ou les Pepins naissans qui y sont renfermés. M. du Hamel doute si c'est cette poussiere qui fait la fécondation, ou une liqueur que ses grains peuvent contenir. L'analogie que l'on conçoit entre la génération des Animaux & celle des Plantes ne se trouve que trop fondée, puisqu'elle subsiste même en ce que le-point principal de l'une & de l'autre est également inconnu.

M. du Hamel croit qu'à la réserve d'une très petite partie de la substance du Pepin, C 7 qui

qui est le Germe d'un Poirier, un Poirier en petit, tout le reste n'est fait que pour nourrir ce Germe, tant que le Pepin crost, & ensuite pour être le premier aliment de l'Arbre naissant, quand le Pepin sera mis en terre. Tout cela est fort analogue aux Oeuss des Animaux Ovipares. Ce n'est pas que M. du Hamel ait pu parvenir à voir ce Germe du Poirier aussi distinctement qu'on voit celui du Poulet dans l'Oeus, mais il s'est asseuré par une expérience que presque toute la substance du Pepin est la nourriture de quelque partie, & cette partie ne peut être qu'un Germe.

Il a pris un Cerneau de Noix qui n'étoit presque encore que de la glaire, il l'a mis à la Cave, & au bout d'un tems il l'a trouvé presque aussi dur, & aussi bien formé que s'il fût resté à l'Arbre. Cette Noix naissante s'étoit donc nourrie d'une substance avec laquelle elle étoit enfermée, car il n'y a nulle apparence que l'humidité de la Cave eût suffi pour cela, elle ne faisoit que prévenir & empêcher le dessechement de cette substance. De même l'Amande des fruits à noyau, tels que les Pêches & les Abricots, croît & se forme pendant un certain tems sous une envelope très dure & très compacte, au travers de laquelle des Vaisseaux ou ne peuvent passer, ou ne portent guere de nourriture. Les Pepins. les Amandes des fruits à noyau sont si propres à être une nourriture fine & délicate, que nous en faisons nos Emulsions.

Il sera très aisé de distinguer dans tout ceci les simples conjectures d'avec les faits obfervés, qui pourront donner lieu à d'autres conjectures. Pour mettre les Physiciens en état ou de constater ces faits, ou de les suivre plus loin, M. du Hamel les instruit de toutes les attentions auxquelles il a été obligé, de toutes les adresses, des especes de stratagêmes dont il s'est servi avec succès. On peut quelquesois avoir des raisons pour se réserver des secrets, mais en général cette conduite ne sent guere le vrai Philosophe.

කොහො වෙරෙහි වෙර වැඩි කිරීම කිරීම කිරීම කර වැඩි ක

SUR LES GREFFES.*

I L résulte de ce que nous avons dit sur ce sujet en 1730 † d'après M. du Hamel, que d'un côté la Greffe affoiblit toujours les Arbres, les rend moins vigoureux. & de moins de durée, & que de l'autre elle rend les fruits meilleurs, pourvu qu'il y ait entre le Sujet & la Branche greffée un certain rapport. Les Arbres laissés dans leur naturel poussent beaucoup en bois, & donnent tard des fruits, qui ordinairement se fentent de leur naturel sauvage, c'est-à-dire, qui ont beaucoup d'aigreur, d'acreté, de desagrément au goût; mais ces mêmes Arbres greffés ne se chargent plus tant de bois, & produisent beaucoup plutôt des fruits, qui Iont devenus agréables. Le bois & les fruits sont deux dépenses auxquelles les Arbres ne peu-

Y. les M. p. 502. T p. 74. & furt

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

peuvent suffire également en même tems l'une prend sur l'autre, & c'est celle du bois à laquelle ils ont le plus de disposition naturelle.

M. du Hamel rapporte l'exemple assez remarquable d'un Poirier qui se chargeoit beaucoup de fruit, & très peu de bois, parce qu'il s'épuisoit en rejets, & que d'ailleurs un Gazon voisin lui déroboit beaucoup de nourriture. Les rejets coupés, & le gazon arraraché, il s'est mis à pousser en bois, & a cesse de se mettre à fruit: tant ces deux productions se sont aux dépens l'une de l'autre.

Il ne faut donc pas greffer les Arbres, quand on ne leur demande que du bois, de la vigueur, & de la durée, comme à ceux dont on plante des Avenues. M. du Hamel en connoit une d'Ormes femelles, non greffés presque tous, & beaucoup plus vigoureux que d'autres du même Païs, qui l'ont été selon la coutume, qui s'y est établie de-

puis un tems.

Mais quand l'intention est d'avoir des fruits, il faut gresser, ce qui non seulement les rend meilleurs, mais encore détermine la production de l'Arbre à se tourner de ce côté-là, & non du côté du bois, & par conséquent fait naitre des fruits en plus grande abondance. Comme les Buissons & les Espailers sont des Arbres auxquels on a retranché de leur grandeur naturelle, & qui par cette raison tendent toujours à la reprendre, & à pousser en bois, ce sont ceux auxquels la Gresse est la plus nécessaire pour l'effet qu'on se propose. Ne

Ne sera-ce pas un avantage considerable, si cet effet de la Gresse peut être augmenté? heureusement il peut l'être, selon M. du Ha-

mel, par deux movens.

10. Que l'on réitere la Greffe, c'est-à-dire, que sur une Branche qu'on a déja greffée sur un Sujet, on en greffe une seconde, on donnera à l'Arbre qui viendra une espece de Glande de plus, ou, si l'on veut, un Nœud, dont la fonction est, comme nous l'avons dit, de raffiner les sucs, un nouveau Viscere végétal, qui travaillera à perfectionner le fruit. Ce n'est pourtant pas que cette réitération de la Greffe puisse aller bien soin, il y aura certainement des bornes, qui se trouveroient assez tôt. Les sucs se raffineront mieux par la difficulté multipliée des passages, mais il est nécessaire ensin qu'ils passent, & même avec une certaine facilité.

2°. Comme un Arbre tend plus naturellement à pousser en bois, il faut mettre un obstacle à cette production, en choisissant une Greffe qui n'ait pas trop de rapport au Sujet; par-là on détournera vers les fruits le cours d'une fécondité qui se seroit portée

vers le bois.

Le premier moyen paroît plus propre à perfectionner les fruits, & le second à en augmenter la quantité. Tous deux ne sont, & sur-tout le second, que pour les Arbres qu'on a de la peine à mettre à fruit, les Buissons & les Espaliers, car pour les Pleins-vents ils en portent assez dès qu'ils ont atteint leur crue. Il en va de même des Arbres, qui portent les fruits à noyau.

C7

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

Il est aisé de voir quel prodigieux nombre d'expériences ces deux moyens demandent pour être bien vérisiés. M. du Hamel les a entreprises, & en a déja commencé, qui promettent un bon succès, mais elles ne peuvent être qu'extrêmement lentes. En fait de Botanique Physique, deux expériences consécutives sur un seul sujet, ont entre elles une année entiere d'intervalle, & combien deux expériences consécutives sont-elles éloignées de suffire? combien se multiplient-elles sur differens sujets?

ESTACKAST STANDEN SANDAR GRAND GRAND STAND STAND STAND

Marchant a lu la description de la Lnnaria major filiqua rotundiore. J. Bauh. T. 3^{us}. 881. Lunaire grande.

Et celle de la Fraxinella officinis Dictamuns.

J. Bauh. T. 3111. 494. Fraxinelle.

GEOMETRIE.

SUR LES LIGNES DU IV - ORDRE.*

N ne sera pas étonné que la Théorie des Lignes du 4^{me} ordre, ou Courbes du 3^{me}, n'ait pas été épuisée par ce que nous en avons dit en 1730 †, d'après M. l'Abbé de

Y. les M. p. 13. † p. 93. & fuiv.

de Bragelongne. Elle fourniroit matiere à des Volumes, & c'est une partie du travail que de se borner & de se réduire. Les points multiples, dont ces Courbes, aussi-bien que celles de l'ordre immédiatement inférieur. font susceptibles, mais plus susceptibles, demandent eux seuls beaucoup de discussion. Nous avons déja parlé des points doubles & des points triples qu'elles peuvent avoir, & pour démêler davantage les idées, on a tenu ces deux especes fort distinctes. faut considerer présentement une troisieme espece qui pourroit paroitre moyenne entre ces deux, mais qui, bien examinée, se range fous celle des points doubles. comprend que deux differens points.

M. Bernoulli a appellé Lemniscase, c'est-àrdire, Ruban, une Courbe qui ressemble à un 8 de chiffre. Elle a deux folium, ou feuilles, que nous supposerons égales, & qui se coupent ou se nouent en un point bien sensible, au milieu de toute la Figure. Cette Courbe peut n'être qu'une partie d'une Ligne du 4me ordre, & une partie détachée ou isolée, comme nous avons vu que le sont quelquesois des Ovales, & en ce cas, ce sera une Lemniscate conjuguée. Si elle devient infiniment petite, ce sera certainement un point multi-

ple, mais de quelle multiplicité?

On peut regarder la Lemniscase finie, comme formée de deux Ovales qui se nouent, & la Lemniscate infiniment petite, comme formée de deux Ovales devenues infiniment petites. Nous avons vu en 1730, qu'une Ovale infiniment petite étoit un point double,

64 Histoire de l'Academie Royale

& par conséquent deux Ovales infiniment

petites seront deux points doubles.

Il ne faut pas penser que ces deux points doubles puissent se confondre en un, de maniere à faire un point mathématique quadruple: une Ligne du 4me ordre ne peut avoir un tel point, car on en pourroit toujours tirer une droite à quelque point simple de la Courbe, qui, par conséquent, seroit coupée en cinq points, ce qui n'est pas possible dans cet ordre. Les deux points doubles ne sont donc qu'infiniment près l'un de l'autre, & en effet il a été dit en 1730, qu'une Ligne du 4me ordre peut avoir jusqu'à trois points doubles, & à plus forte raison en aura-t elle deux.

Elle pourra même en avoir encore un double, pourvu qu'il ne soit pas sur la même ligne droite où sont les deux premiers qui restent de la Lemniscate finie, car ces deux points, parce qu'ils sont deux, déterminent la position d'une droite, qui par conséquent passe par quatre points de la Courbe, & ne peut plus passer par aucun.

Puisqu'une Ligne du 4^{me} ordre ne peut avoir plus de trois points doubles, elle ne peut avoir deux Lemniscates conjuguées infiniment petites, qui vaudroient quatre points

doubles.

Quoique les deux Ovales qui formoient la Lemniscate finie, étant conçues infiniment petites, ne fassent certainement chacune qu'un point double, il semble cependant qu'il faille concevoir quelque chose de plus, parce que ces deux Ovales n'étoient pas sin-

ple-

plement contiguës, mais se coupoient, se nouoient pour former la Lemniscate. Qu'y aura-t-il ici qui représente cette intersection, ce nœud? on y satisferoit en imaginant les deux points doubles, ou comme un point triple, ou du moins comme équivalens à un

point triple.

Mais on prendra une idée plus exacte, & plus fure, en confiderant ce même nœud par les deux Tangentes qui s'y peuvent tirer. Elles ne peuvent manquer d'être réelles, car à l'interfection des deux feuilles de la Lemniscate finie, certainement ces feuilles avoient une position déterminée, par rapport à un axe de la Courbe, & il n'en étoit pas comme des Ovales conjuguées que nous avons fait voir qui n'avoient aucune position, parce qu'elles les avoient toutes. De plus, les deux Tangentes dont il s'agit, sont égales, puisque les deux feuilles sont supposées égales & semblables. Plus les deux feuilles diminuent de grandeur, plus les Tangentes se rapprochent, & enfin elles viennent à se confondre, quand la Lemniscate totale est infiniment petite.

Un attouchement vaut deux points d'intersection, ou, ce qui est la même chose, une Tangente peut être considerée comme une droite qui seroit Sécante en deux points infiniment proches, & par conséquent deux Tangentes sont comme deux droites Sécantes chacune en deux points infiniment proches. Il n'y a point là, comme nous l'avons déja dit, de point mathématique quadruple, la Courbe ne passe point quatre fois par un

66 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

même point, mais deux fois par un point, & deux fois par un autre infiniment proche, & de plus ces points pris deux à deux déterminent une polition, qui ne peut être dans un point mathématique. Il n'y a point là non plus de point triple, mais seulement deux doubles.

On trouve encore dans le 4me ordre une seconde sorte de point, dont la nature peut paroitre douteuse. Lorsque deux branches d'une Courbe se coupent pour se continuer enfuite de part & d'autre, elles se coupent ordinairement, en faisant entre elles un angle, comme les deux branches de la Lemnifcate que nous venons de voir. Ce font proprement deux petits côtés, l'un d'une branche, l'autre de l'autre, qui se coupent en un point mathématique. Mais il est possible aussi que ces deux côtés, au-lieu de se couper, le posent exactement l'un sur l'autre, après quoi les deux branches prendront chacune leur cours, comme elles eussent fait après une vraye & simple intersection. l'Abbé de Bragelongne appelle point d'osculazion, celui où cette affection se rencontre. parce qu'effectivement elle est fort semblable à ce qu'on a nommé osculation dans la Théorie des Dévelopemens.

Ce point d'osculation pourroit sembler ou quadruple, ou plus que double, comme la Lemniscate infiniment petite; mais M. de Bragelongne en l'examinant de la même maniere que la Lemniscate, le trouve de la même nature. Il y a là deux Tangentes infiniment proches, qui tombent l'une sur l'autre,

& sont équivalentes à une Sécante en quatre points infiniment proches; il y a deux points doubles infiniment près l'un de l'autre, parce que la Courbe passe deux fois par un même point, & deux fois par un autre, ce qui

est affez clair.

Puisque les deux eas de la Lemniscate infiniment petite, & de l'osculation, ne résultent l'un & l'autre que des deux Tangentes égales, il faudra pour avoir les valeurs de ces deux Tangentes, ou, ce qui revient au même, déterminer ces deux sortes de points dans une Courbe donnée, differentier deux fois le rapport de l'Ordonnée à la Soutangente selon les Règles connues.

Mais ces deux Tangentes égales sont une détermination très équivoque, qui convient non seulement aux deux cas proposés, mais encore à celui d'un Rebroussement simple, où elle se trouveroit précisément la même. faut donc lever l'ambiguité, & le moyen en sera fourni par des vues que nous avons déja

infinuées.

Il est vrai que dans le Rebroussement simple, il y a deux Tangentes égales, mais elles ont un point commun, celui qui est le dernier où la Courbe arrive par son cours direct, & en même tems le premier d'où elle part pour le cours rebroussant, car nous avons dit en 1730 que le Rebroussement peut être conçu ainsi, & le doit, pour être un point double. Les deux autres points qui sont les extrémités des deux petits côtés où se fait le Rebroussement, sont distincts entre eux. Ainsi il n'y a que trois points non confondus, & disdistincts. Il y en a quatre distincts, quoiqu'infiniment proches, dans la Lemniscate infiniment petite, & dans l'osculation. Voilà une difference qui doit avoir son effet.

Ce sera, que dans le Rebroussement où il n'y a que trois points distincts, les deux Tangentes confondues ensemble, ne vaudront qu'une Sécante en trois points, & que dans les deux autres cas elles vaudront une

Sécante en quatre points.

Ainsi en prenant une expression générale d'une Sécante de la Courbe, & l'appliquant au point pour lequel on aura fait la 2^{de} Differentiation, si l'on trouve ensuite par le Calcul trois valeurs égales de la Sécante en ce point, il est un point de Rebroussement simple. Si on trouve quatre valeurs, c'est ou une osculation, ou une Lemniscate insi-

niment petite.

Cette ambiguité qui reste encore, demande une consideration nouvelle. La Lemniscate infiniment petite a été une Lemniscate finie conjuguée. c'est-à-dire détachée de tout le reste de la Courbe, & par conséquent le point auquel elle est réduite, en est détaché. Donc de ce point à un autre quelconque de la Courbe, il n'y a point d'Ordonnées, ou, ce qui est la même chose, les Ordonnées de tout espace vuide sont imaginaires. Tout au contraire, d'un point d'osculation à un autre - point de la Courbe, les Ordonnées sont nécessairement réelles. On voit assez combien il sera facile au Calcul de reconnoitre cette extrême difference, & par conséquent de distinguer les deux points en question.

En

En joignant à cela ce qui a été dit en 1730 fur les points doubles, on aura tout ce qui leur appartient, & il fera bon de mettre le

tout ici sous un même coup d'œil.

Il y a cinq especes de points doubles, des points d'intersection de deux branches, des points de rebroussement, des points provenus d'Ovales conjuguées, des points provenus de Lemniscates conjuguées, des points d'osculation.

Ils ont tous deux Tangentes, qui se trouvent par deux Differentiations consécutives.

Les Tangentes sont réelles, ou imaginai-

res, égales, ou inégales.

Si elles sont imaginaires, le point est pro-

venu d'une Ovale conjuguée.

Si elles font réelles, elles font inégales, ou égales.

Inégales, elles donnent un point d'inter-

section de deux branches.

Egales, elles sont équivoques entre trois cas, & il faut les considerer comme une Sécante en trois ou en quatre points.

La Sécante en trois points donne un Re-

broussement simple.

La Sécante en quatre points est encore équivoque entre deux cas, dont on vient de lever l'indétermination par la différente nature de certaines Ordonnées. Pour des Ordonnées réelles, ce sera un point d'osculation; pour des imaginaires, un point provenu d'une Lemniscate.

Les cinq especes de points doubles dont le 4me ordre est susceptible, différent en ce que trois d'entre elles, qui sont les points d'interfection de deux branches, ceux de rebrouffement, & les points provenus d'Ovales conjuguées, sont de fimples points doubles; & les deux autres especes, qui sont les points d'osculation, & les points provenus de Lemniscates, sont de doubles points doubles, c'est-à-dire, deux points doubles insiniment proches, au-lieu que les premiers étoient seuls & iselés. Ces deux points doubles, pour être infiniment proches, ne changent pas de nature, & n'en sont pas moins

chacun un simple point double.

Il a été dit en 1730, qu'une Ligne du 4me ordre qui a un point triple n'en peut avoir de double, & que si elle n'en a point de triple, elle n'en peut avoir plus de trois doubles; donc une Courbe de cet ordre qui n'a point de point triple, & qui en a un double de la seconde espece, n'en peut plus avoir qu'un de la premiere, ou, ce qui est la même chose, elle ne peut avoir deux osculations, ni deux Lemniscates infiniment petites, ni une osculation & une Lemniscate infiniment petite, car ce seroient quatre points doubles; mais seulement outre une osculation ou une Lemniscate, elle pourra avoir un point d'intersection de deux branches. ou de rebroussement, ou provenu d'une Ovale conjuguée.

Venons maintenant aux points triples, qui commencent à se trouver dans le 4^{me} ordre. A ceux que nous avons déja vus, M.l'Abbé de Bragelongne en ajoute ici un nouveau.

La Lemniscate finie n'a qu'un nœud, un seul point où deux branches s'entrelacent; mais

mais il y a dans le 4^{me} ordre d'autres Courbes, dont les branches s'entrelacent de façon qu'elles se coupent en trois points, de que le tout prend à peu près la forme de ce qu'on appelle Las-d'amour: aussi M. de Bragelongne donne-t-il à cet entrelacement le nom Grec de Lemnisceros, qui signifie la même chose, ou plus précisément, Ruban d'amour.

Dans le Lemnisceros, on peut imaginer trois droites, qui comme des especes de Parametres déterminent la hauteur & la largeur des trois feuilles de Ruban. Si ces trois droites deviennent infiniment petites, comme elles le pourront en certain cas, les trois points d'intersection ou d'entrelacement se confondront en un, & tout le Lemnisceros se réduira à ce seul point, qui sera triple.

Nous avons dit que quand une Lemniscate devenoit infiniment petite, les deux Tangentes de son point unique d'intersection venoient à n'en être plus qu'une; par la même raison il y aura dans le Lemnisceros infiniment petit trois Tangentes, puisqu'il contient trois points d'intersection confondus. & ces trois Tangentes seront égales, parce que prises deux à deux pour chaque point d'intersection, elles se rapprochent toujours de l'égalité à mesure que l'angle d'intersection diminue, & que quand il devient nul, elles arrivent à cette égalité, & que de même les trois Tangentes, formées chacune de deux Tangentes à chaque point d'interfection, arrivent à l'égalité entre elles en se

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

rapprochant toujours pour partir toutes du même point.

Il faut donc ajouter le Lemnisceros infiniment petit aux points triples déja établis en 1730, à celui de l'intersection de trois branches, à celui de rebroussement simple par où il passera encore une nouvelle branche de la Courbe, à celui qui sera provenu d'une Ovale adhérente.

Si pour trouver un point double il faut une feconde differentiation du rapport de l'Ordonnée à la Soutangente, il est clair qu'il en faudra une 3me pour un point triple. On trouvera toujours trois valeurs de la Soutangente ou Tangente.

Lorsqu'il y a des valeurs imaginaires, il y en a nécessairement deux, & la 3me est réel-C'est un point provenu d'une Ovale adhérente, on en a déja vu la raison en 1730.

Trois valeurs inégales donnent un point

d'intersection de trois branches.

Deux valeurs égales & une inégale donnent un point de rebroussement par où passe encore une 3me branche de la Courbe: les deux égales appartiennent au rebrouffement. l'inégale à la nouvelle branche.

Trois valeurs égales donnent, ainsi que nous venons de le dire, un Lemnisceros in-

finiment petit.

Sur cette derniere détermination comparée à la premiere, on pourroit d'abord être furpris que les Ovales devenues infiniment petites n'ayent par elles-mêmes que des Tangentes imaginaires, & que les Lemnisceros devenus de même infiniment petits n'en avent

que

re de réelles. Quelle est donc la differenre estentielle de ces deux sortes de figures re de Courbes?

Nous l'avons déja insinuée, quand nous amons dit dans le Volume précédent que les Ovales conjuguées, car par elles on jugera assement des adhérentes, n'avoient par rapport à toute autre partie de la Courbe aucune position déterminée, parce qu'elles avoient toutes les positions en même tems, de que par conséquent elles n'étoient pas susceptibles de Tangentes par rapport à la Courbe, de n'en devenoient pas plus susceptibles pour diminuer, même à l'infini. Il n'en est pas de même du Lemnisceros, il a nécessairement dans ses trois points d'intersection des Tangentes déterminées, qui se conservent toujours.

Il est difficile qu'on ne soit surpris par réflexion de toutes les subtilités imprévues, où l'on se trouve nécessairement conduit, quand on veut suivre la Théorie de ces Courbes dans tous ses recoins. Qui est pensé aux points multiples, & à leurs differentes especes de multiplicité? qui est cru que le Calcul dût se plier à ces differentes idées si sines, si métaphysiques en quelque sorte, &, ce qui est encore plus, avoir le secret de les démêler surement, quand elles auroient le

plus de resemblance apparente?

'ACADEMIE a examiné un Ecrit sur les Voûtes, présenté par M. Chardon. Il Hist. 1731.

74 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

en considere de deux sortes, celles qui sont ceintrées ou en Berceau, comme les Arches d'un Pont, les Portes Cocheres, &c. & celles qui sont en Dôme comme les Fours. Il suppose leurs Voussoirs dirigés vers un même point, & en équilibre entre eux, selon les Théories que nous avons exposées en 1704* & en 1729†, & principalement selon la derniere. La Courbe de l'Intrados étant donnée, il cherche quelle Courbe pour l'Extrados devra résulter de l'équilibre des Voussoirs, & la détermine géométriquement par points pour l'une & l'autre espece de Voûtes.

Elles ont toutes deux cela de commun, que quelle que soit la Courbe de l'Intrados, celle de l'Extrados sera Asymptotique à une droite, horizontale dans la 1^{re} espece, & à une verticale, & à une autre horizontale dans la 2^{de}. Il entre toujours de l'Infini dans cette matiere: nous avons vu en 1704, que géométriquement le dernier Voussoir devroit

être d'une pesanteur infinie.

Le fecond cas, qui est le plus remarquable, consiste en ce que la Courbe de l'Extrados est d'un côté Asymptotique à une verticale tirée par le sommet du Dôme, & de l'autre à l'horizontale qui est la base de la Voûte. Du premier Asymptotisme il suit que la Clé ou le Voussoir du milieu doit être infiniment long, & comme il faut cependant pour l'équilibre avec les autres qu'il ne soit que d'une pesanteur finie, il n'aura qu'une épaisépaisseur infiniment petite, ce qui ne pouvant être réellement exécuté, marque du moins que la Clé ne peut être trop longue & trop mince. Par le fecond Asymptotisme il se trouve que la base de la Voûte étant un Insini du 1er Ordre, la Courbe de l'Extrados, quoiqu'elle ait un cours insini, ne l'a pourtant qu'infiniment petit par rapport à cette base; & pour rendre raison de cette merveille inexplicable selon les idées ordinaires, M. Chardon a recours à celles des Elémens de la Géometrie de l'Insini.

On a trouvé que dans ce qui lui est commun sur ce sujet avec d'autres Géometres, sa Méthode a le mérite d'une grande simplicité, & dans tout le reste celui de l'invention.

REAL CONTROL C

N a examiné aussi une Théorie de la Courbure des! Courbes, présentée par M. Fontaines. Il détermine cette Courbure, non par les Rayons des Dévelopées, comme à l'ordinaire, mais par les Sinus des Angles de Contingence, comme dans les Elémens de la Géometrie de l'Infini, quoique differemment; & l'on a trouvé que dans sa formule générale, & dans l'application qu'il en fait à differentes Courbes, il faisoit voir beaucoup de connoissance du Calcul Insinitésimal.

Ous renvoyons entierement aux Mémoires
D 2
L'Ecrit

76 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

^a L'Ecrit de M. de Maupertuis fur la Séparation des Indéterminées.

b Celui de M. Nicole fur les Sections Co-

niques.

c Celui de M. Clairaut sur les Centres de

Gravité.

d Celui de M. de la Condamine sur une Nouvelle Maniere de considerer les Sections Coniques.

c Celui de M. de Maupertuis sur un Pro-

-blême Astronomique de M. Mayer.

r Celui de M. Clairaut sur les Courbes que l'on forme en coupant une surface courbe quelconque par un plan donné de position.

gendrer dans un Corps solide toutes les Lignes du 3me Ordre.

conconsonational and an appropriate and appro

ASTRONOMIE.

SUR LE MOUVEMENT REEL

DES COMETES. h

A Comete dont nous avons parlé en 1720 i & 1730 k a donné à M. Cassini, par ses circonstances heureuses & particulieres, des vues qui méritoient d'être suies

a V. les M. p. 147. b p. 184. e p. 226. d p. 340. e p. 652. f p. 680. g p 694. b V. les M. p. 422. s p. 93. & luiv. k p. 134. & luiv.

vies plus loin, & qu'il a suivies en effet. Il a démontré que le mouvement de cette Comete, d'abord contraire à celui de tout le Système Solaire, ne pouvoit cependant étre que direct; & n'y eût-il d'autre raison, finon que ce mouvement d'abord contraire ou rétrograde a été ensuite direct, il seroit certain qu'il n'a été réellement que l'un ou l'autre, & dans la nécessité de cette alternative. on devroit se déterminer pour la réalité du direct, & l'apparence du rétrograde, puisque par-là la Comete devient conforme à toutes les Planetes Solaires, ce qui est le plus simple en soi. & satisfait d'ailleurs à l'intention commune de tous les Philosophes.

Mais ce ne seroit rien que le mouvement rétrograde de la Comete de 1729 ne sût qu'apparent, il faut qu'il en soit, ou qu'il en puisse être de même de tous les mouvemens rétrogrades que l'on a vas à d'autres Cometes; il le faut pour l'uniformité, il le faudroit aussi pour l'interêt des Tourbillons Cartésiens; & quoique cet interêt ne soit pas une raison, l'idée de ces Tourbillons est digne qu'on souhaite de les conserver, ne sût-ce que par la craînte de ce qui leur suc-

cederoit.

M. Cassini a examiné toutes les Cometes dont en a des Observations assez surces & assez circonstanciées. L'Epoque d'où il part, ést celle de 1472, observée par Regiomontanus: avant cela, ce n'est à cet égard qu'un tems absent & incertain, qui recommence pourtant ensuite, & dure jusqu'en 1531. Il se

trouve dans l'espace des 200 années qui se sont écoulées jusqu'à présent, 36 Cometes bien observées, sans compter celle de 1472, dont 20 n'ont paru avoir qu'un mouvement direct, & 16 un mouvement rétrograde, soit qu'elles n'en ayent pas eu d'autre, soit que quelques unes ayent eu aussi-le direct. On peut voir par-là en passant, que les Cometes ne sont pas rares, & qu'à prendre un nombre moyen, il a dû y en avoir 1 pour chaque période de 5 années ½, quoique dans ces 200 ans nous n'ayons pas compté 3 Cometes, dont on n'a point le détail, & encore moins celles qui auront pu être toujours cachées dans les rayons du Soleil.

Nous ne suivrons pas M. Cassini dans le détail, quoique curieux, qu'il fait de toutes ces Cometes. Il nous suffit d'exposer ce qu'il prétend, & les moyens généraux dont il se

fert pour l'établir.

Il prétend que de toutes les Cometes-qui ont paru depuis 1472 inclusivement, il-n'y en a aucune parmi les rétrogrades dont on ne puisse représenter le mouvement en le supposant toujours réellement direct, de la même maniere dont le mouvement toujours direct de toutes les Planetes Solaires vient dans certaines circonstances à paroitre rétrograde. Ces circonstances sont pour les Planetes supérieures, que la Terre vienne à passer entre elles & le Soleil; & pour les inférieures, qu'elles passent entre la Terre & le Soleil. L'apparence de la rétrogradation n'est pas bornée au moment de l'un ou de l'autre de ces passages, elle s'étend beaucoup en de-

decà & au delà. La plus longue rétrogradation, qui est celle de Saturne, est de 4 mois :, & la plus courte, qui est celle de Mercure est de 18 jours. Nous avons expliqué plus à fond toute cette matiere en 1700 *. Une Comete peut se mouvoir toujours au dessus de l'Orbe annuel que la Terre décrit autour du Soleil, & en ce cas elle ne sera visible que quand elle sera la plus proche de cet Orbe, & on la pourra considerer comme une Planete supérieure. Si dans la partie vifible de son cours elle est au dessous ou en dedans de notre Orbe annuel, c'est alors une Planete inférieure. Elle aura donc les accidens de Planete soit supérieure, soit inférieure, pourvu qu'elle soit dans les circonstances nécessaires à une Planete, c'est-à-dire, que quoiqu'elle soit toujours réellement directe, elle paroitra rétrograde pendant un certain tems avant & après le passage de la Terre entre elle & le Soleil, ou avant & après son passage entre la Terre & le Soleil. Quant à l'arc ou à la durée de la rétrogradation d'une Comete, on verra qu'il n'est pas possible d'en rien déterminer, si l'on se souvient de ve qui a été dit à ce sujet sur les Planetes en 1700; ainsi il n'y aura de ce côté-là nulle difficulté à supposer les Cometes directes.

Il est très naturel de les rapporter à l'Orbe annuel de la Terre, puisqu'effectivement on ne les voit que dans leur plus grande proximité de la Terre. Après qu'on les y a vues un certain tems, elles se dérobent à nos yeux,

P pe 104. & frire

yeux, soit en s'éloignant & de la Terre & du Soleil si elles étoient hors de l'Orbe annuel, soit en s'éloignant de la Terre & s'approchant du Soleil, si elles étoient au dedans de l'Orbe; & alors ou elles se perdent dans les rayons du Soleil, qui les rendent invisibles, ou elles vont simplement à une trop grande distance de la Terre.

On peut très bien concevoir qu'une Comete, tandis qu'elle est visible, traverse l'Orbe annuel, soit pour y entrer, soit pour en sortir. Ce cas est un composé des deux que nous venons d'expliquer, & il sera très aise d'en imaginer les suites. Les Cometes auront en quelque sorte un double principe de rétrogradation, d'abord comme Planetes supérieures, ensuite comme Planetes inférieures, ou au contraire.

M. Cassini suppose avec beaucoup de vraisemblance, que les Cometes, puisqu'elles sont traitées de Planetes Solaires, ont d'aucant plus de vîtesse réelle qu'elles sont plus proches du Soleil. On ne doit pas s'attendre que ce soit tout-à-fait dans la même raison. qui est, comme l'on sait, la raison renversée des Racines quarrées des distances au Soleil; car une Planete dont la distance au Soleil varie peu, prend une vîtesse réclie à peu près constante, que rien n'altere, au-lieu qu'une Comete fans comparaison plus ou moins éloignée du Soleil, dans un tems que dans un autre, peut avoir pris dans une grande proximité, par exemple, une si grande vîtesse qu'elle en confervera encore quelque tems une par-

tie dans un éloignement qui n'auroit dû lui donner qu'une vîtesse moindre, ou bien elle ne prendra que successivement & par degrés toute la vîtesse que doit lui donner une certaine proximité. De plus, une Planete est toujours à peu près dans un Cercle dont les parties ont la même position par rapport au Soleil, qui est le centre; mais une Comete décrit une Courbe extrêmement excentrique au Soleil, dont les parties ont par rapport à lui des positions fort differentes, de sorte qu'ayant une certaine vîtesse rée le, elle paroitra cependant ne décrire qu'un trop petit espace, à cause de la position qu'aura cet espace., ou au contraire. Il suffit donc que quand on suppose, par exemple, que la Comete traverse l'Orbe annuel, on puisse lui trouver une vîtesse réelle approchante de celle de la Terre, & c'est à quoi M. Cassini s'assujettit pareillement dans toutes les autres déterminations.

Il s'affujettit auffi à les rendre telles, qu'elles puissent représenter les variations de la grandeur du corps ou de la tête de la Comete. Le célèbre Hevelius les a prises pour réelles, & cela est en esser plus commode, car en ne les prenant que pour apparentes, elles dépendront certainement de la variation des distances, sur lesquelles on n'aura plus tant de liberté. Mais au fond, il n'est guere croyable que d'aussi grands corps que les Cometes, aussi durables, éternels dans le même sens que le Monde, sussent sur de très grandes augmentations ou diminutions de grandeur, aussi promptes qu'elles devroient D.

82 Histoire de l'Academie Royale

être, & qui quelquefois se succedercient les unes aux autres.

Affez fouvent on peut en plus d'une maniere supposer direct un mouvement de Comete qui aura paru rétrograde, & c'est une espece d'avantage pour le Système que M. Cassini soutient. Cela vient de ce que la distance réelle de la Comete à la Terre ou au Soleil étant pour l'ordinaire absolument inconnue, on est le maitre de regarder la Comete dans la petite partie visible de son cours ou comme Planete supérieure, ou comme Planete inférieure, de mettre la Terre entre le Soleil & elle, ou de la mettre entre la Terre & le Soleil, ou le Soleil entre la Terre & elle, la premiere de ces dispositions appartenant aux Planetes supérieures, & les deux autres aux inférieures. & toutes trois faisant également l'effet de donner à un mouvement direct l'apparence de rétrograde. Mais il est rare que cette indétermination subsiste, quand on a égard à toutes les circonstances de la Comete, à sa variation de grandeur & de vîtesse apparentes, à la vîtesse réclie qu'elle doit avoir selon la Règle de Kepler dans les lieux où on la met, &c. Quelquefois toutes ces circonstances sont si fortes en faveur d'un certain mouvement direct déterminé. & conditionné de certaine façon, qu'il n'est plus permis d'hésiter.

A plus forte raifon ne le fera-t-il pas alors d'héfiter entre le mouvement direct & le rétrograde, d'ont on peut toujours absolument supposér l'un ou l'autre réel; on le peut même quand le mouvement apparent ou ob-

Les

observé n'a été que direct. & M. Caffini ne néglige pas de le faire voir, tant il reste encore d'indétermination dans la Théorie des Cometes, selon ce que nous en avons dit en 1725 *. Mais s'il y a des cas où le mouvement direct ait un grand avantage sur le rétrograde pour fatisfaire à tous les phénomenes, si au contraire il n'y en a pas où le rétrograde ait le même avantage, & c'est ce qui se trouve en effet, il sera difficile de resister à la conclu-

sion générale qui se présente.

Dans le grand nombre de Cometes que M. Cassini a passées en revue, il n'a pas manqué de remarquer celles qui pouvoient avec quelque fondement être-prises-pour lesmêmes qui revenoient: mais outre que ce n'étoit pas là son objet principal, il ne trouve pas encore une certitude suffisante dans cette Hypothese des Rétours. Les Retours douteux, & qui auront besoin qu'on les ajuste à l'Hypothese, prouveront peu; les incontestables, ou qui en approcheront beaucoup, se feront apparemment attendre longtems.

YOus renvoyons entierement aux Més moires

+ L'Extrait fait par M. Caffini d'Observations faites à la Louisiane.

‡ L'Ecrit de M. Godin sur le Quart de Cercle Aitronomique fixe.

 p. 84. & fulv. † W. les M. p. 231.

-84 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

* Les Observations de l'Eclipse Lunaire der 20 Juin par Ma Cassini, Godin, & Grandjean.

† La Méthode de M. Pitot pour tracer les Lignes correspondantes ou des Minutes aux grandes Méridiennes.

 L'Ecrit de M. Grandjean fur la forme la plus avantageuse qu'on puisse donner aux Tables Astronomiques.

GEOGRAPHIE.

Ous renvoyons entierement aux Mémoires

‡ Les Recherches Géographiques de M. Buache sur l'Etendue de l'Empire d'Alexandre.

BOIRT DE LA COMPANSION DE LA COMPA

CHRONOLOGIE,

Ette année M. Filliol, Professeur en Hydrographie à Agde, communiqua à l'Académie un assez gros Ouvrage Manuscrit, intitulé Nouvelle Distribution politique du Tems. L'Auteur s'est proposé de déterminer le jour de la Pâque par des Calculs tirés des

* p. 326. 328. † p. 519. † p. 611. † V. les M. p. 157.

Tables Astronomiques, & en abandonnant les déterminations établies par le Calendrier Grégorien. Il fait voir que le jour marqué par ce Calendrier devance quelquefois le vrai Equinoxe. & differe de celui qui résulte des Tables. Pour cela il a besoin d'un grand nombre de Calculs, dont on a vérifié quelquesuns, qui ont fait juger qu'ils étoient tous de bonne main, & que tout l'Ouvrage avoit été fait avec beaucoup de soin & d'exactitude. Il remonte jusqu'aux principes de la Chronologie. & à des recherches favantes fur les Calendriers des diverses Nations. Mais enfin il ne s'agit ici selon le Titre même que d'une Distribution politique du Tems, où la précision astronomique n'est ni nécessaire ni même possible, puisque les Astronomes ne font pas encore parfaitement d'accord sur les mouvemens vrais des Aftres. Il s'en ensuivroit même l'inconvénient que l'on pourroit ne pas célébrer la Fête de Pâques le méme jour par toute la Terre. Tout confideré, il se trouve que l'Eglise a agi avec beaucoup de prudence de s'en tenir au Calendrier Grégorien, fauf à y faire dans la suite du tems quelque réforme, si on le juge nécessaire.

<u>- මට මාර්මන්වරුවරුවන් අත්වෙන්නෙන් අතුවන් වන්නේ අත්වර්</u>

MECHANLQUE.

SUR LES TOITS OU COMBLES

DE C.HARPENTE.

A coupe verticale d'un Toit simple & uni est un Triangle isoscele, dont la base s'appelle la largeur du Toit; & la hauteur, qui est la perpendiculaire tirée du sommet du Triangle ou saire sur cette base, s'appellé en Architecture le Poinçon. Nous ne donnerons ici ce nom qu'à cette perpendiculaire entiere, quoiqu'on le donne quelquesois aussi à une ligne qui n'en est qu'une partie, & ne va pas jusqu'à la base du Triangle.

Les deux côtés égaux du Toit ou Comble étant pesans, puisqu'outre la Charpente des Chevrons dont ils sont construits, ils portent des Tuiles ou du Plomb, il est visible que le Toit entier, ou le Triangle qui le représente, a deux tendances, l'une à tomber, l'autre à s'élargir ou à s'ouvrir en tombant; la premiere a une direction verticale, la seconde en a une horizontale. De la naissent differentes considerations sur la construction des Toits, & c'est ce que M. Couplet examine présentement, en suivant la vue qu'il a prise d'appliquer plus qu'on n'a fait jusqu'ici à la pra-

pratique utile & nécessaire de l'Architecture

la Théorie de la Méchanique.

On voit du premier coup d'œil que les deux côtés égaux d'un Toit, ou ceux du Triangle qui le représente, s'arcboutent l'un contre l'autre au faîte, & soutiennent mutuellement l'effort que chacun d'eux fait pour tomber. Ainsi cet effort étant détruit, ou rendu inutile, il ne reste que celui, de la poussée horizontale. On lui oppose une plateforme ou sabliere aussi inébranlable ou'il se peut, contre laquelle il s'exèrce. Il tend à pousser horizontalement de dédans en dehors le point sur lequel s'appaye l'extrémité inférieure du Toit. Il suffira de considerer une moitié du Toit ou du Triangle. Si par le milieu d'un côté de ce Triangle où sera le centre de gravité de ce côté, on tire une verticale sur la demi-base ou demi-largeur du Toit, elle y déterminera un point qui sera à une certaine distance du point d'appui de la poussée horizontale. On trouvera aisément par la Théorie des Mouvemens composés. qui domine par tout ici, que cette distance exprimera l'effort de la poussée horizontale, tandis que la hauteur du Triangle ou le noincon exprimera la pesanteur du demi-Tois. ce qui donne en lignes, ou grandeurs connues, le rapport de cet effort & de cette pe-. fanteur.

Si le Toit étoit brifé ou en Mansarde, il faudroit, en supposant les deux lignes de la Mansarde égales, tires une droite par le milieu de chacung, & par le milieu de cette droite la verticale ou se trouveroit le centre

de gravité du demi-Toit, & tout le reste de-

meureroit le même. Ou'un Toit soit plus ou moins élevé, sa largeur étant toujours la même, ou en termes de l'Art, qu'il soit surmonté ou surbaissé, la charge que ses chevrons souffrent par les Tuiles dont ils sont couverts, est toujours égale, quoique certainement un Toit furmonté ait un plus grand poids qu'il donne à porter aux Chevrons. La raison de cette espeçe de paradoxe est que quand un plan incliné porte un poids, il ne le porte pas entier. & que la partie qu'il en porte, ou sa charge, est au poids total, comme la base du plan est à sa longueur. De-là il suit que si, la base demeurant la même, la longueur augmente, ce qui arrive ici lorique le Toit est plus surmonté, la charge des Chevrons qui sont le plan incliné, n'augmentera pas, quoique le poids de ce qui les couvre soit augmenté. ou ce qui revient à la même chose, la charge des Chevrons demeure égale en elle-même, quoiqu'elle soit une moindre partie du poids total du Toit.

En même tems cette base du plan incliné des Chevrons exprime aussi la poussée horizontale du Toit, dont le Poincon ou la hauteur exprime l'effort vertical, & par conséquent cette base, qui est la largeur du Toit, demeurant la même tandis que sa hauteur augmentera, ou qu'il sera plus surmonté, il est évident que les Toits surmontés auront par rapport à leur hauteur, & à leur poids, moins de poussée horizontale, & agiront moins contre leurs Sabileres.

De-là M. Conplet tire des conféquences favorables aux Toits roides ou surmontés. Ils feront certainement couler plus vste les eaux des Pluyes, & en seront par conséquent moins endommagés; ils donneront moins de prise à l'action du Vent, qui tend toujours à les découvrir; & l'on aura ces avantages sans que ni la charge des Chevrons, ni la poussée de ces Toits en soit plus grande. Ils seront donc plus solides: mais il faut avouer qu'ils seront moins agréables à la vue, comme si le solide & l'agréable devoient toujours

être en opposition.

Ce qu'il y a de plus important dans la recherche de M. Couplet sur cette matiere, regarde les Pannes. Ce sont des pieces de bois posées horizontalement le long du demi-Toit qu'il suffit de considerer, & vers son milieu, de sorte que les Chevrons qui se divisent à leur égard en supérieurs & inférieurs, s'appuvent sur elles chacun par une de leurs extrémités. Elles doivent s'oppoler à l'effort que fait le Toit pour perdre sa rectitude & se fléchir; mais le plus souvent elles s'y opposent inutilement, & d'autant moins qu'elles tendent elles mêmes à se fléchir par leur propre poids. Aussi est-il très commun de voir des Toits qui se démentent & se courbent, d'où s'ensuit la ruine du faste, & tout ce qu'il est aisé d'imaginer d'inconvéniens.

On pourroit faire les Pannes plus fortes, & d'un plus gros équarrissage, mais ce remede seroit cher, & chargeroit beaucoup le Toit; il y en auroit peut-être encore d'autres que

nõus

90

nous omettons, pour en venir à celui que pro-

pose M. Couplet.

Il faut faire en forte que la Panne ait peu à travailler, que même elle ne travaille point du tout; auquel cas on pourroit absolument s'en passer, & ce ne sera plus qu'une sureté de surcrost, qui par conséquent pourra être aussi petite, & couter aussi peu qu'on voudra.

Cela se trouvera si le Toit est composé de deux parties distinctes qui soient parfaitement en équilibre, c'est-à-dire, telles que tout l'essort de l'une soit soutenu & contre-

balancé par l'autre.

Pour cet effet on voit d'abord qu'il faut que le Toit soit brisé ou en Mansarde. Deux Chevrons du même demi-Toit, l'un supérieur, l'autre inférieur, qu'on suppose égaux, s'appuyeront l'un contre l'autre à l'endroit où le Toit est brisé, & où sera la Panne qu'on appelle alors Panne de briss. Le Chevron supérieur s'appuye par son extrémité supérieure contre un Chevron de l'autre demi-Toit, & l'inférieur s'appuye par son extrémité inférieure contre la Sabliere. Dans cet état les deux Chevrons s'arcboutent l'un contre l'autre, & il s'agit de les mettre en équilibre.

L'effort vertical du Chevron supérieur pour tomber étant soutenu par le Chevron de l'autre côté qui en a un pareil, il ne lui reste que l'effort horizontal par lequel il tend à faire tourner le Chevron inférieur sur son point d'appui de la Sabliere, & par conséquent à le renverser de dedans en dehors; cet effort est horizontal, & comme il agit

fur .

sur ce point fixe de la Sabliere, il agit d'autant plus puissamment qu'il en est à une plus grande distance, ce qui se détermine par le lieu où est le centre de gravité du Chevron à l'égard de ce point fixe. C'est-là un bras de Levier par lequel il faut multiplier l'effort. pour avoir l'énergie du Chevron supérieur. D'un autre côté l'inférieur résiste par sa pefanteur à l'effort du supérieur, il a aussi son bras de Levier par rapport au même point fixe, car-son centre de gravité, où réside toute sa force pour résister, lui donne aussi une distance à l'égard de ce point, & par conséquent une énergie de même nature que l'autre. Après cela ce n'est plus l'affaire que de l'Algebre & du Calcul de trouver les expressions des efforts, & de leurs bras de Levier, & de prendre les deux énergies pour égales, puisqu'elles doivent l'être dans le cas de l'équilibre cherché.

Il est visible que la hauteur, & la largeur d'un Toit qui doit être brisé étant déterminées, on peut prendre pour les deux Chevrons du demi-Toit plusieurs Chevrons differens, toujours égaux deux à deux. Les lignes verticales tirées de leur point de concours fur la base ou largeur du Toit tomberont sur differens points de cette droite. Mais quand on veut que les deux Chevrons soient en équilibre, toute cette indétermination est levée, l'équilibre est quelque chose d'unique, qui demande que les Chevrons soient d'une certaine longueur, & que la verticale tirée de leur point de concours ne tombe que sur un certain point de la base. Cela détermine auffi

HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

aussi à ce point de concours la place de la Panne de briss, soit que ce point soit plus ou moins élevé que le milieu du demi-Toit. De même la longueur des Chevrons, qui doivent faire équilibre, étant déterminée, la hauteur & la largeur du Toit le seront aussi en conséquence.

Nous ne parlons point des opérations, des Constructions géométriques, &c. où tout cela engage. L'art qu'on y employe ne peut être séparé d'avec la maniere de l'employer.

SUR LA RESISTANCE DE L'ETHER

AU MOUVE MENT DES CORPS.

E Système général de Descartes étoit le Système dominant chez la plus grande partie des Philosophes, qui ne laissoient pas cependant de bien sentir les difficultés qu'il renserme, lorsque M. Newton ou donna plus de force à ces difficultés, ou en proposa de nouvelles, de sorte que les fondemens de tout l'Edifice Cartésien parurent absolument renversés.

Tout est plein, selon Descartes; les plus petits interstices que les parties du Corps le plus solide & le plus dense pussent laisser entre elles, sont exactement remplis d'une matiere subtile, ou Etherée, qui est elle-même le Corps le plus solide & le plus dense qui soit possible, puisque ses parties intégrantes ne peuvent laisser d'interstices à remplir par

une

une autre matiere plus subtile. Dans un volume quelconque d'une grandeur déterminée, il y a autant de matiere que dans tout autre volume de même grandeur, quelque differente que paroisse leur matiere; il y en a autant dans un volume d'Air que dans un volume d'Or égal. Il est aisé d'appercevoit les premieres difficultés qui naissent de-là presque d'elles-mêmes, sur-tout par rapport à la Pefanteur.

Mais M. Newton a été beaucoup plus loin. Il a prouvé géométriquement, & par les loix du Mouvement recues de tout le monde, que si un Corps, qu'on peut suppofer sphérique, se meut dans un fluide d'une densité égale à la sienne, il ne peut y parcourir trois fois la longueur de fon diametre sans avoir perdu près de la moitié de sa vîtesse initiale, quelque grande qu'elle ait pu être. La raison générale en est, qu'à chaque espace qu'il a parcouru égal à son diametre, il a dû déplacer nécessairement autant de matiere du fluide qu'il en contient lui-même, & une matiere toute pareille à la sienne par la supposition. Or il ne l'a pu fans communiquer au fluide de sa force & de sa vîtesse, & par conféquent sans en perdre autant. & cette perte se calcule. M. Newton n'avoit garde de se tromper au calcul, & sa démonstration n'a pas été attaquée.

Puisque selon les Cartésiens un volume d'air contient la même quantité de matiere qu'un volume d'or, ou de fer, & toojours au fond la même matiere malgré toutes les differences imaginables d'arrangement & de

peut imaginer qu'un Corps fera plus ou moin s dense, parce qu'il aura plus ou moins de sa matiere propre, le reste de son volume étant rempli par une matiere étrangere quelconque. Une Planete n'aura pas tout son volume rempli par sa matiere propre; mais il n'en peut pas être de même de l'Ether, il ne sauroit contenir que de sa matiere propre, & il est ce qui peut être de plus dense dans la Nature. Il est donc toujours plus dense que la Planete & l'on peut concevoir qu'elle déplace moins de ses parties, parce qu'elle n'en déplacera que par sa matiere propre, ce qui en effet diminuera la résistance du Milieu par rapport au volume. Mais en ce cas-là même on retombe dans la démonstration de M. Newton. Que le volume de la Planete soit réduit à ne contenir plus que sa matiere propre, voilà le même nombre qu'auparavant de parties du Milieu déplacées, & la démonstration subsiste en son entier.

Nous pouvons faire ici une remarque. En supposant qu'il n'y a que la matiere propre du Corps mû qui déplace les parties du Milieu. & en concevant ce Corps réduit au feul volume que sa matiere propre formeroit. on voit très facilement pourquoi dans des expériences faites sur differens Pendules que l'on agite dans un même Milieu, une boule de bois perd plutôt son mouvement qu'une boule de plomb de même volume; c'est que l'une & l'autre boule étant réduite à sa matiere propre, celle de bois auroit un moindre diametre, & en parcourant trois fois sa longueur dans le Milieu, elle parcourroit un moindre

espa

espace que ne feroit celle de plomb, & par

conséquent perdroit plutôt sa vîtesse.

Pour trancher absolument le nœud de cette terrible objection fondée sur la résistance de l'Ether, M. l'Abbé de Molieres prend le parti d'ôter à l'Ether toute résistance, en le laissant tel qu'il est chez les Cartésiens, aussi homogène, & aussi dense: car ensin tant qu'il résistera aux Planetes, quelque foiblement que ce pût être, on n'échappera point à M. Newton, & depuis le long tems qu'on obferve les Planetes, on leur auroit trouvé quelque diminution de vîtesse, & même très considerable.

Si un Corps pesant se meut dans un fluide pesant, la démonstration de M. Newton a lieu. & elle est sans replique. Mais si le Corps étant toujours pesant, le fluide ne l'est pas, tout est changé, la résistance de ce fluide ne sera qu'un infiniment petit du 2d ordre, de forte que dans un tems infini, elle ne deviendroit qu'un infiniment petit du 1et ordre, & absolument insensible. Que serace donc de tout tems fini? C'est-là ce que M. de Molieres prouve géométriquement. & par-là il se met hors d'atteinte à l'égard de. M. Newton, qui n'a point consideré ce 24 cas. & n'y a pas même pensé, persuadé, comme il l'étoit, que tous les Corps sont pesans. Mais il n'est nullement nécessaire qu'ils le soient; on ne conçoit pasque la pesanteur. une tendance continuelle à un certain point déterminé, leur soit essentielle comme l'étendue ou l'impénétrabilité. Au contraire, on conçoit, & fur-tout depuis qu'on a les lumieres de Hift. 1731.

la Philosophie moderne, qu'elle ne peut être que l'effet, le résultat de quelque mouvement, qui nécessairement leur sera étranger & accidentel. Mais il ne s'agit présentement que de prouver la résistance nulle d'un sluïde supposé non-pesant à un Corps pesant. Nous croyons le pouvoir montrer suffisamment, sans prendre le même tour de démonstration que

M. l'Abbé de Molieres.

La Pesanteur, telle qu'elle est à la surface de notre Globe terrestre, & aux environs, fait tomber verticalement un Corps de 15 pieds en une seconde. Si elle ne le faisoit tomber de cette même hauteur qu'en deux secondes, il est évident qu'elle seroit moindre, & toujours ainsi de suite. Si l'on vouloit comparer ensemble deux Pesanteurs, qui differassent de cette sorte, on trouveroit très aisément que l'expression générale de la Pefanteur, entant que force accélératrice, écant l'Espace divisé par de quarré du Tems. les deux Pesanteurs seroient le même Espace divisé par les quarrés des deux Tems, & que par conséquent elles seroient entre elles en raison renversée des quarrés de leurs Tems.

La force nécessaire pour faire parcourir à un Corps de bas en haut verticalement 15 pieds en une seconde est égale à la force de la Pesanteur qui fait le contraire, & une force qui ne feroit parcourir ces 15 pieds de bas en haut qu'en deux secondes, en trois, &c. seroit égale à une autre Pesanteur, & cos deux nouvelles forces seroient entre elles comme les deux Pesanteurs.

Un Corps qui tombe le long d'un Plan incliné cliné n'a acquis à la fin de sa châte que la même vîtesse qu'il cât acquise en tombant le long de la verticale qui est la hauteur du Plan, mais il a employé plus de tems à tomber le long du Plan, & plus de tems en même raison que la longueur est plus grande que la hauteur, deux fois, trois fois plus, &c. si la longueur est deux fois, trois fois, &c. plus

grande.

Un Corps étant descendu le long d'un plan incliné, si l'on veut le faire remonter le long de ce même plan jusqu'au point d'où il avoit commencé à descendre, il faut une force contraire à la Pesanteur qui l'auroit fait tomber le long de la verticale: mais comme cette force n'auroit produit son effet qu'en un tems plus long, à raison de la longueur du Plan, elle n'est égale qu'à une Pesanteur qui auroit fait tomber le Corps par la même verticale en un tems plus long, & par conséquent son expression sera l'espace vertical constant divisé par le quarré du Tems.

Donc plus le tems est long, ou plus la longueur du plan incliné est grande, plus la force nécessaire pour faire remonter ce plan par un Corps, est petite, ou, ce qui revient au même, moins le Corps est pesant par rapport à la force qui le doit mouvoir. Donc si la longueur du plan est infinie, auquel cas le plan est horizontal, & le Tems infini, la force est infiniment petite du 2⁴ ordre, puisque c'est une fraction, dont le numérateur étant toujours une grandeur sinie, le dénomiaateur, qui est toujours le quarré du Tems, act devenu un session de ordre.

est devenu un Infini du 2d ordre.

100 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

Donc aussi une force infiniment petite du 2d ordre suffit pour mouvoir un Corps horizontalement, ou, ce qui est la même chose, un Corps ne pese point à l'égard de la force finie qui tend à lui imprimer un mouvement horizontal. Or le mouvement circulaire d'une Planete dans l'Ether autour d'un centre n'est à cet égard qu'un véritable mouvement horizontal, & tout le monde en convient. Donc la Planete n'a besoin pour surmonter la résistance de l'Ether, & en déplacer à chaque instant un volume égal au sien, que de lui imprimer un mouvement horizontal, pour lequel une force infiniment petite du 2^d ordre suffit. Donc dans quelque tems fini que ce soit, la Planete ne perdra rien de sa force, ni de sa vîtesse.

IDCU SONO CONTROL CONT

SUR LE JET DES BOMBES.*

Oici une matiere déja fort traitée, mais toute neuve par la forme. On en a fait des Livres affez étendus, & M. de Maupertuis réduit tout à une seule formule d'Algebre, qui non seulement renserme tous ces Livres, mais y ajoute des choses nouvelles. Nous allons cependant retrancher à ce qu'il a donné une partie de son mérite, l'extrême briéveté, qui pourroit n'être pas tant à l'usage de toutes sortes de Géometres.

Une Bombe est tirée avec une certaine charge de Poudre, qui lui donne une certaine vîtesse, la même qu'elle auroit acquise dans le Système de Galilée en tombant verticalement d'une certaine hauteur. Cette hauteur, toujours differente pour chaque vîtesse differente, mais la même & constante pour une vîtesse déterminée, s'appellera la ligne de la vîtesse.

La Bombe est tirée sous une certaine direction qui fait un angle avec l'Horizon. La ligne inclinée de cette direction s'appellera

la ligne du jet.

La Bombe ne parcourt jamais la ligne du Tout fon cours n'a qu'un point commun avec elle, c'est celui de son origine, ou lorsqu'elle sort du Mortier; hors de là elle est toujours ramenée en en-bas par sa pesanteur; de forte que si on conçoit la ligne du jet décrite, la Bombe en est toujours à une certaine distance en dessous, & à une distance d'autant plus grande qu'elle est plus avancée dans son cours, parce que sa chûte s'accélere sans cesse. La ligne, dont la Bombe descend à chaque instant par rapport à la li-gne du jet, s'appellera la ligne de descente. Elle est variable d'instant en instant pour un même jet, au-lieu que les deux lignes précédentes sont constantes dans un jet, mais differentes seulement en differens iets.

Si d'un point quelconque de la ligne du jet on tire une droite verticale qu'on prendra pour la ligne de descente correspondante à ce point-là, il est certain par le Système de Galilée qu'au dernier point de cette ligne la Bom-

102 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

Bombe aura acquis par sa pesanteur une vitesse telle, que si elle est pris ensuite unmouvement uniforme, elle eut parcouru le double de la ligne de descente dans le même tems qu'elle a mis à la parcourir par un mou-' vement accéleré. D'un autre côté si la ligne: du jet, prise depuis son origine jusqu'au point. qu'on a déterminé arbitairement, ent été parcourue comme elle l'eût été sans l'action de la pesanteur, elle eût été parcourue d'un mouvement uniforme avec la vîtesse exprimée par la ligne de la vîtesse. Or dans les mouvemens uniformes les espaces parcourus en même tems sont comme les vîtesses. Donc la ligne du jet & le double de la ligne de descente correspondante sont comme les vitelles dont elles sont parcourues. Galilée encore, les vîtesses s'expriment parles Racines des hauteurs nécessaires pour les: acquérir, & par conséquent la vîtesse dont seroit parcourue la ligne du jet sera la racinede la ligne de la vîtesse, & la vîtesse dont feroit parcourue une ligne double de celle dedescente sera la racine de cette ligne simple: donc la ligne du jet, & la ligne double de: celle de descente seront comme ces racines. & cela donne aussi tôt une Equation, qui étant quarrée donne le quarré de la ligne du jet égal à quatre fois le produit de la ligne de la vîtesse par la ligne de descente. Voilà. ce qui fournit tout & d'une maniere très. heureuse.

Dès que l'on a une Equation qui consiste en un quarré égal à un produit, le premier coup d'œil géometrique apprend qu'il y a là une Parabole. En effet il y en a une ici' Toutes les lignes de descente se terminent à une Parabole prise du côté de sa convexité, & dont la ligne du jet à son origine est Tangente. Cette Parabole étant décrits ou conque, elle a pour axe une ligne horizontale parallele à la Tangente au sommet, & des Abscisses & des Ordonnées qui sont à l'ordin

naire du côté de sa concavité.

Pour rendre complette une Formule algébrique sur ce suiet, il faut v faire entrer l'angle de la ligne du jet avec l'Horizon, ou, ce qui est le même, la direction du Mortier. Cet angle est déterminé par le rapport de fon Rayon à sa Tangente, & ce rapport est le même que celui d'une Abscisse quelconque de la Parabole à l'Ordonnée correspondante augmentée de sa ligne de descente, car il se fait de part & d'autre deux Triangles rectangles où se trouve l'angle de la ligne du jet avec l'Horizon. Par consequent le Rayon de cet angle étant pris pour 1, & sa Tangente étant un autre nombre queleonque l'expression de la ligne composée de l'Ordonnée de la Parabole & de la ligne de descente est l'Abscisse correspondante de la Parabole multipliée par le nombre qui exprime la Tangente de l'angle du jet. De là nait par la propriété du Triangle rectangle une seconde Equation où il n'entre plus que l'Abscisse & l'Ordonnée indeterminées de la Parabole, la ligne constante de la vîtesse, ou, ce qui est la même chose, la force de la charge de poudre, & le nombre indéterminé qui exprime la Tangente de l'angle du jet. Avec cette seule formu-E. 4

104 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

le M. de Maupertuis expédie tous les Problêmes en moins de rien; il n'a qu'à faire des substitutions, ou des déterminations.

Si. par exemple, avec une charge de poudre donnée, on veut que la Bombe aille frapper un point donné, comme le haut d'une Tour, ou un Clocher, & qu'on cherche la direction de Mortier nécessaire, on substituera à l'Abscisse indéterminée de la Parabole la distance horizontale de ce Clocher, & à l'Ordonnée fa hauteur, qui doivent être toutes deux connues, & l'on trouvera aussi-tôt qu'il y a deux directions de Mortier ou deux angles également propres à l'effet qu'on cherche, & également éloignés de l'angle de 45 degrés, l'un en dessus, l'autre en dessous. On verra aussi qu'il y a des cas où le Probléme est totalement impossible, & c'est lorsque la charge de poudre n'est pas assez grande pour l'effet proposé. On trouve quelle doit être cette force précise.

Si l'on ne se propose point de frapper un point élevé, mais seulement de porter la Bombe à une certaine étendue horizontale avec une charge donnée, l'Abscisse de la Parabole ayant été déterminée de la grandeur rèquise, il n'y a qu'à égaler l'Ordonnée à zero, alors l'étendue du jet est l'axe horizontal de la Parabole entier, elle le coupe au point où la Bombe arrivera, & l'on trouve encore deux directions de Mortier, qui sa-

tisfont également au Problême.

Si l'on vouloit frapper un point posé au dessous de l'Horizon, l'Ordonnée qui en détermineroit l'abbaissement seroit négative, &

par conféquent un changement de figne fait à cette Ordonnée dans l'Equation Parabolique suffiroit.

Il seroit inutile d'employer plus de tems à rapporter tous les Problèmes que la formule de M. de Maupertuis résout avec une facilité singuliere. Il y en a deux cependant dont nous ne pouvons nous empêcher de parler; du premier, parce qu'il vient par une voye

très détournée & est presque surprenant; du second, parce qu'il est nouveau.

Tout le monde sait que la direction de Mortier qui chasse la Bombe le plus loin qu'il foit possible, est celle qui fait un angle de 45 degrés. Là se réunissent ou deviennent infiniment proches les deux jets differens & distans l'un de l'autre, produits par chacune des autres directions. Cela a été démontré bien des fois, mais presque toujours d'une maniere assez pénible. M. de Maupertuis dégage de son Equation l'expression indéterminée de l'Abscisse, & puisqu'il s'agit de la rendre la plus grande qu'il soit possible, il le fait par la Règle connue de la Géometrie moderne, & il lui vient une Equation qui au premier coup d'œil peut paroitre impossible, mais qui ne le fera pas, pourvu qu'on prenne la Tangente de l'angle du jet pour 1. Or fi elle est 1, elle sera égale au Rayon que l'on a supposé 1, & dans le cas de cette égalité l'angle est de 45 degrés. Donc c'est fous cet angle que le jet a la plus grande étendue horizontale possible.

Par cette même Règle des plus grands & plus pesses, M. de Maupertuis détermine la E s moin-

106 Histoire de l'Academie Royale

moindre charge qui puisse porter une Bomabe à un point donné, ce qui étoit nécessaire pour épargner la dépense inutile de poudre, & n'avoit pourtant pas été encore trouyé, ni même cherché peut être.

Pour faire l'usage le plus solide de la Baz listique Analytique de M. de Maupertuis, 11: en faudroit prendre les principes pour construire des Tables, qui dirigeroient les Bom-

hardiers dans tous les cas.

*SUR LES MOUVEMENS

BA:ITS:

DANS DES MILIEUX QUI SE MEUVENT.

En uis que l'Astronomie n'est plus simple Astronomie, mais Astronomie Physique, les plus grands Géometres se sont forte occupés à rechercher la Méchanique des Mouvemens célestes, & à trouver des formules. Algébriques qui les représentassent. De-là est née toute la sublime & sine Théorie des Forces Centrales, parce que les Astres dont le cours se rapporte toujours à un point, soit centre, soit soyer, pris au dedans de leurs. Orbites, ont dû être confiderés comme tirés perpétuellement vers ce point par quelque force, qu'on a appellée leur Pesanteur.

S'ils fe meuvent dans un Vuide, ainsi que

l'a cru M. Newton, il suit de la Règle de Kepler, qu'il est certain qu'ils observent, que leurs Orbites sont des Ellipses; dont le Soleil est un des Foyers, & leurs tendances au Soleil ou pesanteurs varient selon la raison renversée des quarrés de leurs distances à ce

fover.

Mais il n'est rien moins que sur qu'ils se meuvent dans un Vuide, & quand même il le seroit. les Géometres se piqueroient encore, à cause de la difficulté, de déterminer ce qui arriveroit dans le Plein, ou dans des-Milieux résistans. Cette résistance dépendroit de deux principes, 1º. de la denfité du Milieu, soit toujours la même, soit inégale dans ses differentes couches ou parties, 20. de la vîtesse même de l'Astre ou Mobile. car on sair qu'à une plus grande vitesse du Mobile le Milieu oppose une plus grande réfiltance, & plus grande selon quelque puissance de cette vîtesse: C'a été l'objet d'une: très subtile recherche de M. Bernoulli, donc nous avons parlé en 1711 *...

Il y concevoit les Milieux comme simplement résistans, & d'ailleurs en repos. Maiss'ils se meuvent eux mêmes, ce qui ne leur fera rièn perdre de leur résistance, s'ils ont une vîtesse differente de celle du Mobile, s'ils ont aussi une force centrale qui se rapportera à un autre point que la sienne, ont voit qu'il se formera une étrange complication. M. Bouguer s'y est engagé, ne sitt-ce que parce qu'on n'y avoit pas touché jusqu'à

présent.

E. 6

Deas:

108 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

Dans le Vuide, le Mobile décrit une certaine Courbe avec des vîtesses qui varient selon les distances du foyer. Si le Milieu est résistant, ce mouvement qu'on peut appeller primitif, est alteré & dans la vîtesse & dans la direction de chaque instant; dans la vîtesse, parce que la résistance la diminue toujours felon une certaine loi: dans la direction, parce que l'action de la résistance du Milieu s'exercant par des lignes droites qui ne sont pas les mêmes que celles des directions instantanées du Mobile, il est obligé de prendre des lignes moyennes, & d'autant plus que la differente denfité des couches l'oblige encore à des détours, pareils à ceux des Réfractions.

Mais quand le Milieu se meut, & dans les circonstances que nous venons de marquer, la vîtesse, & la direction du mouvement primitif font encore beaucoup plus alterées. Puisque le Milieu circule ou plus généralement décrit une Courbe autour d'un point different de celui autour duquel le Mobile décrit la fienne, & puisqu'il a une vîtesse differente, il ne peut que changer sans cesse les directions primitives du Mobile. & en augmenter ou diminuer les vîtesses, le tout fans préjudice des alterations qui naissent d'ailleurs de la seule résistance. De plus il influe aussi par sa force centrifuge sur celle qu'avoit primitivement le Mobile, il la favorise, ou s'y oppose en partie, & cela plus ou moins selon les differentes combinaifons.

Le grand nombre d'élémens qui entrent dans

dans cette recherche étant tous exprimés algébriquement de la maniere la plus générale, M. Bouguer en tire deux formules, dont l'une est pour la pesanteur, ou tendance du Mobile à son foyer, telle qu'elle résultera du concours de tous ces élémens; l'autre pour la densité du milieu, telle qu'il faudra qu'elle soit par ce même concours.

Ces formules, quoique simples, vu le sujet, sont cependant assez chargées. Tout y est indéterminé, Courbes décrites tant par le Milieu, que par le Mobile, angles de ces deux Courbes entre elles, vîtesses, forces centrales excepté la loi qui les règle, résistances selon une puissance quelconque des vîtesses, &c. en un mot ce n'est qu'un assemblage de rapports nécessaires, indépendans des grandeurs absolues, & qui recevront tou-

tes celles qu'on voudra.

La Courbe décrite par le Mobile & la vîtesse variable dont il la décrit, sont les effets de l'action combinée de tous les élémens qu'on suppose ici, & dont on ne connoit pas l'absolu, de sorte que quand cette Courbe & cette vîtesse seroient données, ou connues par observation, comme cela est possible en Astronomie, on seroit pourtant encore bien éloigné d'en pouvoir rien conclurre pour la pesanteur du Mobile, ou pour la densité du Milieu. Il faudroit faire des suppositions, qui ne pourroient être que plus ou moins vraisemblables.

En supposant que le Mobile décrive une Logarithmique Spirale, & de plus que les vîtesses du Mobile, celles du Milieu, & les

E 7

LIG. HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

impulsions de ce Milieu fluide sur le Mobile solide, soient toutes en même raison que les-differentes distances au centre de cette Logazithmique, M. Bouguer trouve aisément par ses deux Formules que la pesanteur du Mobile seza toujours comme ces mêmes distances, & que la densité du Milieu sera partout la même.

Il est remarquable qu'en ce cas-là le Mobile monteroit à l'infini le long de sa Courbe, & ne pourroit jamais redescendre; car s'ilredescendoit, la formule de la densité la donneroit négative, or une densité négative n'est pas concevable. On voit encore assez d'ailleurs que ce cas-là n'est guere possible, & que du moins il ne s'appliqueroit à rien de connu. Mais on trouve toujours la Géometrie beaucoup plus riche que la Physique.

Plusieurs Philosophes croyent que la pefanteur des Planetes vers le Foyer de leurs Orbites n'est que l'effet de la Force centrifage des Milieux fluïdes où elles nagent. Les Formules de M. Bouguer admettront cette idée, il n'y aura qu'à y traiter de zero ce que: nous avons appelle la pefanteur primitive du Mobile, qui n'en aura alors qu'une plus simple, ou exprimée plus simplement. En joignant à cela que le Mobile décrive un Cercle, & le Milieu fluïde ou Tourbillon un autre: Cercle excentrique au premier d'une quantitédéterminée, M. Bouguer tire de ses Formules. le rapport des vîtesses & des densités du Milieu aux differentes distances du Mobile aupoint où sa pesanteur se rapporte, car elle se rapporte en ce cas, non au centre du Cercle que le Mobile décrit, mais à celui du Cerclecie décrit par le Milieu, puisque toute la pesanteur du Mobile vient de la Force cen-

trifuge du Milieu.

Si l'on tire une droite par ces deux centres, elle sera ce qu'on appelle en Astronomie la ligne des Apfides, & l'une de ses extrémités sera la plus grande distance du Mobile: au centre de sa pesanteur, l'autre, sa moindre distance. M. Bouguer trouve que la vitesse du Mobile & celle du Milieu fluide, inégales par-tout ailleurs, seront égales aux deux. extrémités de la ligne des Apsides, & que cela arriveroit encore, quand même le Mobile n'auroit pas un mouvement uniforme. tel qu'on le suppose ici, parce qu'il est circulaire, pourvu cependant que la plus grande & la moindre vîtesse du mouvement variable du Mobile fussent aux, deux extrémités de la ligne des Apsides.

Ce qu'il y a de plus singulier dans l'hypothese, ou dans les hypotheses présentes, c'est que des deux côtés de la ligne des Apsides, qui coupe en deux moitiés égales le Cercle décrit par le Mobile, les vitesses & les densités du Milieu, nécessaires pour ce mouvement circulaire du Mobile, ne sont pas égales; de sorte que s'il faut qu'elles le soient, comme il est très naturel & presque indispensaire de le concevoir, le 2^d demi-cercle ne pourra plus être décrit par le Mobile, mais seulement quesque autre Courbe, quoique

neu d'fferente, si l'on veut.

Indépendamment de cette vue qui nait des Formules de M. Bouguer, on peut s'assurer que les deux moités de l'Orbite du Mobile,

112 Histoire de l'Academie Royale

séparées par la ligne des Apsides, ne doivent pas appartenir à la même Courbe. Les differentes couches du Milieu dégrivent touiours des Cercles concentriques, dont les supérieures montent ou tendent à monter par rapport aux inférieures. Le Mobile parti du point de son Orbite le plus éloigné du centre de sa pesanteur, qui est le même que celui des couches du Milieu, descend donc par rapport à ce centre dans la 1re moitié de son cours. & passant d'une couche supérieure dans une inférieure, rencontre toujours des' couches qui tendent à monter, & s'opposent en partie au mouvement qu'il avoit recu du Milieu même vers le centre. Ce sera le contraire dans la 2^{de} moitié de l'Orbite, où en montant il trouvera des couches qui montent aussi. Il n'est donc pas poussé dans les deux moitiés par une force égale, & par conséquent il ne peut pas décrire de part & d'autre une Courbe précisément la même.

Cependant on suppose ordinairement en Astronomie qu'il la décrit, & cela est assez conforme aux observations. Aussi ne prétend-on pas tirer encore de la Théorie de M. Bouguer le vrai Système de la Nature; ce n'est qu'un moyen que l'on fournit, d'éprouver promptement & surement ce qui s'ensui-vra ou des faits observés, ou des suppositions vraisemblables qu'on imaginera. On a une Pier-

re de Touche, en attendant l'Or.

ESTANAS CARRESTA DE LA COMPANSA DEL COMPANSA DE LA COMPANSA DEL COMPANSA DE LA COMPANSA DEL COMPANSA DE LA COMPANSA DEL COMPANSA DE LA COMPAN

Ous renvoyons entierement aux Mémoires Une

• Une Machine de M. d'Onzembray pour mesure sur Mer l'angle de la ligne du Vent & de la Quille du Vaisseau, &c.

ESCOSIO ESCOSIOS CONTROL DE CONT

Ette année parut un Livre de M. Pitot, intitulé la Théorie de la Manœuvre des Vaisseaux réduite en Pratique, ou les Principes & les Règles pour naviguer le plus avantageuse-

ment qu'il est possible.

Nous avons rendu compte en 1714 † d'un Livre de M. Bornoulli sur le même sujet. C'est le sort des bons Ouvrages, de ceux fur-tout qui, comme celui-là, renferment. beaucoup de choses en peu d'espace, d'être fuivis par d'autres, qui les dévelopent, qui en étendent les vues, qui même y en ajoutent de nouvelles, & portent encore les connoissances à un plus haut point, ou de clarté ou de perfection. C'est ce que fait le Livre de M. Pitot. D'ailleurs M. Bernoulli avoit desiré des Tables pour la commodité de la Pratique, mais sans en donner, & M. Pitot en donne de beaucoup plus étendues que celles que M. Bernoulli avoit desirées. Elles sont ici telles que les Pilotes, avec leurs connoissances ordinaires, en pourront aisement faire usage. Comme nous ne présendons pas répéter ce qui a été dit en 1714 avec assez d'étendue sur la Théorie de la Navigátion, ni même nous engager particulierement dans ce qu'elle peut avoir de nou-

^{*} P. 335. † P. 337. & frit.

114 Histoire de l'Academie Royale

veau de la part de M. Pitot, nous ne nous attacherons qu'à ce qui se rapporte le plus immédiatement à la construction de ses Tables.

:le

23

æ,

à

j

Si, fans se proposer une certaine Route déterminée, il n'étoit question que de faire en sorte qu'un Vaisseau fendst l'eau avec la plus grande vîtesse possible, il est clair que ce Vaisseau étant supposé de la figure ordinaire, mais avec une feule Voile platte, il ne faudroit que mettre cette Voile dans une position perpendiculaire à la ligne du Vent, & la Quille du Vaisseau dans cette même ligne. Si, par exemple le Vent étoit Est, la Voile posée Nord & Sud, recevroit toute l'impression de sa force absolue, & la Quille étant posée Est & Ouest, le Vaisseau fendroit l'eau directement par sa Proue qui est sa pointe, & l'endroit qui fend l'eau avec la plusgrande facilité. Alors l'angle de la ligne du Vent, ou simplement du Vent avec la Quille seroit de 150 degrés, puisque ces deux lignes concourroient en une & l'angle du Vent & de la Voile seroit de co. Le Vent s'appelleroit Vent arriere, ou Vent en poupe.

Mais un Vaisseau n'a pas pour une Voile, il en a plusieurs dont les positions doivent être à peu près paralleles, & quand le Vent est perpendiculaire à la premiere Voile qui lui est exposée, elle le dérobe nécessairement à toutes celles qui sont derriere elle; & par conséquent si l'on veut prositer de toutes les Voiles, il faut absolument prendre le Vent de côté, & le faire tomber sur toutes sous le même angle aigu. Le moins aigu sera le plus avantageux, puisque le droit, s'il étoit possible, se-

Eroit le plus avantageux de tous. Tant que l'angle du Vent & de la Voile ne va que depuis 90, qui est son terme impossible, jusqu'à \$1 ou 82, on dit que le Vent est arrière.

Il est fort different qu'une Voile soit pousfée par un Vent qui lui soit perpendiculaire, ou par un oblique. Dans le premier cas, le Vent agit sur elle de toute sa force absolue: dans le second, il n'agit que selon ce qu'il a de perpendiculaire à la Voile dans son impulsion oblique; c'est selon la direction de cette perpendiculaire à la Voile, qui a été appellée ligne de la force mouvante, qu'il tend à

faire aller le Vaisseau.

Si le Vent étoit perpendiculaire à la Voile, la ligne de la force mouvante étant la même que celle de la Quille, le Vaisseau iroit donc selon sa Quille, & fendroit l'eau avec la plus grande facilité, & par conséquent avec la plus grande vîtesse possible. Maisquand le Vent est oblique, il n'arrive presque jamais que la ligne de la force mouvante soit la même que celle de la Quille, & il: faut que le Vaisseau prenne une direction moyenne entre ces deux lignes, & une vitesse moindre que celle qu'il eut eue, mais la plus grande qu'il se puisse par rapport aux circonstances.

La plus grande difficulté qu'il y ait à trouver les rapports des differentes vîtesses que peut avoir un Vaisseau mu, comme il l'est. coujours, par des vents obliques aux Voiles. consiste à connoitre la valeur des lignes des forces mouvantes. Pour cela M. Pitot prende un petit circuit qui paroît plus commode: il

LIG HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

évalue la force de la Résistance de l'eau, qui, selon qu'il a été dit en 1714, est toujours égale à la force du Vent, & agit par la mê-

me ligne.

La ligne par laquelle agit la Résistance de Peau doit donc être conçue dans une direction qui seroit perpendiculaire à la Voile ou aux Voiles. Cette perpendiculaire aux Voiles est, selon ce que nous venons de dire, inclinée à la direction du chemin que fera le Vaisseau, & par conséquent elle peut & doit se décomposer en deux forces laterales, dont l'une sera parallele à ce chemin, l'autre perpendiculaire. On calcule ces deux forces laterales pour tous les angles qu'elles peuvent faire entre elles. Plus la laterale parallele au chemin est grande par rapport à l'autre, plus l'Eau résiste au mouvement du Vaisseau, & enfin elle y résiste de toute la force possible quand la laterale perpendiculaire est nulle par rapport à la parallele, & la parallele par conséquent égale à la force totale, ce qui ne pourroit arriver que dans le cas où le Vent seroit perpendiculaire à la Voile, & parallele au chemin du Vaisseau.

En mettant au-lieu de la Résissance de l'Eau Ia force du Vent, on voit par-là toutes les variations que peut avoir de ce chef la force du Vent, & par conséquent la vîtesse du Vaisseau. Je dis de ce chef, car la ligne de la force mouvante varie encore d'ailleurs en elle-même. Sa valeur absolue dépend de l'angle d'incidence du Vent sur la Voile, cette valeur est d'autant plus grande que le Sinus de

cet angle, ou plutôt le quarré de ce Sinus,

est plus grand.

Reprenons maintenant la consideration de ces angles du Vent sur les Voiles. Depuis l'angle de 81 ou 82 jusqu'à 66 ou 67, le Vent n'est plus arrière, il est largue, & il est clair qu'il va toujours diminuant de force, ou imprimant une moindre vitesse au Vaisseau. Depuis 66 ou 67, c'est un Vent de Bouline, & la vitesse du Vaisseau est encore moindre.

Ce Vent largue & le Vent de Bouline ne diffèrent que de degré par rapport à la vîtesse du Vaisseau. Mais ils différent essentiellement par rapport à un autre effet très considerable. Tant que le Vent est largue, le Vaisseau s'éloigne du lieu d'où vient le Vent. du point de l'Horizon d'où il part, ou est censé partir, & l'on dit que le Vaisseau fuit ou perd au Vent. Quand le Vent est de Bouline. le Vaisseau s'approche du lieu d'où vient le Vent, & l'on dit qu'il va ou gagne au Vent. On entend affez qu'il ne va pas directement vers le point de l'Horizon d'où le Vent part, mais qu'il s'en approche par une ligne inclinée à celle du Vent. Plus l'angle de ces deux lignes est petit, plus le Vais-Teau serre le Vent, mais il ne peut pas le serrer jusqu'à se mettre dans la même ligne, la Voile ne recevroit plus aucune impulsion du Vent; if y a un angle ou cette impulsion seroit si petite que le Vaisseau s'abattroit. & c'est-là le terme où le Vent de Bouline finit.

La figure du Vaisseau, que nous n'avons point encore considerée, fait beaucoup à sa vîtesse, puisque plus il est pointu par la Proue

118 Histoire de l'Academie Royale

Ę

ou l'avant, plus il a de facilité à fendre l'eau-M. Pitot suppose, comme avoit fait M. Bernoulli, qu'une coupe horizontale du Vaisseau, qu'il faut encore supposer semblable à toutes les autres, a sa circonference formée de deux Arcs circulaires femblables & égaux, qui font entre eux à la Proue un angle curviligne d'autant plus grand que ces Arcs font d'un plus grand nombre de degrés de leur Cercle, car il est visible que s'ils étoient de 90, ils feroient entre eux à la Proue un angle de 180. c'est-à-dire, qu'en cet endroit ils seroient posés l'un au bout de l'autre en ligne droite, & que le Vaisseau n'auroit point de pointe. Pour lui en donner une suffisante. M. Pitot ne prend point des Arcs qui fassent entre eux un angle curviligne plus grand que 60; & d'un autre côté pour conserver au Vaisseau la largeur nécessaire, il ne prend point des Arcs, dont l'angle curviligne soit moindre que 20.

Selon ces differentes figures la Résistance de l'Eau, & par conséquent la force du Vent & la vîtesse du Vaisseau, sont differentes. La ligne du mouvement du Vaisseau étant la même, l'Eau frappe differemment ou sous differens angles les parties de differens Arcs, à cause de leur differente position, & sa force totale est differemment décomposée en deux forces laterales. Quand le chemin du Vaisseau est dans la ligne de la Quille, il arrive que les deux sorces laterales perpendiculaires prises des deux côtés de la Proue à distances égales, sont égales & directement opposées, d'où il suit qu'elles se détruisent l'une l'autre, & qu'il ne reste que les forces paralleles corres-

pondantes. Il est aisé de voir en général les conséquences qui naissent de la pour la vitesse du Vaisseau.

Il est clair que cette vitesse dépend ensin de la vitesse absolue du Vent, c'est-à-dire, de l'espace plus ou moins grand qu'il parcourt dans un tems déterminé, comme une seconde. Cela se peut connoitre par quelque Machine, & ce sera une expérience fondamentale.

Pour rassembler tout, la vstesse du Vaisfeau dépend donc, 1° de la vstesse absolue du Vent, 2° de l'angle d'incidence du Vent sur les Voiles, 3° de la grandeur de la superficie des Voiles exposées au Vent, 4° de la figure du Vaisseau, qui modifie la résistance de l'eau, ou, ce qui revient au même, l'action du Vent.

Mais il ne s'agit pas dans la Navigation de faire un chemin quelconque avec la plus grande vîtesse possible, comme nous l'avons supposé jusqu'ici; il s'agit de faire avec cette condition un chemin déterminé, une certaine Route. La Route doit entrer dans toute la Théorie, & dans tous les Calculs, dont elle est un Elément principal. La plus grande vîtesse possible ne sera plus que celle qu'elle permettra.

Le Rumb de Vent est toujours connu, c'est-à-dire, la ligne droite tirée du point de l'Horizon, d'où le Vent part, jusqu'au Vais-seau. Si cette ligne étoit la même que celle de la Route qu'on veut faire, ce qui est un cas unique, nous avons vu qu'il vaudroit mieux prendre le Vent de côté, & par conséquent oblique à la Route. Ainsi on peut

comp-

120 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

compter que le Rumb de Vent, & la Route font toujours un angle, & cet angle, est con-

nu, ou donné.

Cela posé, le Vent fait un angle aigu avec la Voile. Le moins aigu, ou le plus approchant du droit, sera le plus avantageux, à ne rien considerer de plus, & je suppose qu'il ait été déterminé. De-là il suit que la Voile aura nécessairement une certaine position par rapport à la Quille, ou fera un certain angle avec elle. Il faudroit pour le mieux parfait que la Route fût dans la ligne de la Ouille: mais la position de la Voile par rapport à la Quille ayant été déterminée, & par conséquent celle de la ligne de la force mouvante par rapport à la Quille, puisque cette ligne est toujours perpendiculaire à la Voile, il peut arriver, & il arrive le plus souvent que la direction de la ligne de la force mouvante est trop éloignée de celle de la Quille, & de la Route qui se feroit selon la Ouille. ce qui diminueroit beaucoup la force dont le Vaisseau seroit poussé. Il faut donc, pour regagner de la force du Vent, changer l'angle de la Voile & de la Quille, & pour cela changer aussi celui du Vent sur la Voile, ce qui fera perdre quelque chose de la grandeur de l'angle d'incidence du Vent, & diminuera sa force à cet égard. Il y a là un mêlange d'avantages & de desavantages, qui produit nécessairement un état, un point où tout étant compensé, il se trouvera le plus grand avantage possible, & la Géometrie moderne le détermine par des Règles de calcul connues. L'anL'angle du Rumb de Vent, & de la Route qu'on veut faire, étant toujours connu, on détermine donc quel sera, pour faire cette Route, l'angle le plus avantageux, tant du Vent sur la Voile, que de la Voile avec la Quille. Ces deux angles étant trouvés, il arrive rarement que la Route soit exactement sur la ligne de la Quille; mais ces deux lignes ne s'écartent l'une de l'autre que le moins, ou ne font que le moindre angle de dérive, qu'il est possible, & si on vouloit gagner en diminuant cet angle, on perdroit da-

vantage d'ailleurs.

Les deux angles les plus avantageux, celui du Vent sur la Voile, & celui de la Voile avec la Quille, & même celui de la dérive, qui en résulte, changent, comme il est bien naturel de le juger, pour chaque angle different du Rumb de Vent avec la Route. Un Vent arriere, un Vent largue, un Vent de Bouline, & tous ceux qui dans chacune de ces trois especes ne diffèrent entre eux que de degré, demandent une Voile differemment posée & par rapport à eux, & par rapport à la Quille, & en même tems les dérives deviennent differentes. Il est évident que le Vent arriere parfait, & qu'on ne prend pourtant pas, étant celui dont le Rumb fait avec la Route l'angle de 180, & auquel par conféquent la Voile dans sa plus avantageuse position seroit perpendiculaire, & perpendiculaire aussi à la Quille, tous les autres Vents pris depuis celui-là, selon l'ordre qu'on vient de les nommer, demanderont toujours pour les deux sortes d'angles les plus avantageux · *Hift*. 1731.

122 HISTOIRE DE L'AÇADEMIE ROYALE

des angles décroissans depuis 90.

Il y a plus. Tout ce que nous venons de voir qui change par le changement de l'angle du Rumb de Vent avec la Route, change aussi par la differente figure du Vaisseau. On a vu par la Théorie combien cette figure influe fur la vîtesse, & pour le faire voir par un exemple bien sensible, il est sûr qu'un Vaisfeau, qui aura la Proue plus aigue, pourra se servir de tel Vent de Bouline, dont un autre ne se serviroit pas. Cela vient de ce que dans le Vaisseau qui a la Proue moins aiguë, elle a trop peu d'avantage sur le côté pour fendre l'eau; par conséquent elle ne détermine pas assez le Vaisseau à suivre une ligne où il éprouveroit moins de résistance, & il ne peut, à cause de la foiblesse du Vent suppolé, furmonter la résistance qu'il éprouve. Puisqu'une certaine figure de Vaisseau peut rendre inutile un certain Vent, qui ne le seroit pas sans cela, la figure est un Elément indispensable, qui doit entrer aussi-bien que le Vent, dans toute la confideration, & dans -tous les calculs du mouvement & de la vîtesse du Vaisseau.

Ainsi M. Pitot a construit des Tables ou en supposant une certaine figure de Vaisseau, ou, ce qui est le même, un certain angle curviligne de la Proue depuis 20 jusqu'à 60 degrés, il donne pour chacune de ces figures les positions les plus avantageuses de la Voile, tant par rapport au Vent que par rapport à la Quille, & les differentes vîtesses résultantes, qui répondent aux differens angles donnés du Rumb de Vent, & de la Route,

Les angles de la Proue depuis 20 jusqu'à 60 ne sont pris que de 5 en 5, parce que les nombres moyens ne produiront pas des différences assez sensibles. M. Pitot a même ajouté les angles correspondans les plus avantageux que puisse avoir le Gouvernail avec la Route, pour virer vent devant on vent arriere.

Par le seul coup d'œil de ces Tables on voit plusieurs déterminations importantes: par exemple, quel est pour chaque figue de Vaisseau le dérnier Vent de Bouline dont on puisse se servir, ou jusqu'à quel point on peut ferrer le Vent; que les Vaisseaux à Proue plus pointue sont ceux qui le peuvent serrer de plus près, & il est aisé d'en voir la raifon; que dans ceux dont la Proue n'auroit qu'un angle de 20 degrés, la Route pouvant se faire sous un angle de 24° 30' avec le Vent, elle ne peut plus se faire que sous un angle de 69 dans ceux dont la Proue auroit un angle de 60; que les Dérives sont d'autant plus grandes que l'angle du Vent avec la Route est plus petit, & l'angle de la Proue plus grand; que l'angle du Vent avec la Route étant de 69 degrés pour deux Vaisseaux. dont l'un n'auroit l'angle de la Proue que de 20 degrés, & l'autre de 60, le premier n'auroit que 1 de Dérive, & le second 20; que la plus grande vîtesse d'un Vaisseau à Proue de 20 degrés peut être plus de trois fois plus grande que la plus petite; & qu'un Vaisseau à Proue de 60, ne peut avoir la plus grande vîtesse qu'un peu plus que double de la plus petite, &c. Plusieurs de ces sortes de déter-F 2 mi-

minations, qui font nées des principes & des calculs de M. Pitot, se font trouvées d'accord avec les observations & les expériences qu'il a pu avoir des habiles gens de Mer.

Il ne prétend pas avoir encore arrêté bien furement les différentes figures des Vaisseaux, & il promet d'en faire une recherche particulière: mais il y a bien de l'apparence qu'une plus grande exactitude fur ce point produira plutôt des difficultés de Théorie, qu'un changement confiderable dans la Pratique. En attendant on a des Tables que l'on n'avoit pas eues jusqu'ici, & qui ont couté beaucoup de travail pour mettre les Pilotes & les Matelots en état de travailler fort peu. en faisant tout pour le mieux, si cependant il arrive qu'ils puissent s'y résoudre. Théorie avance toujours beaucoup plus que la Pratique, parce que l'une n'est qu'entre les mains de gens d'esprit, & ardens pour la perfection de leurs Sciences, au-lieu que l'autre n'est maniée que par des gens ordinairement très grossiers, & fort indifferens pour la perfection, quelque interessante qu'elle pût être pour eux-mêmes, comme elle l'est dans la Navigation.

EXISTRACTION DE LA SOCIATION DE LA SOCIATION

MACHINES OU INVENTIONS

APPROUVÈES PAR L'ACADEMIE

EN M. DCCXXXI.

I.

N Projet de M. Gallon pour lancer les Vaisseaux à la Mer avec moins d'inconvéniens & plus de facilité que par la pratique ordinaire. On construira un Bassin semblable à ceux de Brest & de Rochefort, qui servent actuellement à placer les Vaisseaux pour les radouber, & les carener. Il sera creusé en sorte que l'Eau de la Mer y entre par deux Portes, & v foit toujours à une certaine profondeur que l'on déterminera; la surface de la Mer. & celle de l'Eau de ce Bassin, seront donc de niveau. Les bords en seront beaucoup plus élevés que ce niveau, & le Bassin pourra contenir beaucoup plus d'eau quand il le faudra. A son extrémité la plus éloignée de la Mer, on fera un second Bassin dont le bas ou le fond sera un peu plus élevé que le niveau de la Mer, & dont les bords iront aussi haut que ceux du premier. Ce sera dans ce second Bassin que l'on construira le Vaisfeau à fec, & fans aucune incommodité. Lorsqu'il ne s'agira plus que de le lancer, on fermera les Portes du premier Bassin, & par le moyen de plusieurs Corps de Pompe pla-F 3

cés auprès des Portes, & que des Hommes ou des Moulins à vent feront jouer, on remplira d'eau tout le vuide que laisse le premier Bassin jusqu'à l'extrémité supérieure de ses bords. & tout le second Bassin entier, & on les remplira en même tems, parce qu'ils n'ont rien qui les sépare. Alors le Vaisseau qui étoit dans le second se trouvera naturellement à flot, pourvu qu'il ait toute l'eau qu'il doit tirer, & on le fera passer très facilement dans le premier Bassin. Quand il y fera, on ouvrira plusieurs Sabords, pratiqués dans les Portes alors fermées, & quand on en aura laissé écouler assez d'eau pour mettre la surface de ce Bassin au niveau de celle de la Mer, il n'y aura plus qu'à ouvrir les Portes, qui ne feront aucune résistance puisqu'elles n'auront aucune charge d'eau. & le Vaisseau fortira de ce Bassin avec autant de facilité que de l'autre. L'Auteur donne ce Projet principalement pour les Ports de la Méditerranée, qui sont exempts de Flux & de Reflux. Il a paru nouveau.

II.

Une Machine de M. du Buisson, Ingénieur, pour empêcher que les Monnoyeurs en mettant les Pieces sur les Quarrés du Balancier pour y être marquées, ne courent le risque d'avoir les doigts écrasés. Quoique l'accident soit très rare, il mérite d'être prévenu. A chaque coup du Balancier, une Piece viendra se placer d'elle-même à l'endroit où elle doit recevoir le coup, & cela peut encore être.

être plus utile dans les cas où l'on manqueroit de Monnoyeurs assez adroits pour mettre les Pieces sur le Quarré. Malgré quelques objections qu'on peut faire sur cette Machine, elle a paru simple, & ingénieusement imaginée.

III.

Une Machine à élever l'Eau, de M. Jean-Baptiste le Brun. Pourvu que l'on ait une chûte d'eau, soit naturelle, soit procurée par art, l'Eau à l'aide de cette Machine, co sans aucun Moteur étranger, s'éleve d'ellemême à une hauteur considerable. Quand elle est élevée, il faut qu'il y en ait une certaine quantité qui redescende pour agir de nouveau sur la Machine, & contribuer avec la chûte de la source à entretenir le mouvement; le reste de l'eau montée est destiné aux usages qu'on aura eus en vue, & c'est le produit ou le prosit de la Machine.

Elle est exécutée à Sève, où l'on a vu qu'une Eau qui tomboit de 9½ pieds de hauteur, étoit portée à 32 pieds, & par conséquent à 22½ pieds au dessus de sa source, qu'il s'élevoit 120 Muids d'eau par jour, & qu'on en avoit 6 pour le prosit, ou ½.

Il a paru que cette Machine étoit nouvelle, très ingénieusement inventée, & exécutée, qu'elle avoit peu de frottemens parce que le Piston & les Soupapes étoient toujours entre deux eaux, & n'avoient point de Colomne à soutenir, qu'elle pouvoit être très utilement établie dans tous les lieux où l'on

avoit déja une chûte d'eau, que selon les circonstances on pourroit aisément avoir un plus grand profit que 12 de l'eau élevée, & qu'enfin l'Inventeur étoit très capable de donner à sa Machine toute la perfection qu'elle pourroit encore recevoir.

IV.

Un Instrument présenté par M. de Mean. où il a réuni les usages de plusieurs Instrumens déja connus, du Quartier de Réduction, du Cadran Solaire Horizontal, du Vertical Méridional, & qui sert pour trouver la Méridienne, & la Déclination de l'Aiguille. Le fondement en est une Table de multiplication, par laquelle se font toutes les principales Règles d'Arithmetique. Quoiqu'on ne puisse pas attendre de cet Instrument une grande précision pour ce qui concerne l'Astronomie & la Navigation, il peut être cependant de quelque utilité à cause de son petit volume, qui le rend aisé à porter par tout avec soi. Il a paru d'ailléurs qu'on n'avoit pas encore pensé à tous les usages auxquels M. de Mean a fait voir qu'on pouvoit appliquer la Table de multiplication, ce qui mérite l'attention des Mathématiciens, & prouve les connoissances & l'intelligence de l'Auteur.

V.

Deux Chaises roulantes du Sieur Maillard, Maitre Menuisier pour les Carosses du Roi. Elles sont un peu differentes de construction; un un Homme assis dedans ou derriere. les fait mouvoir en tournant deux Manivelles, qui font jouer le Rouage, on avance & on recule avec la même facilité, & on peut tourner fort vite. Des Chaises dont l'Histoire de l'Académie a parlé dans les Histoires de 1710* & 1711†, & celle qui est décrite par Mathurin Jousse dans son Traité de Serrurerie, ne sont que pour aller dans des Appartemens; & celles-ci peuvent faire de plus grands voyages, étant à grandes Roues, comme celles qui sont tirées par des Chevaux; elles sont aussi differentes des autres par le Rouage. Celle que M. Ozanam a donnée dans ses Récréations Mathématiques, quoiqu'à grandes Roues, a été trouvée aussi d'une construction differente, & moins commode, tant pour le recul, que pour l'application de la force de l'Homme.

ඔහුවෙන්නේනේනේන්නේන්නේන්නේනේනේන්නේන්න්න්න්

E L O G E

DE M. GEOFFROY.

TIENNE-FRANÇOIS GEOFFROY
naquit à Paris le 13 Février 1672, de
Matthieu-François Geoffroy, Marchand Apotiquaire, ancien Echevin, & ancien Conful, & de Louise de Vaux, fille d'un Chirurgien, célèbre en son tems. Le bisayeul pater-

p. 186, † p. 131.

130 Histoire de l'Academie Royale

ternel de M. Geoffroy avoit été auffi premier Echevin de Paris, & alors on ne choifissoit que des Bourgeois d'ancienne famille, & d'une réputation bien nette, espece de noblesse qui devroit bien valoir celle dont la preuve ne

consiste que dans les filiations.

Si nous dissons que l'éducation d'un jeune homme a été telle que quand il fut en Physique, il se tenoit chez son Pere des Conferences règlées, où M. Cassini apportoit ses Planifpheres, le P. Sébastien ses Machines. M. Joblot ses Pierres d'Aiman, où M. du Verney faisoit des dissections, & M. Homberg des opérations de Chimie, où se rendoient du moins par curiofité plusieurs autres Savans fameux, & de jeunes gens qui portoient de beaux noms; qu'enfin ces Conferences parurent si bien entendues, & si utiles, qu'elles furent le modele & l'époque de l'établissement des expériences de Physique dans les Colleges; sans doute on croiroit qu'il s'agissoit de l'éducation d'un fils de Ministre, destiné pour le moins aux grandes. dignités de l'Eglise: cependant tout cela fut fait pour le jeune Geoffroy, que son Père ne destinoit qu'à lui succeder dans sa profession. Mais il savoit combien de connoisfances demande la Pharmacie embrassée dans toute son étendue; il l'aimoit, & par goût, & parce qu'elle lui réuffissoit fort, & il croyoit ne pouvoir mieux faire que de fournir à son fils les movens de poursuivre avec plus d'avantage la carriere où lui-même auroit vieilli:

Après cette premiere étude de Physique générale, M. Geoffroy fit des Cours particuliers. culiers, de Botamque, & de Chimie, & même d'Anatomie, quoique cette Science ne fût pas de son objet principal. Il s'en écartoit encore davantage dans ses heures de délassement, où l'on est le maitre de choisir ses plaisirs. Il tournoit, il travailloit des Verres de Lunettes, il exécutoit des Machines en petit, il apprenoit l'Italien de l'Abbé Roselli, si connu par le Roman de l'Insortuné Napolitain.

En 1602, son Pere l'envoya à Montpellier pour y apprendre la Pharmacie chez un habile Apotiquaire, qui de son côté envoya son sils à Paris chez M. Geosfroy: échange bien entendu, puisque l'un & l'autre de ces jeunes gens en laissant dans la maison paternelle ce qu'il étoit bien sûr d'y retrouver toujours, akoit chercher dans une maison étrangere ce qu'il n'eût pas trouvé chez lui.

M. Geoffroy strivit les plus habiles Professeurs de la fameuse Ecole de Montpellier, & il vit presque naitre alors dans cette ville un grand nom qui s'est toujours accru dépuis, & qui par lui-même, & sans nul secours étran-

ger, s'est élevé à la premiere place.

Avant que de revenir à Paris, M. Geoffroy voyagea dans les Provinces Méridionales du Royaume, & alla voir les Ports de l'Océan, car il embrassoit aussi ce qui n'étoit que de pure curiosité. Il en est peut-être été bien puni à S. Malo où il se trouva ensermé en 1693, dans le tems du Bombardement des Anglois, si la terrible Machine Infernale, qui menaçoit d'absmer tout, n'est manqué son esset. M. le Comte de Tallard, depuis

Duc, Pair, & Maréchal de France, ayant été nommé au commencement de 1698, à l'Ambassade extraordinaire d'Angleterre, il chossit M. Geosfroy, qui n'étoit point Médecin, pour avoir soin de sa santé, & il ne crut point que cette confiance donnée au mérite dépourvu de titre, sût trop hardie. M. Geosffroy, qui savoit voyager, ne manqua pas de profiter du séjour de Londres: il gagna l'amitité de la plupart des Illustres d'un Païs, qui en produit tant, & principalement celle de M. le Chevalier Sloane, & en moins de six mois il devint leur confrere par une place qu'ils lui donnerent dans la Société Royale.

De là il passa en Hollande, où il vit d'autres Savans, sit d'autres observations, acquit de nouvelles connoissances. Il se présenta encore à lui l'occasion de faire un voyage agréable, celui d'Italie, où il alla en 1700 avec M. l'Abbé de Louvois, en qualité de son Médecin, selon le langage de M. Geoffroy, & en qualité d'Ami, selon le langage de cet Abbé, car ils avoient tous deux le mérite de

ne pas parler de même.

Le grand objet de M. Geoffroy étoit toujours l'Histoire Naturelle, & la Matiere Médicinale, & il étoit d'autant plus obligé à porter ses vues de ce côté-là, que son pere avoit dessein de lui laisser sa place & son établissement. Dès 1693 il avoit subi l'examen pour la Pharmacie, & fait son Chef-d'œuvre: cependant ce n'étoit point là le fond de son intention, il vouloit être Médecin, & n'osoit le déclarer. Il faisoit des études équivoques, qui convenoient également au plan de son pere & au sien: telle étoit la Matiere Médicinale, qu'un habile Apotiquaire ne sauroit trop connoitre, & que souvent un habile Médecin ne connoit pas assez.

Enfin quand le tems fut venu de ne pouvoir plus soutenir la dissimulation, & de prendre un parti décisif, il se déclara, & le pere se rendit. Il avoit destiné à la Médecine son second fils, qui est aujourd'hui l'un des Chimistes de cette Académie; celui-là prit la Pharmacie au-lieu de son Ainé. Cette légere transposition dut être assez indisferente au pere, mais ensin ce n'étoit pas-là son premier projet, & il apprit combien la Nature qu'il n'avoit pas assez consultée sur ses ensans,

est jalouse de ses droits.

M. Geoffroy se mit donc sur les Bancs de Médecine, & fut reçu Bachelier en 1702. Sa premiere These fut extremement retardée, parce que M. Fagon, premier Médecin, qui devoit y présider, & qui avoit coutume de commettre pour la Présidence, voulut présider en personne, honneur qui se fit acheter par des délais. M. Geoffroy, qui avoit fait sa These lui-même, quoique selon l'usage établi elle dût être l'ouvrage du Président, avoit choisi cette Question, Si le Midesin est en même tems un Méchanicien Chimistel On sent assez qu'il avoit interêt de conclurre pour l'affirmative, au hazard de ne pas comprendre tous les Médecins dans sa définition. Il composa pareillement ses deux autres Theses de Bachelier, & à plus forte raison celles dont il fut Président après avoir été reçu Docteur en 1704. Il prenoit toujours

134 Histoire de l'Academie Royale

fours des sujets utiles ou interessans; celle ost il demandoit si l'Homme a commencé par être Ver, piqua tellement la cariosité des Dames, & des Dames du plus haut rang, qu'il fallut la traduire en François, pour les initier dans des mysteres, dont elles n'avoient pas la Théorie. On assure que toutes les Theses sorties de sa main n'ont pas seulement été regardées dans nos Ecoles comme des Traités presque complets sur les sujets choisis, mais qu'elles se sont trouvées plus au goût des Etrangers, qu'un grand nombre d'autres, où ils se plaignent que le soin dominant a été celui de l'élégance du stile, & de la belle Latinité.

. Il ne se pressa point de se jetter dans læ pratique, des qu'il en eut le droit : il s'enferma pendant dix ans dans fon Cabinet, & if voulut être fûr d'un grand fonds de connoissances, avant que de s'en permettre l'ulage. Les Médecins ont entre eux ce qu'ils appellent les bons principes, & puisqu'ils sont les bons, ils ne sont pas ceux de tout le monde. Les Confreres de M. Geoffroy conviennent qu'il les possedoit parfaitement. Son caractere doux, circonspect, moderé, & peutêtre même un peu timide, le rendoit fore attentif à écouter la Nature, à ne la pas troubler par des remedes fous prétexte de l'aider, & à ne l'aider qu'à propos, & autant qu'elle le demandoit. Une chose singuliere lhi fit tort dans les commencemens: il s'affectionnoit trop pour ses Malades, & leur état lui donnoit un air triste & affligé qui les allarmoit; on en reconnut enfin le principes

& on lui sut gré d'une tendresse si rare, & A

chere à ceux qui souffrent.

Persuadé qu'un Médecin appartient également à tous les Malades, il ne faisoit nulle difference entre les bonnes pratiques & les mauvaises, entre les brillantes & les obscu-Il ne recherchoit rien, & ne rejettoit De-là il est aise de conclurre que ce qui dominoit dans le nombre de ses pratiques, c'étoient les obscures, ou les mauvaises. & d'autant plus que ses premiers engagemens lui étoient sacrés, & qu'il n'eût pas: voulu les rompre, ou s'en acquitter légerement, pour courir aux occasions les plus flatteuses qui seroiem nues. D'ailleurs souverainement éloign out faste, il n'étoit point de ceux qui favent aider à leur propre réputation, & qui ont l'art de suggerer tout bas à la Renommée, ce qu'ils veulent qu'elle répéte tout haut avec ses cent bouches. Cependant le vrai avoit percé à la longue, & M. Geoffroy étoit bien connu. Dans les grandes affaires de Médecine, ceux qui s'étoient saissi des premiers postes l'appelloient presque toujours en consultation, il étoit celui dont tous les autres vouloient emprunter des lumieres. Ciceron conclud que les Romains étoient le plus vaillant Peuple du monde, de ce que chaque Peuple se donnoit le premier rang pour la valeur, & accordoit toujours le second aux Romains.

En 1709, le Roi lui donna la place de Professeur en Médecine au College Royal, vacante par la mort de M. de Tournefort. Il entreprit de difter à ses Auditeurs toute l'His-

toire

toire de la Matiere Médicinale, sur laquelle il avoit depuis longtems amassé de grandes provisions. Tout le Regne Minéral a été expédié, c'est à dire, tous les Minéraux qui sont en usage dans la Médecine, & c'est ce qu'on a jusqu'à présent sur ce sujet de plus recherché, de plus certain, & de plus complet. Il en étoit au Regne Végétal, & comme il suivoit l'ordre Alphabétique, il en est resté à la Melisse, qui quoiqu'assez avancée dans l'Alphabet, laisse après elle un grand vuide, & beaucoup de regret aux curieux de ces sortes de matieres. Il n'avoit point touché au Regne Animal, mais du moins tout ce qu'il a dicté s'est trouvé en très bon ordre dans ses papiers, & on espere que sa famille le donnera au Public.

M. Fagon, qui étoit toujours demeuré titulaire de la Charge de Professeur en Chimie au Jardin Royal, la faisoit exercer par quelqu'un qu'il choisissoit. M. de St. Yon, à qui il avoit donné cet emploi, n'ayant pu le remplir en 1707, à cause de ses infirmités, M. Geoffroy eut sa place, & s'en acquitta si bien que dans la suite M. Fagon se démit absolument de la charge en sa faveur. arriva en 1712. M. Fagon, pour mettre en œuvre M. Geoffroy tout entier, lui demanda qu'aux leçons ordinaires de Chimie. il en joignst sur la Mariere Médicinale, ce qui, dans une même féance ajoutoit deux heures, & quelquefois trois, à deux autres heures déja employées. M. Geoffroy y consentit, emporté par son zèle, & sans doute aussi par un certain sentiment de gloire, qui

agit, & qui doit agir sur les ames les plus éloignées de la vanité; il étoit soutenu par le platsir de voir que de si longues séances, loin de rebuter les Auditeurs, ne les rendoient que plus assidus, & plus attentifs: mais ensin il consulta trop peu les interêta de sa santé, qui étoit naturellement foible, & qui en souffrit.

La Faculté de Médecine; qui se choisit tous les deux ans un Chef qu'on appelle Doyen, crut en 1726 se trouver dans des circonstances où il lui en falloit un, qui, quoique digne de l'être, ne sît aucun ombrage à sa liberté, & qui aimât mieux sa Compagnie que sa place. M. Geossoy sur le lui mais comme tous les membres d'une République ne sont pas également Républicains, quelques-uns attaquerent son élection par des irrégularités prétendues, & lui-même auroit été volontiers de leur parti; mais l'élection fut consirmée par le jugement de la Cour.

Ses deux années de Décanat finies, il fut continué, & cela par les suffrages mêmes qui auparavant lui avoient été contraires. On sentoit un nouveau besoin qu'on avoit de lui. Il s'étoit élevé un Procès entre les Médecins & les Chirurgiens, espece de guerre civile, qui divisoit les Citoyens d'un même Etat; & il falloit ou du zèle pour la soutenir, ou de la douceur pour la terminer, & même en la soutenant il falloit toujours de la douceur avec le zèle. On lui sit un honneur singulier; il y a sous le Doyen un Censeur, qui est son Lieutenant, & ce Censeur est

toujours le Doyen qui vient de sortir de place. On supprima le titre de Censeur pour les deux années du nouveau Décanat de M. Geoffroy, & on le laissa le maître de choisir ceux qu'il voudroit pour l'aider. Ces témoignages d'estime de la part de sa Compagnie, qu'il n'auroit pas recherches par ambition. il les fentit vivement par un principe de reconnoissance, d'autant plus fort qu'on est plus dégagé de passions tumultueuses. Il se livra fans ménagement aux travaux extraordinaires du fecond Décanat, qui joints à ceux qu'exigeoient sa profession, & ses differentes places, ruïnerent absolument sa santé, & au commencement de 1730 il tomba accablé de fatigues. Il eut cependant le courage de mettre la derniere main à un ouvrage que ses prédécesseurs Doyens avoient jugé nécessaire, mais qu'ils n'avoient pas fini : c'est un Recueil des Médicamens composés les plus usités, que les Pharmaciens doivent tenir toujours prêts.

Nous ne l'avons point encore représenté comme Académicien, parce que nos Histoires imprimées font foi qu'il n'a pas remplice devoir avec moins d'exactitude que les autres, si ce n'est dans les quatre dernieres années, où le Décanat étoit une dispense affez légitime. Il donna en 1718 un Système singulier & une Table des Affinités ou Rapports des differentes substances en Chimie. Ces Affinités sirent de la peine à quelques-uns, qui craignirent que ce ne fusient des Attractions déguisées, d'autant plus dangereuses, que d'habiles gens ont déja su leur

`don⇒

donner des formes séduisantes: mais enfin on reconnut qu'on pouvoit passer par dessus ce scrupule, & admettre la Table de M. Geoffroy, qui bien entendue & amenée à toute la précision nécessaire, pouvoit devenir une loi fondamentale des opérations de Chimie, & guider avec succès ceux qui travaillent.

Il étoit entré dans cette Compagnie dès l'an 1699, & il est mort le 6 Janvier 1731.

කොවොවන් වෙය වෝවේ වර්ගව වියවා වෝවෙන්වේ වෙන්වන් වෙන්වේ

E L O G E

DE M. RUYSCH.

REDERIC RUYSCH naquit à la Haye le 23 Mars 1638, de Henri Ruysch Secretaire des Etats-Généraux, & d'Anne Van Berghem. La famille des Ruysch étoit d'Amsterdam, où depuis 1365 elle avoit continuellement occupé les premieres Magistratures jusqu'en 1576, que la guerre contre l'Espangne apporta du changement à sa fortune.

M. Ruysch se destina à la Médecine, & il commença par s'appliquer à la Matiere Médicinale, aux Plantes, aux Animaux ou parties d'Animaux, aux Minéraux qui y appartiennent, aux opérations de Chimie, aux dissections Anatomiques; & de tout cela il se sit de bonne heure un Cabinet déja digne des regards & de l'attention des Connoisseurs. Il etoit tout entier à ce qu'il avoit entre-prist.

pris; peu de fommeil avec beaucoup de fanté, point de ces amusemens inutiles, qui passent pour des délassemens nécessaires, nul autre plaisir que son travail; & quand il se maria en 1661, ce fut en grande partie pour être entierement soulagé des soins domestiques, ce qui lui réussit assez aisément

dans le Païs où il vivoit.

En ce tems-là vint à Leyde un Anatomiste assez fameux, nommé Bilsius, que le Roi d'Espagne avoit envoyé professer à Louvain. Ce Docteur traitoit avec très peu de confideration ceux qui avoient jusque là le plus brillé dans cette Science, & préféroit de beaucoup, & hautement ses découvertes aux leurs, principalement sur ce qui regarde le mouvement de la Bile, de la Lymphe, du Chile, de la Graisse. Mr. de le Boe ou Sylvius, & van Horne, Professeurs à Leyde, qui auroient voulu réprimer la vanité de cet Etranger, crurent ne le pouvoir sans le secours du jeune Ruysch qui avoit donné plus de tems qu'eux à des diffections fines & déli-De la Haye, où il demeuroit, il venoit les nuits à Leyde leur apporter ses préparations, & leur mettre en main dequoi étonner Billius; & il retournoit bien vite à la Have pour travailler à de nouvelles préparations, destinées au même usage.

Après avoir fourni en secret des armes contre Bilsius, il vint ensin à se battre avec lui à visage découvert, car ceux qu'il avoit aidés n'avoient pas prétendu le tenir toujours caché. Il avoit dit que la résistance qu'il sentoit en soussant les Vaisseaux Lymphatiques

ďun

d'un certain sens, lui faisoit croire qu'il s'v trouvoit des Valvules, qu'il n'avoit pourtant pas encore vues, & il n'étoit pas le seul qui eut eu cette pensée. Billius nia ces Valvules avec la derniere assurance, & même avec mépris pour ceux qui les jugeoient seule-ment possibles. M. Ruysch fit si bien par fon adresse singuliere qu'il les découvrit, & au nombre de plus de deux-mille, & les démontra, à la grande satisfaction de ceux qui étoient bien aises de voir confondre des décisions téméraires, & superbes. L'Adverfaire, qui se tenant bien sur qu'il ne verroit pas, avoit promis de se rendre s'il vovoit. fit effectivement tout son possible pour ne pas voir; & quand il y fut forcé, il se sauva par un endroit qu'on n'avoit pas prévu. il dit qu'il connoissoit bien ces Valvules. mais qu'il n'avoit pas jugé à propos de le déclarer. M. Ruysch dans un très petit Volume qu'il donna en 1665, & qui est le premier des siens, a fait l'histoire détaillée de cette contestation, où le vaincu, qui pouvoit l'être sans honte, & même avec honneur, trouva moven de l'être honteusement.

M. Ruysch fut dès l'an 1664 Docteur en Médecine dans l'Université de Leyde, & il eut presque aussi-tôt après une occasion, qui n'étoit que trop décisive, de prouver combien il méritoit cette dignité. La Peste ravagea la Hollande, & il se dévoua aux Pestiferés de la Haye, sa Patrie: début qui, quelque glorieux qu'il soit, ne sera pas envié.

Mais sa grande occupation, celle qui a rendu son nom si célèbre, a été de porter l'Anatomie à une perfection jusque là inconnue. On s'étoit longteurs contenté des premiers Instrumens, qui s'étoient d'abord offerts comme d'eux-mêmes. & qui ne servoient guere qu'à séparer des parties solides, dont on observoit la structure particuliere, ou la disposition qu'elles avoient entre elles. Revnier de Graaf, ami intime de M. Ruysch, fut le premier, qui pour voir le mouvement du sang dans les Vaisseaux, & les routes qu'il suit pendant la vie, inventa une nouvelle espece de seringue par où il injectoit dans les Vaisseaux une matiere colorée, qui marquoit tout le chemin qu'elle fai-Toit, & par conféquent celui du Sang. Cette nouveauté fut d'abord approuvée, mais ensuite on l'abandonna, parce que la matiere injectée s'échapoit continuellement, & que l'injection devenoit bien-tôt inutile.

Jean Swammerdam remédia au défaut de l'invention de Graaf. Il pensa très heureusement qu'il falloit prendre une matiere chaude, qui en se refroidissant à mesure qu'elle couloit dans les Vaisseaux, s'y épaissit de sorte qu'arrivée à leur extrémité elle cessat de couler: ce qui demande, comme on voit, une grande précision, tant pour la nature particuliere de la matiere qu'on employera, que pour le juste degré de seu qu'il faudra lui donner, & le plus ou moins de sorce, dont on la poussera. Par ce moyen Swammerdam rendoit visibles pour la premiere sois les Arteres & les Veines Capillaires de la Fa-

ce; mais il ne suivit pas lui-même bien loin la nouvelle invention. Une grande piété, qui vint à l'occuper entierement, l'en empecha, & ne le rendit pourtant pas assez indifferent sur son secret, pour en faire part à M. Ruysch son ami, qui en étoit extrêmement curieux.

Il le chercha donc de son côté, & le trouva pour le moins, car il y a beaucoup d'apparence que ce qu'il trouva étoit encore plus parfait que ce qu'avoit Swammerdam lui-même. Les parties étoient injectées de façon que les dernières ramifications des Vaisseaux, plus fines que des fils d'Araignées, devenoient visibles, &, ce qui est encore plus étonnant, ne l'étoient pas quelquesois sans Microscope. Quelle devoit être la matiere assez déliée pour pénétrer dans de pareils canaux, & en même tems assez solide pour s'y durcir?

On voyoit de petites parties, qui ne s'apperçoivent ni dans le vivant, ni dans le mort

tout frais.

Des cadavres d'Enfans étoient injectés tout entiers; l'opération n'eût guére été possible dans les autres: cependant en 1666 il entreprit par ordre des États Généraux le Cadavre déja fort gâté de Guillaume Bercley, Vice-Amiral Anglois tué à la Bataille donnée le 11 Juin entre les Flottes d'Angleterre & de Hollande, & on le renvoya en Angleterre, traité comme auroit pu l'être le plus petit Cadavre. Les États Généraux récompenserent ce travail d'une manière digne d'eux, & du travail même.

Tout ce qui étoit injecté confervoit sa confissance, sa mollesse, sa flexibilité, & même s'embellissoit avec le tems, parce que la couleur en devenoit plus vive jusqu'à un certain point.

Les Cadavres, quoiqu'avec tous leurs Visceres, n'avoit point de mauvaise odeur; au contraire ils en prenoient une agréable quand même ils eussent senti fort mauvais a-

vant l'opération.

Tout se garantissoit de la corruption par le secret de M. Ruysch. Une fort longue vie lui a procuré le plaisir de ne voir aucune de ses Pieces se gater par les ans, & de ne pouvoir sixer de terme à leur durée. Tous ces Morts sans dessechement apparent, sans rides, avec un teint sleuri, & des membres souples, étoient presque des Ressuscités, ils ne paroissoient qu'endormis, tout prêts à parler quand ils se réveilleroient. Les Momies de M. Ruysch prolongeoient en quelque sorte la vie, au-lieu que celles de l'ancienne Egypte ne prolongeoient que la mort.

Quand ces prodiges commencerent à faire du bruit, ils trouverent, selon une Loi bien établie de tout tems, beaucoup d'Incrédules ou de Jaloux. Ils détruisoient par quantité de raisonnemens les faits qu'on leur avançoit; quelques-uns disoient en propres termes, qu'ils se laisseroient plutôt crever les yeux, que de croire de pareilles fables. A tous leurs discours M. Ruysch répondoit simplement, Venez & voyez; son Cabinet étoit toujours prêt à leur parler, & à raisonner avec eux.

Ces deux mots étoient devenus son Refrain

perpétuel, son Cri de guerre.

Un Professeur en Médecine lui écrivit bien gravement, qu'il seroit mieux de renoncer à toutes ces nouveautés, & de s'attacher à l'ancienne doctrine si solidement établie. & qui renfermoit tout. Comme le Novateur ne se rendoit point, le Docteur redoubla ses Lettres . & lui dit enfin que tout ce qu'il faisoit dérogeoit à la dignité de Professeur. M. Ruysch répondit, Venez & voyez.

Il a caché le nom de ce Professeur si délicat fur cette dignité, mais il n'a pas ménagé de même ceux de Mr. Rau & Bidloo, célèbres tous les deux dans l'Anatomie, & qui s'étoient hautement déclarés contre lu . Bidloo sur-tout. Celui-ci se vantoit d'avoir, & même avant Ruysch, le secret de prépare & de conserver les Cadavres, & sur cela M. Ruysch lui demande pourquoi donc il n'a pas wn telles & telles choses, pourquoi il a gâté ses Tables Anatomiques, par des fautes qu'il lui marque, &c. Jusque-là, tout est dans les règles. & Ruysch paroît avoir tout l'avantage: mais il faut avouer qu'il en perd une partie pour la forme, quand sur ce que Bidloo l'avoit traité de Boucher subtil, il répond qu'il aime mieux être Lanio subtilis que Lene famosus. Le jeu des mots Latins peut l'avoir tenté, mais c'étoit aller trop rudement aux mœurs de son Adversaire, dont il ne s'agisfoit point. Il est vrai aussi qu'on ne sait quel nom donner à Bidloo, lorsqu'il s'emporte jusqu'à appeller Ruysch le plus miserable des Anatomistes. Sera-ce donc toujours un écueil Hift, 1731.

146 Hr. E DE L'ACADEMIE ROYALE

pour la vertu des Hommes, qu'un simple

combat d'esprit ou de savoir?

Après un premier feu, quelquefois cependant assez long, essuye de la part de l'Ignorance ou de l'Envie, la Vérité demeure ordinairement victorieuse. Comment eut-on fait pour ne pas sentir à la fin les avantages de l'invention de M. Ruysch? Les Sujets nécessaires pour les dissections, & que la superstition populaire rend toujours très rares. périssoient en peu de jours entre les mains des Anatomistes; & lui, il savoit les rendre d'un usage éternel. L'Anatomie ne portoit plus avec elle ce dégoût, & cette horreur. qui ne pouvoient être surmontés que par une extrême passion. On ne pouvoit auparavant faire les démonstrations qu'en Hiver; les Etés les plus chauds y étoient devenus également propres, pourvu que les jours fussent également clairs. Enfin l'Anatomie, aussibien que l'Astronomie, étoit parvenue à offrir aux Hommes des objets tout nouveaux. dont la vue leur paroissoit interdite.

Et comme dans l'une & l'autre de ces Sciences, il est impossible de mieux voir sans découvrir, on ne sera pas surpris que M. Ruysch ait beaucoup découvrir ous en renvoyons le détail à ses Ouvrage, ne Artere Bronchiale inconnue aux plus grands Scrutateurs du Poumon; le Périoste des Osselets de l'Organe de l'Oure qui paroissoient nuds; les Ligamens des Articulations de ces Osselets; la Substance Corticale du Cerveau uniquement composée de Vaisseaux infiniment ramissés, & non pas Glanduleuse, comme on le croyoir;

plusieurs autres parties qui passoient pareillement pour Glanduleuses, réduites à n'être que des tissus de Vaisseaux, toujours simples dans chacune, & qui ne differoient que par leur longueur, leur diametre, les Courbes décrites dans leur cours, la distance de l'extrémité de ce cours à l'origine du mouvement de la liqueur, differences d'où devoient naitre les différentes Sécrétions, ou filtrations, &c. Cependant il faut avouer, & il l'avouoit sans peine, qu'il n'avoit pas tout vu. Quelquefois il tombe dans des difficultés, où il ne feint pas d'avoir recours, soit à la volonté de Dieu, qui opere sans méchanisme, soit au dessein qu'il a eu de nous cacher le méchanisme. Un premier Voile, dui couvroit l'Isis des Egyptiens, a été enlevé depuis un tems; un second, si l'on veut, l'est aussi de nos jours; un troisseme ne le fera pas, s'il est le dermer.

M. Ruysch, outre les fonctions de Médecin & de Professeur en Anatomie, avoit encore été chargé par les Bourgmestres d'Amsterdam, où étoit son domicile, de l'inspection de tous ceux qui avoient été tués ou blessés dans des querelles particulieres, pour en faire son rapport aux Juges. De plus, par des vues d'un bon Gouvernement, on avoit créé pour lui une place de Professeur ou Maitre des Sages-semmes, qui souvent n'étoient pas assez instruites. Elles se hâtoient, par exemple, de tirer, & même avec violence, le Placenta lorsqu'il tardoit à venir, & elles aimoient mieux le mettre en pieces, ce qui causoit souvent la mort. Il

G 2

leur apprit, quoiqu'avec peine, à l'attendre fans impatience, ou à n'aider que doucement à la fortie, parce qu'un Muscle Orbiculaire, qu'il avoit découvert au fond de la Matrice, le poussoit naturellement en dehors, & pouvoit même suffire pour le chasser entierement.

Il est aisé de juger combien dans ses differentes fonctions, il lui tomboit entre les mains de faits remarquables, & avec quel soin s'en emparoit un homme si curieux de

ramasser, & si habile à conserver.

Enfin il étoit Professeur en Botanique, & l'on peut bien croire qu'il ne démentoit pas dans cette occupation, son caractere naturel. Le grand commerce des Hollandois lui fournissoit des Plantes de tous les Climats de l'Univers. Il les disséquoit avec la même adresse que les Animaux, & dégageant entierement leurs Vaisseaux de la Pulpe ou Parenchime, il montroit à découvert tout ce qui faisoit leur vie. Les Animaux & les Plantes étoient également embaumés, & sûrs de la même durée.

Son Cabinet, où tout alloit se rassembler, devint si abondant & si riche, qu'on l'eût pris pour le Trésor savant d'un Souverain. Mais non-content de la richesse, & de la rareté, il voulut encore y joindre l'agrément, & égayer le spectacle. Il méloit des bouquets de Plantes & des Coquillages à de tristes Squéletes, & animoit le tout par des Inscriptions, ou des Vers pris des meilleurs Poëtes Latins.

C'étoit pour les Etrangers une des plus grandes merveilles des Pais-Bas, que ce Cabiner

binet de M. Ruysch. Les Savans seuls l'admiroient dignement, tout le reste vouloit seulement se vanter de l'avoir vu. Les Généraux d'Armée, les Ambassadeurs les Princes, les Electeurs, les Rois y venoient comme les autres, & ces grands titres prouvent du moins la grande célébrité. Quand le Czar Pierre I. vint en Hollande pour la premiere fois en 1698, il fut frappé, transporté à cette vue. Et en effet quelle surprise, & quel plaisir pour un Genie naturellement aussi avide du Vrai, qu'un pareil Spectacle, où il n'avoit point été conduit par degrés! Il baisa avec tendresse le Corps d'un petit Enfant. encore aimable, & qui sembloit lui sourire. Il ne pouvoit sortir de ce lieu, ni se lasser d'v recevoir des instructions, & il dinoit à la Table très frugale de son Maitre, pour passer les journées entieres avec lui. A son second voyage en 1717, il acheta le Cabinet, & l'envoya à Petersbourg: présent des plus uriles qu'il pût faire à la Moscovie, qui se trouvoit tout d'un coup, & sans peine, en possession de ce qui avoit couté tant de travaux à un des plus habiles hommes des Nations Savantes.

Aust-tôt après M. Ruysch, âgé de 70 ans, recommença courageusement un Cabinet nouveau. Sa santé toujours ferme le lui permettoit, le goût & l'habitude l'y obligeoient. Ce second travail devoit même lui être plus facile, & plus agréable que le premier. Il ne perdoit plus de tems en tâtonnemens, & en épreuves, il étoit sûr de ses moyens, & du succès. D'ailleurs des choses rares, qui

G 3 .

\$40 Histoire de l'Academie Royale

autrefois lui auroient échappé, ou qu'il n'auxroit obtenues qu'avec peine, venoient alors s'offfir d'elles-mêmes à lui.

En 1727, il fut chossi par cette Académie pour être un de ses Associés Etrangers. Il étoit Membre aussi de l'Académie Léopoldime des Curieux de la Nature, & de la Société

Rovale d'Angleterre.

Il eut le malheur en 1728, de se casser l'Os de la Cuisse par une chûte. Il ne pouvoit plus guere marcher, sans être soutenu par quelqu'un: mais du reste il n'en fut pas moins sain de corps & d'esprit jusqu'en 1731, qu'il perdit en peu de tems toute sa vigueur qui s'étoit maintenue sans altération sensible. Il mourut le 22 Février, âgé de plus de 92 ans, & n'ayant eu fur une si longue carriere qu'environ un mois d'infirmité. Peu de tems avant sa mort, il avoit fini le Catalogue de son second Cabinet qu'il avoit rendu fort ample en 14 ans. Beaucoup de grands Hommes n'ont pas affez vécu pour voir la fin des contradictions injustes, & desagréables, qu'ils s'étoient attirées par leur mérite, & leur nom seul a jour des honneurs qui leur étoient dûs. Pour lui il en a jour en personne, grace à sa bonne constitution. qui l'a fait survivre à l'Envie.

Il a donné un grand nombre d'Ouvrages, fes 16 Epitres Problématiques, les 3 Décades de fes Adversaria Anatomico-Medico-Chirurgica, fes 11 Tresors, &c. Tout cela est le produit d'une très longue vie, dont tous les momens ont été occupés du même objet, faits nouveaux; observations rares, rése-

Xions 3

rions de Théorie, remarques de Pratique; rout est écrit d'un stille simple & concis, dont toutes les paroles signifient, & qui n'a pour but que l'instruction sans étalage. Le plus souvent, en parlant de ses découvertes, il-ne se regarde que comme l'Instrument, dont il a plu à Dieu dè se servir, pour manifester au genre-humain des vérités utiles; & ce ton si humble, & si Chrétien, ne peux être suspect dans un homme, qui n'étoit obligé à le prendre, ni par son état, ni par l'exemple des autres Auteurs de découvertes.

Encore une fingularité de les Ouvrages. Il a publié ses Adversaria en Hollandois & en Latin sur deux colomnes, l'un étant la traduction de l'autre. Il y a des matieres qu'il n'est permis qu'aux Physiciens de traiter sans envelope, & dans les termes propres. Quand il les traite, ce n'est qu'en Latin, & on s'apperçoit d'un vuide dans la colomne Hollandois. Il n'a pas voulu présenter des images dangereuses à ceux ou à celles qui n'en a

voient pas besoin.

132- Histoire de l'Academie Royales

E L O G E

DE M. LE PRESIDENT DE MAISONS.

TEAN-RENE DE LONGUEIL maquit à Paris le 15 Juillet 1699, de Claude de Longueil Marquis de Maisons, Président du Parlement, & de Charlotte Roque de Va-

rangeville.

On fait que la Maison de Longueil est distinguée par son ancienneté, tant dans l'Epée que dans la Robbe, & plus encore par les. dons de l'esprit, qui s'y sont assez perpétués pour lui donner un caractere général, & former en faveur du nom une prévention a-

gréable.

Le jeune M. de Maisons, à cause de la délicatesse de sa santé, fut élevé dans la maison paternelle. On assure qu'à 12 ans il ne trouvoit plus de difficultés dans les Poëtes Latins, & sentoit toutes les beautés des. François: car à quoi sert d'entendre avec beaucoup de peine des Auteurs dans une Langue étrangere, quand on ne fait pas juger, comme il arrive souvent, de ceux qu'on : lit dans la Languezque l'on parle? La partie de l'Education qui regarde le Goût, extrêmement négligée jusqu'ici, ne le fur pas à l'égard de M. de Maisons. On pourroit lui s reprocher de s'être fait un goût trop sévère, mais le plaisir de critiquer peut être pardonné à la grande jeunesse.

A l'âge de 14 ans, il fit un Cours de Phyfique, mais de vraye Phyfique, & il y entra avec cette ardeur qui annonce le génie. — Il se plaisoit à faire lui-même les expériences, ce qui instruit beaucoup plus que de les laisfer faire à des gens plus exercés, & d'en être simple spectateur. On est obligé d'entrer dans des détails, dont l'importance & les suites ne sont bien connues que de ceux qui y

ont prêté leurs mains.

On le mit à 15 ans dans la Jurisprudence qui devoit être son grand objet, & il en embrassa l'étude d'une maniere à contenter une famille accoutumée à fournir de bonssujets pour une importante place. Ce fut alors qu'il perdit son Pere, Magistrat très consideré, & dans sa Compagnie, & dans le Public, & à qui il n'a manqué qu'une plus longue vie pour monter encore à une: plus haute consideration. Le feu Roi eut la bonté de reparer autant qu'il le pouvoit le malheur du fils, & il lui accorda la Charge de Président du Parlement, dans l'esperance, lui dit-il, qu'il le serviroit avec la même fidelité qu'avoient fait ses Ancêtres. Cette grace a une époque remarquable, elle fut la derniere d'un si long Regne.

La Régence ne fut pas moins favorable à le de Maisons. Il eut par grace singuliere ix & séance à sa place de Président, dès

ge de 18 ans.

Il travailla à mériter tout ce qu'il avoit tenu, & le mérita en effet par son applition aux affaires, par la pénétration qu'il faisoit déja paroitre, par une droiture in-

flexi-

flexible dans l'administration de la Justice. Cependant il conservoit toujours du goût pour la Physique. Ceux à qui il n'est permis de prendre les Sciences que pour le delassement ou pour l'ornement, ne peuvent choisir ni des délassemens plus nobles, rai des ornemens qui siéent mieux. Il se fit * à Maisons un Jardin de Plantes rares, & un Laboratoire de Chimie, dignes tous les deux d'un Lieu où tout ce qui n'auroit pas été magnifique auroit eu fort mauvaise grace. II est sorti du Jardin le seul Cassé, que l'on sache, qui ait encore pu venir à maturité en-France, & on affure qu'il n'a pas moins de parfum que celui de Moka. M. de Maisons a fait lui-même dans le Laboratoire, le Bleu de Prusse, le plus parfait que l'on ait encore dans cette espece de Couleur. Il avoit aussi depuis peu fait préparer des lieux pour les Expériences de M. Newton for la Lumiere qui ne sont pas aisées à répéter, & qui peutêtre eussent été poussées plus loin. Nous ne hous interessons pas tant à son Cabinet de Médailles, quoique très curieux; mais nous ne laissons pas de bien connoitre tout le prix de l'étendue & de la variété de ses connoissances.

Avec tous les droits qu'il avoit par rapport à nous, il desira d'être un de nos Honoraires, & il le fut vers la fin d'Août 1726. Le Roi le nomma Président de l'Académie pour l'année 1730. Il marqua par un redoublement d'affiduité qu'il ne regardoit pas ce titre comme un vain titre d'honneur, & il le marqua encore mieux dans les occasions où il.

il fut question de quelque interêt général de la Compagnie. Alors un Corps ne peut guere se mouvoir par lui-même, toute son action, toute sa vie réside dans son Chef, & le nôtre s'acquitta de ses fonctions avec une ardeur & un zèle qui nous firent bien sentir l'avantage de le posseder. Il prenoit une habitude, qui lui devoit être utile dans des fonctions pareilles, & plus importantes, auxquelles il étoit destiné, mais dont il a été privé par une sin trop prompte.

Il mourut de la petite Vérole le 13 Septembre 1731, ne laissant qu'un fils de la fille unique de M. d'Angervilliers Secretaire d'Etat.





MEMOIRES

DE

MATHEMATIQUE

ET

DE PHYSIQUE,

. TIRES DES REGISTRES

de l'Académie Royale des Sciences,

De l'Année M. DCC. XXXI.

observations meteorologiques
faites à Aix par M. DE MONTVALON,
Conseiller au Parlement d'Aix, comparées avec celles qui ont été faites à Paris en 1230.

Par M. CASSINI.

Observations sur la quantité de Pluye.

T. A Paris.	A Aix.
E A Paris. N Janvier op o' ‡	OP 31 14
Fevrier 1 4	2 2 24
Mars 1 5 +	2 3 14
Avril 1 6	I 8 15
Mai 1' 3 #	I I 2#
Juin 2 δ ‡	1 4 2 2
Mém. 1731. A	A Pa-

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

5 INTERIORIES DE BILLERE		
A Peris.	10.0	A Aix.
Juillet	2 ^p . 1 ^l 2	OP II Z
	0 8 %	0 5 = 5 = 5
Septembro	e. I 3 t	O 8 15
Octobre.	I 9.1	I I 24
	e. I I 🕏	0 4 註
Décembre	e. o ii 🗜	ତ ୦
Pluye tombée à Paris en 1730.		Somme de la Pluye tombée à Aix en 1730.
	16 0 4	11 0 -1

Il paroît par ces Observations comparées ensemble, qu'il n'est tombé à Aix que 11 pouc. 9 lign. ½ de pluye, 4 pouc. 3 lignes moins qu'à Paris, au-lieu que l'année précédent il en étoit tombé à Aix 18 pouc. 3 lign. ¾, un pouce & 3 lign. plus qu'à Paris, & que dans l'année 1728 il y en avoit eu à Aix 24 pouc. 9 lign. ½, 8 pouces 8 lignes plus qu'à Paris; d'où l'on voit qu'il y a eu bien plus de variation dans la quantité de pluye à Aix qu'à Paris pendant les trois années dernieres, puisqu'à Paris, de la plus grande à la plus petite, il n'y a eu qu'un pouce de difference, au-lieu qu'à Aix il y en a eu plus de douze.

A l'égard de la distribution de la pluye dans chaque saison, elle a été aussi fort différente dans ces deux Villes, puisque dans les trois premiers mois de l'année elle a été à Aix de 4 pouc. 9 lign. 1, plus grande de près de 2 pouces qu'à Paris; au lieu que dans les mois de Juin, Juillet & Août, dans lesquels

il tombe ordinairement le plus de pluye à Pans, il n'y en a eu à Aix qu'un pouce 11 lign. 1, 3 pouc. 4 lign. moins qu'à Paris.

Observations sur le Ibermometre.

Le plus grand froid est arrivé à Aix le 22 Janvier, le Thermometre y étant descendu par un vent de Nord-Est à 21 degrés, qui répondent environ à 25 degrés du Thermometre de l'Observatoire.

A Paris le plus grand froid est arrivé par un vent de Nord-Est le 27 Janvier à 23 degrés, c'est-à-dire, 2 degrés ou environ plus

bas que le 22 Janvier à Aix.

La plus grande chaleur est arrivée à Aix le 14 Août, le Thermometre étant le matin à 664 ; & le soir à 2 heures & demie à 844 ; ce qui peut répondre à 81 ou 814 de celui de l'Observatoire. Il faisoit alors un vent d'Ouest-Sud-Ouest qui est toujours chaud en ce païs, & fond plus vîte la glace ou la neige en Hyver que le vent de Sud-Est, au-lieu que les plus grands froids se font sentir ordinairement par un vent de Nord-Est ou Est-Nord-Est, comme il arriva en 1709.

A Paris la plus grande chaleur est arrivée par un vent de Sud-Ouest le 5 Août, où le Thermometre étoit le matin à 63 degrés, & a monté à 3 heures après midi à 76 degrés, c'est-à-dire, 5 à 6 degrés plus bas que le 11

Août à Aix.

Memotrés de l'Academie Royale

Sur le Barometre.

A Aix la plus grande hauteur du Barometre a éte observée le 31 Décembre à 27 pources 10 lignes, elle étoit ce jour-là à Paris de 28 pouc. 3 lign. & la plus grande hauteur y a été observée le 22 Janvier de 28 pouc. 5 lign. ½ dans le tems qu'elle n'étoit à Aix que de 27 pouces 5 lignes.

A Aix la plus petite hauteur du Barometres a été observée le 9 Mars à 26 pouces 8 lignes ½, elle étoit le 10 Mars de 26 pouces 9 lign. ½, & le 11 de 26 pouc. 9 lign. avec une difference seulement de ½ de ligne pen-

dant ces trois jours.

A Paris la plus petite hauteur du Barometre a été observée de 27 pouc. 2 lign. le 9 Mars, qui est le même jour que le Barometre à été le plus bas à Aix, & il est resté à Paris à la même élévation le 10 & le 11 du même mois. Ainsi la difference de hauteur du Barometre dans ces deux Villes seroit de 5 lignes, de même qu'elle résulte de l'Observation du 31 Décembre.

Pour pouvoir réduire au niveau de la Mer les Observations du Barometre faites à Aix, qui n'en est éloignée que de 4 lieues, M. de Montvalon est allé le 30 Mai de l'année 1730 au bord de la Mer, où il a observé la hauteur du Barometre précisément de 28 pouces. Il a réiteré cette expérience trois fois sur trois Tuyaux differens sans s'en éloigner d'un quart de ligne. Cette hauteur fut observée en mêtem à Aix de 27 pouc. 4 lign, avec une

difference de 8 lignes, ce qui, suivant les règles prescrites dans les Mémoires de l'Académie de 1703 & 1705, donneroit l'élévation d'Aix au-dessius du niveau de la Mer d'environ 55 toises. A Paris, qui est éloigné d'environ 40 lieues de la Mer, l'élévation de la Tour où l'on observe le Barometre, n'a été jugée que d'environ 45 toises; ainsi la hauteur du Barometre y doit être plus grande d'environ 4 lignes qu'à Aix, ce qui ne differe que d'une ligne des Observations des 9, 10 & 11 Mars.

M. de Montvalon ayant pris une hauteur moyenne entre toutes celles du Barometre pendant l'année 1730, l'a trouvée de 27 pouc. 4 lign. 14; & comme la difference entre la hauteur du Barometre à Aix & au niveau de la Mer a été déterminée de 8 lignes, il s'enfuit que si cette difference est constante, la hauteur moyenne au niveau de la Mer a dû être pendant l'année 1730 de 28 pouc. 0 ligne 14. Il doit réiterer cette expérience dans la belle saison, pour essayer de déterminer la hauteur moyenne du Barometre au niveau de la Mer, & pouvoir la comparer aux hauteurs moyennes observées en divers païs.

Il espere par ce moyen connoitre les hauteurs de divers pars au-dessus du niveau de la Mer, ce qu'il juge être peut-être l'usage le plus utile des Barometres, ou du moins sur

lequel l'on peut le plus compter.

Dans le grand nombre d'expériences que M. de Montvalon a faites sur le Barometre, il remarque qu'une petite bulle d'air qui s'est introduite dans un de ses Barometres, & qui

A 3,

& MEMOTRES DE L'ACADEMIE ROYALE

tendoient par tout le Ciel, & éclairoient toute la Campagne, où l'on pouvoit lire très distinctement une Lettre; à minuit & demi une de ces bandes, qui étoit du côté de l'Orient, forma une queue semblable à celle d'une Comete, où l'on distinguoit une infinité de couleurs, comme rouge, bleu, jaune, vert, &c. Ce Phénomene dura jusqu'à 4^h 3.

Quoique cette lumiere ait paru le même jour & à la même heure que celle que l'on. a vue à Paris, il n'y a point d'apparence que ce soit la même, puisqu'à Paris on l'appercut vers le Nord-Est, & qu'elle se dissipa entierement à 6h du soir; au-lieu qu'à Toulouse, qui n'est pas fort éloigné du Méridien de Paris, & où elle auroit dû paroitre vers la même région, on la vit au Nord-Ouest, où elle forma diverses apparences jusqu'au lendemain matin à 4^h 1. Ainsi on peut juger que ces deux lumieres differentes ont été causées en même tems par la même disposition ou température de l'air, & qu'elles ont duré plus longtems dans l'endroit où il y avoit une plus grande quantité de matiere propre à s'enflamer.

On remarquera ici, que ces lumieres qui étoient autrefois fréquentes dans le Nord, & plus rares dans ces païs-ci, ont commencé l'année 1730 à se faire appercevoir plus souvent & avec plus d'éclat dans les Païs méri-

dionaux.

OBSERVATIONS Aftronomiques & Météorologiques faites à Marseille par le P. Pezenas, Prosesseur d'Hydrographie, pendant l'année 1730.

Le P. Pezenas, Jésuite, Professeur d'Hydrographie à Marseille, a envoyé à M. le Conte de Maurepas plusieurs. Observations Astronomiques & Météorologiques qu'il y a faites pendant l'année 1730, dans son Observatoire, qui est élevé de 24 toises sur le niveau de la Mer.

Entre ces Observations il y en a deux d'E-

clipse de Lune.

Cette Eclipse n'a pas pu être observée à Paris, où on ne l'a vue que l'espace de quelques secondes à 3^h 20' & à 4^h 35^t, sans avoir eu le soisir d'en déterminer la quantité.

Entre les Observations Météorologiques, le P. Pezenas rapporte celles de la Lumiere céleste du 15 Fevrier 1730, qui paroissoit appuyée du côté de l'Ouest sur quelques brouillards à la hauteur de 2 ou 3 degrés. Elle s'étendoit obliquement à peu près suivant la possi-

10 MEMORES DE L'ACADEMIE ROYALE

position du Zodiaque, & formoit une espece de ceintre large par fes deux extrémités , de 10 à 12 degrés: cette lumiere étoit -beaucoup plus blanche & plus dense que la Voye de lait du côté de l'Ouest; elle étoit un peu interrompue au milieu du Ciel, où elle fe terminoit en differentes pointes ou lances lumineuses qui ne parurent pas tout le tems de l'Observation. La base de cette lumiere étoit plus large au Nord-Est, où elle paroissoit d'un rouge clair qui éclairoit toute la Campagne; elle passoit par le cœur du Lion & par l'Ecrevisse, où elle couvroit un peu Jupiter. Elle: rasoit l'épaule supérieure d'Orion, & passoit par les Pléiades, paroissant dirigée vers le Soleil. Cette lumiere n'empêchoit pas de voir les plus petites Etoiles, même au Nord-Est où elle étoit plus dense: Elle s'affoiblitdu côté du Nord-Est sur les 8 heures, elle parut plus vive sur les o heures qu'elle prit de nouvelles forces jusqu'à 10 heures que l'horizon parut de ce côté-là très éclairci. Elle: diminua ensuite. & elle cessa presque entietement sur les 11 heures.

Le P. Pezenas a aussi observé pendant les: fix derniers mois de l'année 1730, la quantité: de Pluve qui est tombée à Marseille, par le moven d'une Cuvette de Fer-blane qui aquatre pieds de surface, & d'un petit Vase cubique de deux pouces de diametre, dont six, remplis d'eau mesurent une ligne de hauteur

fur la surface de la grande Cuverte.

Observations sur la quantité de Pluye. à Marseille.

En Juillet		OP	O 1
Août		I	0 ;
Septembre		0	7
Octobre	٠.	··O	111
Novembre		0	2 ±
Décembre		0	2
	_		

Somme de la Pluye tombée

à Marseille pendant les six derniers mois de 1730 2º 10 12.

Il en étoit tombé pendant le
même tems à Aix 2 8 5.

Ainfi la quantité de Pluye tombée à Aix: pendant les fix derniers mois de 1730 ne differe que de 2 lignes de celle qui est tombée à Marseille. Il paroît même qu'elle y a été: distribuée assez uniformément dans chacune de ces deux Villes.

Le P. Pezenas a aussi observé à Marseille,, pendant l'année 1730, la hauteur du Barometre placé dans la Salle de l'Observatoire, qui, comme on l'a dit ci-dessus, est élevée de 24 toises au-dessus du niveau de la Mer.

Observations sur le Barometre.

A 6

2 Memoires de l'Academie Royale
Ervé de
Ainsi la difference de hauteur en-
tre Aix & Marseille a été de o 4 🕏
A Marseille la plus petite hauteur
du Barometre a été observée le 11
Mars de
Il fut observé à Aix deux jours au-
paravant à sa plus petite hauteur de 26 8 💈
Et le 11 Mars de 26 9
De sorte que la difference entre la plus pe-
tite hauteur observée à Marseille & à
Aix dans deux jours differens a été de o 514
Bt le 11 Mars de 5
fort approchante de celle que l'on a trouvée
par la plus grande hauteur du Barometre.

Le 29 Décembre 1729, le P. Pezenas obferva à Marseille la Déclinaison de l'Aimant de 14^d 50' vers le Nord-Ouest.

EXAMEN DES LIGNES DU QUATRIEME ORDRE.

TROISIEME PARTIE DE LA SECTION I.

Dans laquelle on traite des Osculations, des Lemniscates infiniment petites, des points triples, & enfin d'une nouvelle espece de point multipleinvisible, dont les Lignes du quatrieme ordre sont susceptibles.

Par M. L'Abbé de Bragelongne.

Es Osculations & les Lemniscates infini-ment petites, dont on va parler dans ce Mémoire, sont des especes de points multiples qui ont beaucoup plus de rapport avec les points doubles qu'avec les points triples. auxquels seuls nous avions destiné cette troiseme Partie. Il étoit donc naturel que le Mémoire imprimé en 1730, page 517 & suivantes, renfermat la Théorie de ces Osculations & de ces Lemniscates infiniment petites, & en même tems l'application de cette Théorie aux lignes du 4me ordre. Mais comme j'étois obligé, en quelque forte, de ne donner à mon second Mémoire qu'une certaine étendue. & que cette Théorie; jointe à la matiere qui devoit nécessairement y entrer, excedoit de beaucoup les bornes dans lesquelles je me trouvois renferme; j'ai cru qu'il A 77

14 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

étoit plus à propos de renvoyer à la tête de la troisieme Partie tout ce qui concerne ces deux especes de points multiples, que de faire, dans la seconde Partie de cette Session, quelques retranchemens qui auroient pu causer de l'obscurité dans la suite de ce Traité.

Ainsi on va commencer ce troisieme Mémoire par une matiere qui devroit naturellement être à la fin du second; par la Théorie de deux points multiples, qui ont beaucoup de choses communes avec les points doubles & sur-tout avec les points de rebroussement, mais qui n'ont rien de communavec les points triples, si ce n'est que les lignes Algébriques ne commencent d'en être susceptibles que dans le 4me ordre.

Après cela nous ferons voir comment on applique aux lignes du 4^{ne} ordre, la Théorie contenue dans les Art. 53 & 54 du premier Mémoire, où l'on a donné des règles pour connoitre si un point donné sur une ligne donnée, est triple, & de quelle espece

de triplicité il est.

Enfin nous traiterons d'une nouvelle espece de point multiple que je nomme le Lemenisceros infiziment petit: c'est un point triple, lequel, quoiqu'invisible sur le plan & quoiqu'adhérant à la courbe, est très different de celui dont on a parlé dans les Art. 50 & 60 du premier Mémoire.

Nous nommons celui-ci Lemnisceros infiniment petit, parce qu'il est produit par un entrelacement de la Courbe, qui se fait dans un espace infiniment petit, pareil à ces entrelacemens qu'on appelle vulgairement Las

Si on ne l'à pas annoncé dans la premiere Partie de cette Section, c'est parce que, le Lemnisceros supposant trois intersections de la même courbe à certaines distances les unes des autres, on a cru qu'il falloit démontrer qu'une ligne du quatrieme ordre pouvoit avoir. trois intersections, avant de faire voir que ces interfections, en devenant infiniment près les unes des autres, pouvoient former, dans de certains cas, ce que l'on appelle ici un Lemnisceros infiniment petit; & ce n'est que par les Articles 83 & 84 du second Mémoire, qu'on a démontré qu'il pouvoit y avoir trois points d'intersection sur une même ligne du 4me ordre. Ainsi on s'est vu oblige, en quelque façon, de rejetter la Théorie des Lemnisceros infiniment petits, jusqu'à la troisieme Partie de cette Section, dont les Articles doivent suivre le même ordre que ceux des Mé. moires précédens, puisqu'elle en est la suite.

DEFINITION ET EXPLICATION.

CXII. Tous les Géometres conviennent aujourd'hui, comme nous l'avons déja dis plusieurs fois, que la Tangente d'une courbe n'est autre chose qu'une ligne droite qui coupe cette courbe en deux points infiniment près l'un de l'autre. Sur cette idée, il est aisé de voir qu'une courbe, qui en touche une autre, la coupe en deux points infiniment près l'un de l'autre, enforte que ces deux points sont communs, & à la courbe

16 Memoires de l'Academie Royale

touchée, & à la courbe touchante.

Ainfi, lorsqu'une courbe se touche elle-me, elle passe deux fois par un point du plan sur lequel elle est décrite, & deux fois par un autre point, du même plan, infiniment près du premier. Le lieu où cette courbe se touche elle-même, sera nommé ici l'Oscula-

COROLLAIRE I.

CXIII. De la il est aise de conclure, 10. Que l'Osculation d'une courbe est équivalente à deux points d'intersection infiniment près: l'un de l'autre. 20. Que la tangente à l'Osculation d'une courbe quelconque est équiva-· lente à une fécante en deux points doubles infiniment près l'un de l'autré, ou, ce qui est la même chose, à une sécante en quatre points simples. 3º. Que les lignes du 4me ordre sont susceptibles d'Osculation: car, puisque ces lignes peuvent avoir jusqu'à trois points doubles *, s'il arrive que deux de ces. points doubles soient des points d'intersection infiniment près l'un de l'autre, ces deux points formeront une Osculation. 4°. Mais en même tems, il est évident que les lignes. du ame ordre +, & à plus forte raison celles. du 24, ne sauroient avoir d'Osculation.

COROLLAIRE II.

QXIV. De là il est aise de conclure enco-

Art. 83. 2 Mem. + Art. 36. 8 42. 1. Mem.

mais avoir plus d'une Ofculation: car, puifqu'une Ofculation est équivalente à deux points doubles *, deux Ofculations doivent être équivalentes à quatre points doubles, & par conséquent une courbe qui a deux Ofculations a réellement quatre points doubles, qui pris deux à deux sont infiniment près l'un de l'autre: or, par l'Art. 110 du second Mémoire, une ligne du 4me ordre ne sauroit avoir quatre points doubles; donc une ligne du 4me ordre, ne sauroit jamais avoir deux Ofculations.

C'OROLLAIRE III.

CXV. Il n'est pas moins évident que la tangente à l'Osculation d'une ligne du 4^{me} ordre ne sauroit rencontrer sa courbe en un autre point: car, cette tangente étant équivalente à une sécante en quatre points infiniment près les uns des autres †, si elle rencontroit sa courbe en quelque autre point, elle seroit sécante en cinq points: or, il est impossible ‡ qu'une droite soit sécante, en cinq points, d'une ligne du 4^{me} ordre. Donc, &c.

COROLLAIRE IV.

CXVI. Il est visible \(\) qu'une tangente \(B T_{\text{o}} \) en un point d'osculation \(B \) d'une courbe quelconque \(MB m \) \(NB m_{\text{o}} \), est tangente en \(B \) de la branche \(MB m_{\text{o}} \), \(\) tangente en ce même point \(B \) de la branche \(NB m_{\text{o}} \), enforte qu'ella.

^{*} Art. 113. n. 1. † Art. 113. n. 2. ‡ Art. 13. 1. Mem. | Fig. 59.

16 Memorres de l'Academie Royale

Le est deux sois tangente de la courbe MB ma-Nu sen un même point o; donc la seconde differentiation de l'équation de cette courbe (faite suivant ce qui est dit dans l'Art-63 du second Memoire) doit fournir deuxvaleurs, égales & de même signe, du rapport de l'ordonnée à la soutangente de la courbe en ce point d'osculation. Propriété qui convient aussi au point de rebroussement simple, comme on l'a remarqué dans l'Art-52 du premier Mémoire.

COROLLAIRE V.

CXVII. La tangente au point de rebrouffement finiple n'étant équivalente qu'à une sécante en trois points infiniment près les uns des autres, comme on l'a démontré dans les Art. 19 & 35 * du premier Mémoire, & la tangente à l'Osculation étant équivalente à une sécante en quatre points infiniment près les uns des autres †; il est évident qu'a-près avoir trouvé, par l'Art. 63 du second Mémoire, pour un point multiple donné, dont on ignore la nature, deux tangentes qui tombent exactement l'une sur l'autre, ce point pouvant être ou un Rebroussement, ou une: Osculation ‡, il est évident, dis-je, que l'on connoitra la véritable nature de ce point, en traitant cette double tangente comme une sécante de la courbe: car si cette double tangente, considerée comme une sécante, se trouve sécante en quatre points infiniment près-

* m 5. † Are, 113, m 2. † Are, preieth.

près les uns des autres, le point multiple en question sera une Osculation (Arr. 9, 113. m. 2.) si elle ne se trouve que sécante en trois points infiniment près les uns des autres, le point multiple en question ne sera qu'un point de rebroussement (Art. 19. 1. Mem.) Donc, quoique le calcul analytique ait quesque chose de commun & aux points de rebroussement, & aux points d'osculation, néanmoins ce même calcul sera toujours connoitre si le point en question est un Rebrousse. ment ou une Olculation. Exempt a

Il est visible (par l'Art. 81. du second Mémoire) que cette Equation désigne une courbe qui passe deux fois par un point B de son axe AQ, (distant de A, origine de cet axe, de la grandeur AB = a); puisque dans le dernier membre origine Equation égalé à zero (c'est-à-dire, dans $cx^3 - 2cax^4 + ca^2x = 0$) il de cette Equation égalé & zero (c'est-à-dire, dans $cx^3 - 2cax^4 + ca^2x = 0$) il y a deux racines égales & de même signe (qui sont x - a = 0 & x - a = 0), & y a deux racines égales & de même signe (qui sont x - a = 0 & x - a = 0), & or x - a = 0CXVIII. On demande quel est le point multiple de la courbe ANBm MBm, (Fig. 59.) dans laquelle le rapport des abscisses AQ(x) aux ordonnées QM(y) est exprimé par l'Equation marquée ici par (D). (D) 44 - 5 cy3 - 7 cx - 6 ca × 42 - 3 cx2 - 4 cax + caa× y = ex3 - 2 cax2 + ca2 x1

The meme Equation (c'est-à-dire, de 3 c x² - 4 c a x + c a a).

Cela pose, il est clair (dre. 46: premier Mem.) qu'il faut differentier deux fois l'Equation donnée, pour avoir en ce point B, le rapport du (dy) au (dx) ou, ce qui est la même chose, pour connoirre les tangentes de la courbe en ce point. Cette double differentiation donnera l'Equation differentielle qu'on voit marquée ici par z.

B, qui sont x = a & y = 0: or cette substitution donne $\frac{dy^2}{dx^2} + 2 \frac{dy}{dx^2} + 1 = 0$ On rendra cette Equation différentielle, propre au point multiple B, en y substituant, au-lieu des indéterminées (x) & (y), leurs valeurs en ce même point Σ_{x} , $\frac{dy^{2}}{dx^{2}}$ $\frac{|6cx+14c7-4cx+6caxdx}{24y^{2}-15cy-7cx+6caxdx}$ 24y2-15cy-7cx-6ca = 0.

369-36x-26a

de la courbe au point multiple B, tombent exactement l'une sur l'autre (en fai-fant avec l'axe AB & une droite QT, parallele aux ordonnées, un triangle iso-scele BQT). D'où il suit que le point multiple B, de la courbe en question; d'où l'on tire $\frac{dy}{dx} = -1$, & $\frac{dy}{dx} = -1$, ce qui fait voir que les deux tangentes est ou * un Rebroussement, ou bien † une Osculation.

Mais puisque la droite B7, double tangente de la courbe en B, fait, avec l'axe AB& les droites QT paralleles aux ordonnées. des triangles isosceles comme BOT, il est clair que l'Equation u=a-x est l'Equation de cette droite BT, par rapport à l'axe AQ; donc toutes les fois que (y) ordonnée de la courbe deviendra $= n = a - \kappa$, la courbe en question & la droite BT se rencontrerent. Ainsi la substitution de (a-x) au-lieu de l'indéterminée (y), dans l'Eqution marquée (D), doit ‡ donner une égalité du quatrieme degré, dans laquelle il n'y ait que des (x) & des constantes, dont les racines seront les expressions des abscisses correspondantes aux points de rencontre de la courbe en question & de la droite BT; or cette substitution donne l'égalité $x^4-4ax^3+6aaxx-4a^3x+a^4=0$ dont les quatre racines x=a, x=a, x=a, & z=a, sont égales & de même signe: donc les quatre points de rencontre de la courbe ANB m MB s & de la droite BT, tangente au point multiple B, tombent tous quatre en B: donc la tangente BT est, en B équivalente à une sécante en quatre points infiniment près les uns des autres: donc le point multiple B n'est pas un point de rebroussement, car s'il étoit un Rebroussement, la tangente BT ne seroit équivalente, en B. qu'à une sécante en trois points infiniment

^{*} Art. 63. second Mem. † Art. 1162.

22 Memoires de l'Academie Royale

près le uns des autres. Donc ce point multiple B est une Osculation †. Ce qu'il falloss faire voir par cet Exemple.

REMARQUES.

CXIX. 1º. Si de tous les points de la courbe A NBmMBm, on mène des droites comme Mm & Nm, paralleles à la tangente BT de la courbe au point d'osculation B, & terminées de part & d'autre: par la courbe, ces droites seront coupées par l'axe AQ en deux parties égales, en des points comme P & p: d'où il suit que cet axe AQ est un diametre de la courbe A NBmMBm.

20. Si par le point A, origine des abscisses, on mène une droite AT, parallele à la tangente BT du point d'osculation B, cette droite AT fera tangente de la courbe ANBmMBm

au sommet A de l'axe AQ.

3°. Toutes les droites, comme mPM, menées parallelement à la tangente BT; du côté des (x) positifs, rencontrent toujours la courbe en deux points, à quelque distance qu'elles soient de l'origine A de l'axe AQ. D'où il suit que cette courbe s'étend à l'insini de part & d'autre de l'axe, du côté où les (x) sont positifs.

40. Les droites menées parallelement à la tangente BT, du côté des (x) négatifs, ne rencontrent jamais la courbe, à quelque diftance qu'elles foient de l'origine A de l'axe AQ. D'où il fuit que la courbe ANBmMBx

DC

ne s'étend pas au-delà du point A par rap-

port au point B.

5°. De-là il est aisé de conclure que cette courbe est composée de deux branches insinies BM, Bm, qui s'unissent en B, sommet d'une sinuosité MBm, & qui y baisent une ovale ANBn, qui fait partie de la courbe, & y est adhérente par le moyen de l'osculation B.

A VERTISSEMENT.

On pourroit donner ici plusieurs autres exemples d'Osculations prises parmi les lignes du 4me, ordre, mais je crois que l'exemple précédent sufsit pour faire connoître de quelle maniere on doit manier l'Analyse pour reconnoître les Osculations, des autres points multiples, dont les lignes algébriques sont susceptibles.

DEFINITION ET EXPLICATION.

CXX. On a remarqué des le commencement de ce Traité * que les lignes du 4me, ordre, soit qu'elles s'étendent à l'infini, soit qu'elles rentrent en elles-mêmes, peuvent avoir des Lemniscates conjuguées: on en a même déja vu un exemple dans l'Art. 104 du second Mémoire. Ces Lemniscates conjuguées peuvent être infiniment petites, & alors elles forment un certain point multiple invisible, mais conjugué, dont nous n'avons pas encore parlé; c'est ce que je nommerai dans

4 Art. 2. 1. Men.

- 724 Memoires de l'Academie Royale

la suite Lemniscate insiminent petite conjugue ou bien, Lemniscate invisible, parce qu'effectivement, lorsque la courbe est tracée, cette Lemniscate ne parost pas, quoiqu'elle existe réellement, & quoique son existence se fasse sentir par l'Equation qui exprime la nature de la courbe.

REMARQUES.

CXXI. Il est aisé de voir, ro. Qu'une Lemniscate sinie GEB: GFA o G* n'est autre chose que deux ovales sinies, & infiniment près l'une de l'autre qui se nouent en G, point d'intersection de cette Lemniscate; de même une Lemniscate infiniment petite n'est autre chose que deux ovales infiniment petites & infiniment près l'une de l'autre, nouées ensemble par une intersection, qui ne differe des autres intersections qu'en ce que les portions de courbe qui s'y nouent sont invisibles à cause de leur infinie petitesse.

2°. Puisque les deux tangentes à l'intersection, d'un Folium infiniment petit, ne forment entre elles qu'un angle infiniment petit †; il est clair que les angles TGA, tGA
(formés par les tangentes GT, GT au nœud
G de la Lemniscate GEB GFA \$\phi G\$, & par
la doite GA qu'on peut nommer le parametre de cette Lemniscate) seront infiniment
petits, si cette Lemniscate est infiniment petite; d'où il faut conclure que les tangentes
à l'intersection d'une Lemniscate infiniment
petite se confondent ensemble, par rapport

au fini, n'y ayant point de grandeur finie affez petite pour exprimer le finus de l'angle qu'elles forment entre elles.

COROLLAIRE I.

CXXII. Puisque les Lemniscates infiniment petites sont formées par la réunion de denx ovales infiniment petites qui se nouent ensemble , il est visible, 10. Qu'une Lemniscate infiniment petite est équivalente à deux points doubles invisibles infiniment près l'un de l'autre. 2º. Que les lignes du 4me ordre peuvent avoir des Lemniscates infiniment petites conjuguées; car puisque ces lignes peuvent avoir deux points doubles invisibles fur la même droite 6, s'il arrive que ces deux points doubles invisibles soient infiniment près l'un de l'autre, ces deux points formeront une Lemniscate invisible c. 30. Que les lignes du 3me ordre ne fauroient avoir de Lemniscates invisibles, par la raison qu'elles ne sauroient jamais avoir plus d'un point doule d. 40. Que les lignes du 2d ordre ne pouvant pas avoir de points doubles, elles ne peuvent, à plus forte raison, avoir de Lemniscates invisibles.

COROLLAIRE II.

CXXIII. De-là il est aisé de conclure encore, qu'une ligne du 4 e ordre ne sauroit

a Art. prield. n. 1; b Art. 38. n. 3. prem olim.
Mem. 1731.

B. Art. 42. prem, Min.

jamais avoir plus d'une Lemnifeate infiniments petite conjuguée: car pui qu'une Lemnifeate infiniment petite conjuguée est équivalente à deux points doubles invisibles à, il est clair que deux Lemnifeates infiniment petites conjuguées sont équivalentes à quatre points doubles invisibles; donc une courbe qui a deux Lemnifeates infiniment petites conjuguées, a quatre points doubles: or une ligne du 4 per ordre ne fauroit jamais avoir quatre points doubles be donc une ligne du 4 ordre ne sauroit jamais avoir deux Lemnifeates infiniment petites conjuguées.

COROLLAIRE HIL

CXXIV. Puifque l'interfection d'une Lemniscate infiniment petite conjuguée ne differe pas e essentiellement des autres points d'interfection, il est évident que pour avoir, à l'interfection de ces especes de Lemniscates. les rapports de l'ordonnée aux soutangentes de la courbe, il faut differentier deux fois l'Equation de la courbe (fuivant la méthode de l'Art. 163 de l'Analyse des infinimentenetits.) Mais il n'est pas moins évident que la feconde differentiation doit fournir alors deux valeurs réelles, égales & de même signe, du apport de l'ordonnée aux deux soutangentes, puisque e dans tout point d'interfection d'une Lemniscate infiniment perite conjuguée : les doux tangentes sont sensées, par

² Art. 121. 6 Art. 109, & 110. fecand. Mes. c Art. 121. 8. 1. 6 Art. 16. prem, Min. 6 Art. 121, 8, 2.

per rapport au fini, se confondre ensembles Propriété qui convient aussi & au point de rebionffernent simple, comme on l'a dit dans PArt. 52 du premier Mémoire, & au point dosculation, suivant l'Art. 116 de celui-ci.

COROLLAIRE IV.

CXXV. I fuit encore des Art. 121 & 122. & de ce que les Lemniscates infiniment petites sont composées de deux Foliam égaux; que la tangente à l'intersection d'une Lemniscate infiniment petite conjuguée, est équivalente à une sécante en quatre points; car l'intersection de toute Lemniscate, dont les Folium font égaux entre eux, est une interfection de la 3me espece; or les tangentes à l'interfection de la 300 espece sont équivalentes à des fécantes en quatre points infiniment près les uns des autres »; donc les tangentes à l'intersection d'une Lemniscare infiniment petite sont équivalentes à des sécantes en quatre points simples infiniment près les uns des autres. Propriété qui convient aussi aux points d'osculation , mais qui ne convient pas aux Rebroussemens ordinaires. dont les tangentes ne sont équivalentes qu'à des sécantes en trois points simples infiniment mès les uns des autres c.

COROLLAIRE

CXXVI. Il fuit encore d de l'Art. 120, c'esta Art. 51. n. 3. prem. Mem. b Art. 116. & Ast. 33. 11. 5. prem, Mem.

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

c'est-à-dire, de ce que l'on suppose que la Lemniscate infiniment petite est conjuguée, il suit, dis-je, qu'entre cette Lemniscate un point quelconque C de la courbe MC m, à laquelle elle est conjuguée, il doit y avoir, sur l'axe GC, des abscisses réelles, comme GC, auxquelles il n'y a que des ordonnées imaginaires qui puissent correspondre: car de ce qu'une Lemniscate est conjuguée, il s'ensuit qu'il y a un espace vuide entre elle & la courbe à laquelle elle est conjuguée.

REMARQUE.

CXXVII. De-là nait la difference qui doit se trouver par le calcul analytique entre un point de rebroussement ordinaire, une Osculation. & une Lemniscate infiniment petite. Car quoique ces trois points ayent cela de commun, que dans les uns & dans les autres les deux tangentes ne font entre elles qu'un angle infiniment petit, ensorte que par rapport au fini ces deux tangentes sont sensées tomber l'une sur l'autre; quoique ce soit. dis-ie, le calcul analytique qui donne cette propriété commune à ces trois points multiples, néanmoins ce calcul fera conneitre. 10. Si cette double tangente, dont la position par rapport à l'axe a été découverte, est équivalente à une sécante en trois points simples infiniment près les uns des autres, ou bien à une sécante en quatre points simples infiniment près les uns des autres. Dans le premier cas, le point multiple en question

croit un Rebroussement. dans le second tas, ce seroit ou une Osculation, ou une Lemuiscate infiniment petite conjuguée. 2°. Ce
même calcul fera connoitre dans le second
cas, où il reste encore de l'ambiguité, si les
ordonnées, qu'on imagine entre le point
multiple en question & un autre point quelconque C de la courbe, sont des ordonnées
réelles, ou imaginaires: car si elles sont
réelles, le point multiple en question est une
Osculation d; si elles sont imaginaires, c'est
une Lemniscate infiniment petite conjuguée.
C'est ce que l'on va voir par l'Exemple suivant.

EXEMPLE.

CXXVIII. On demande quel est le point multiple de la courbe MCm^{ϵ} , dont la nature est exprimée par l'Equation suivante marquée (1) dans laquelle l'indéterminée (x) exprime les abscisses GQ, & l'indéterminée (y) les ordonnées QM, faisant avec l'axe GQ des angles droits GQM.

(1) ... y - + by 2 - | 36x-66 × yy + 36x 2-266x. y=6x3-66xx.

Il est évident (par l'Art. 81 du 2^d Mémoire) que cette Equation désigne une courbe qui passe deux fois par le point G, origine de son axe, puisque dans le dernier membre de cette Equation égalé à zero (c'est-àdire, dans $bx^3 - bbxx = 0$) il y a deux racines réelles égales & de mêmes signes (qui sont

a Ars. 35. n. 2. prem. Mem. b Ars. 116. c Ars. 125. d Ars. 116, c Ars. précéd. f Fig. 61.

Illembre de cette même Equation (c'éstra-dire de 36x2-266x2)

Cela posé, il est clair (Ar. 46. premier Min.) qu'il faut différentier deux fois l'Equation donnée pour avoir, en ce point G, le rapport du (dy) au (dx), our (ce qui est la même chose) pour connoître les tangentes de la courbe en ce point.

Cette double différentiation donnera l'Equation différentielle qu'on voit mar- $(\Sigma) \frac{dy^2}{dx^2} = \frac{(5y - 3bx + 2bb, dy}{3by - 3bx + bb} = 0.$

A de la courbe, au point multiple G, tombent l'uné sur l'autre (en faisant avec l'axe GQ un angle de 45 degrés); d'où il suit que ce point multiple G est ou un en Rebroussement (Art. 32. primier Mer.) ou une Osculation (Art. 116.) ou une =0, d'où l'on tire $\frac{dy}{dx}$ =1 & $\frac{dy}{dx}$ = 1, ce qui fait voir que les deux tangentes point G_y offi font x = 0 & y = 0: or cette substitution donne $\frac{dy}{dx} - 2 \times \frac{dy}{dx} + 1$ On rendra cette Equation differentielle propre au point multiple G, en y substituant, au-lieu des indéterminées (x) & (y), leurs valeurs en ce même

Lemniscate infiniment petite conjug rée .

Mais toutes les droites menées parallelement à l'ordonnée principale GL entre ce point G de le point G (distant de G de la grandeuf GC = b) où la courbe rencontre son axe, étant des ordonnées imaginaires, il s'enfuit que le point multiple G est absolument séparé & isolé de la courbe MCm, à laquelle il appartient, & par conséquent b que ce point multiple est une Leinniscate infiniment petite. Ce qu'il falloit saire voir par tet Exemple.

SCHOLIES.

CXXIX. Puilque l'Osculation est equivalente à deux points d'intersectione, & que la Lemniscate infiniment petite conjuguée vaut autant que deux points doubles invisibles a. il est évident, 1°. Qu'une ligne du 4me ordre. qui a une Osculation, peut encore avoir un point double: de même celle qui a une Lemniscate infiniment petite conjuguée, peut avoir en même tems un point double: c'est une suite de l'Art. 83 du second Mémoire. on nous avons prouvé qu'une ligne du 4me ordre pouvoit avoir trois points doubles. 20. Il n'est pas moins évident qu'une ligne du 4me ordre, qui a ou une Osculations où une Lemniscate infiniment petite conjuguée, ne fauroit avoir de point triple: car puisqu'une ligne du 4me qu'dre, qui a un point double, ne sauroit avoir de point

² Art. 125. b Art. précéd. 6 Art. 323. d Art. 122. n. b.

92 Memoires de l'Academie Royale

triple , à plus forte raison celle qui a deux à points doubles, ne sauroit avoir de point ; triple: or une Osculation & une Lemniscate infininiment petite conjuguée sont l'une & l'autre équivalentes à deux points doubles . Donc &c.

AVERTISSEMENT.

On pourroit donner ici quantité d'Exemples de Ligues du 4me ordre qui ont en même tems 🗗 un point d'Osculation & un point double, ou bien une Lemniscate infiniment petite conjuguée & un point double. Telles sont, par exemple, les courdes défiguées par les Equations y+ - 2 b x y y = x+ +2bx'+bbxx, &y'-bxyy+x'- 2bx3 + bbxx = 0. La premiere designe une ligne du 4me ordre qui a une Osculation à son origine & une intersection sur som axe, distanse de l'origine des indéterminées & & y d'une grandeur =-b. La seconde désigne une ligne du 4me ordre qui a une Lemniscate infiniment petite conjuguée à son origine. Et un point d'insersection sur son axe distant de la Lemniscate infiniment petite conjuguee d'une grandeur =+ b. Mais je craindrois, en m'y arrêtant davantage. Callonger inutilement ce Mémoire: ainsi je passe de qui concerne les points triples, & en premier lien à cette espece de point triple que nous avons. semme le Lemnisceros infiniment petit.

REMARQUE.

CXXX. On a vu, dans le second Mémoine des. 44- premier Mém. b des. 113, & 122. re, qu'une ligne du 4me ordre, foit qu'elle rentre en elle-même, soit qu'elle s'étende à l'infini, peut avoir jusqu'à trois points d'insersection: on en a même donné des exemples dans les Art. 84 & 86, où l'on a fait voir que les courbes MRBKEVCRFOBVm* & ERBKfVCRepBVF + avoient trois points d'intersection, & que ces trois interfections venoient à la fuite d'un entrelacement que nous avons nomme Lemnifeeros 1a cause de sa ressemblance avec cet entrelacement qu'on nomme vulgairement Las-d'Amont.

Si les droites BA, BC & $K\phi \pm$, qui font. pour ainsi dire, les parametres, ou les droites qui mesurent la hauteur & la largeur du Lemnisceros R B K EVC R F \(B V \), sont towtes trois infiniment petites, il est visible non seulement que les trois points d'intersection sont infiniment près les uns des autres, mais encore, que l'entrelacement des branches de la courbe se fait dans un espace infiniment. petit.

DEFINITION.

CXXXI. Ainsi, ce que je nomme Lemniscanos infiniment petit est un entrelacement des branches de la courbe, qui se fait dans un espace infiniment petit, lorsque les trois parametres BA, BC, $K\phi$, de cet entrelacement, font infiniment petits.

C Ó-

COROLLAIRE L.

CXXXII. Il est évident, 1º. Que le Lernnisceres infiniment petit est un point triple :
car lorsque le parametre BC d'un Lemniscenos sini VB p FC R CVE KB * devient = 0,
il est évident que les points B & C tombent
exactement l'un sur l'autre, & par conséquent
que la courbe a un point triple en B, parsequ'elle passe alors trois fois par ce point B:
or dans tout Lemnisceros infiniment petit
le parametre BC devient infiniment petit,
ou = 0 †; donc dans tout Lemnisceros infiniment petit il y a un point triple.

20. Il n'est pas moins évident que la triplicité du Lemnisceros infiniment petit, est invisible lorsque la courbe est décrite: car le Lemnisceros étant infiniment petit, ou, ce qui est la même chose ‡, les droites B A, Kø, étant infiniment petites, il est clair que l'entrelacement de la courbe est invisible; or c'est cet entrelacement des branches de la courbe qui cause la triplicité du point B; donc cette triplicité est invisible, puisque l'en-

trelacement n'est pas visible.

COROLLATRE II.

CXXXIII. Lorsque les droites BC, BM & $K\phi$ font infiniment petites, il M évident que les tangentes des trois points C, K, ϕ , font infiniment près les unes des autres.

* Fig. 42. 4 dit. priegh. Anti-panely

D'où il suit que dans tous les Lemnisceros infiniment petits, il y a trois tangentes, qui sont infiniment près les unes des autres, c'estadire, trois tangentes qui, par rapport au sini, sont sensées tomber les unes sur les autres.

COROLLAIRE III.

CXXXIV. Puisque le Lemnisceros infiniment petit est un point triple , il est clair
qu'il faut differentier trois fois l'Equation de
la courbe † pour avoir, en ce point, le rapport de l'ordonnée aux foutangentes de la
courbe; mais puisque les trois tangentes de
la courbe, en ce point, se confondent ensemble par rapport au fini †, il est visible
que la troiseme differentiation doit donnér;
pour ces sortes de points triples, trois valeurs réelles, égales & de même signe, de la
fraction du , c'est-à-dire, du rapport de l'ordennée à la soutangente de la courbe en ces
point.

Remare que se

CXXXV. De la nait la difference qui doité fe trouver, dans le calcul algébrique, entré les quatre especes de points triples, dont nous avons parlé jusqu'ici, savoir, entre les Lemnisceros infiniment petits; les points triples d'intersection; les points de rebroussement par lesquels il passe une 3me branche de

* Art. 132. † Art. 46. premier Mem, + Art. pelitul'

la courbe; & enfin entre les points triples invisibles formés par l'adhésion d'une ovale infiniment petite sur une des branches de la courbe. Car, 10. dans les points triples d'intersection, la troisieme differentation doit fournir trois valeurs réelles & inégales des rapport de la constant de la constan par lesquels il passe une troisieme branche de la courbe, des trois valeurs de de, il doit y en avoir deux égales entre elles & de même signe, & une troisieme inégale b. 30. Dans les points triples formés par l'adhésion d'une ovale infiniment petite, des trois valeurs de , il doit y en avoir deux imaginaires & une réelle c. 4°. Enfin dans le point triple, que l'on nomme ici le Lemnisceros infiniment petit, la troisseme differentiation doit fournir trois valeurs réelles égales, & de même figne. du rapport de de de Donc chaque espece de point triple est distingué dans le calcul analytique par un caractere different: donc il est aisé de reconnoitre, par le calcul seut, & avant de supposer la courbe décrite, de quelle espece est un point triple donné sur cette courbe.

PRO-

² Art. 54. premier Mem, b Art. id. 6 Art. id.

PROPOSITION XI.

THEOREME

CXXXVI. Toutes les lignes du 4me ordre (telle que MGDGCGmuEBFN*) dont la nature est exprimée par une Equation particuliere qui peut se rapporter à l'Equation générale. marquée ici par (30), dans laquelle (2) expri-me les abscisses GQ, & (u) les ordonnées QM, ont un point triple à l'origine G de leur ane.

 $(30)...\Delta u^4 + \overline{Qz + A} \times u^3 + \overline{Bzz + cz} \times n^2$ $+Ez^*+Fz^*\times u+Kz^*+Lz^*=0$

DEMONSTRATION.

Lorsque le point Q tombe en G, alors GQ(z) étant =0, l'égalité marquée par (L), dans l'Art. 49. du premier Mémoire, est telle qu'on la voit ici.

$(L)...\Delta u^4 + Au^3 = 0.$

Cette égalité ayant trois racines égales & de même figne, qui sont == 0, == 0, &==0, il est visible qu'il y a au point G, trois ordonnées égales & de même figne. Mais quand l'ordonnée QM = 0, l'égalité marquée par (1), dans le même Art. 40, qui donne les valeurs des abscisses GQ(z), lorsque les ordonnées QM(u) sont égales à une des racines de l'egance (2), je, est telle qu'on la voit ici en (1). racines de l'égalité (L), cette égalité, dis-

38 Memores de l'Acedemie Royales

(A)... $Kz^4 + Lz^3 = 0$.

Or cette feconde égalité ayant encore trois racines égales & de même figne, qui font z=0, z=0, & z=0; il est visible qu'il y a au point G, non-seulement trois ordonnées égales & de même figne, comme on vient de le voir, mais encore trois abscisses égales & de même figne, favoir z=0, z=0. & z=0. Donc * il doit y avoir en G, ou un point triple auquel GQ & GL foient secantes, ou bien un point double auquel GQ & CL

GL foient tangentes.

$$\left\{
 \begin{array}{c}
 +\Delta b \\
 +2b \\
 +Bb \\
 +Eb \\
 +Eb \\
 +L
 \end{array} \right\} z^{1} \stackrel{=}{=} 0.$$

Of cette egalité, ayant trois racines égales

Vas. 53. premier Mem.

à zero, il est évident que la sécasite GM rencontre, en G, trois points de la courbe MGDGCGmµEBFN, tandis que l'axe GQ, & l'ordonnés principale GL rencontrent aussi en G trois points de la même courbe. Donc « le point G est un point triple, & cela, dans toutes les courbes MGDGCG mµEBFN, dont la nature peut être exprimée par l'Equation marquée (30) dans l'exposé de ce Théoreme. C. Q. F. D.

PROPOSITION XIL

PROBLEME.

CXXXVII. Les mêmes choses étant poséens déterminer si à point triple G, de la courbe en question (dont la nature est exprimés par l'E-quation (30), est un point triple d'intersétion v de trois branches; on s'il est un point triple sormé par le rebroussement de deux branches est le passage d'une troisement branche par ce point de rebroussement e, ou si c'est un point triple inviseble, produit par l'adhesson d'une quale insument petite sur une des branches de la tourbe ; ou ensur si c'est un point triple invisible, cause pur l'entrelacement des branches de la courbe en sur l'entrelacement des branches de la courbe en sur me de Lemnisceros.

Solution.

On cherchera d'abord quel est le rapport

2 Arr. id. b Fig. 54. c Fig. 65. d Fig. 66. e Fig. 67.

de (dz) à (z) au point G, origine de la courbe, & pour cela, le point G de tant un point triple, on commencera par differentier trois fois l'Equation mater quée (Art. précéd.) par (30), felon la méthode de M. Bernoulli: la troisieme differentiation donnera l'Equation differentielle qu'on voit ici marquée par (z). (E)... **3**+0. $\begin{cases} dx^{3} + 32x \\ + C \end{cases} dx^{2} dx^{2} + 3Ex \begin{cases} dx dz^{2} + 4Ex \\ dx^{2} = 0. \end{cases}$

Cela fait, on rendra cette Equation propre au point G, en y substituant, aulieu des indéterminées (z) G'(x), leurs valeurs en ce même point G, qui sont (Art prétéd.) z=0, & x=0; ainsi l'Equation (Σ) , étant devenue telle qu'on la voit ici én (P), exprimera le rapport de $(d\varkappa)$ à (dz), ou, se qui est la même chose, se rapport de l'ordonnée à la soutangente de la courbe au point triple G. $(P) \dots \frac{dz}{dx^3} + \frac{Fdz^4}{Ldx^4} + \frac{Cdz}{Ldx} + \frac{d}{L} = 0$

Q dire, de étant ici élevé jusqu'à la 3me puillance, il est manische qu'il doit y a-

Mais ce rapport de l'ordonnée à la foutangente, au point triple G, c'est-à-

voir quatre differens cas. Car, 1°. Si l'Equation (P) a trois racines réelles & inégales, c'est-à-dire, si elle fournit trois valeurs réel-

les & inégales du rapport $\frac{dz}{dz}$, la courbe au-

ra trois tangentes réelles & distinctes au point triple G, & par conséquent e ce point triple G fora formé par l'intersection de trois branches.

2º. Si, des trois racines réelles de l'égalité marquée (P), il y en a deux égales & de même figne, la troisieme étant inégale, des trois tangentes de la courbe au point triple G, il y en aura deux qui tomberont exactement l'une sur l'autre, & ne feront plus qu'une même tangente, tandis que la troisieme demeurera distincte, & dans ce cas b le point triple G sera produit par le Rebroussement d'une branche & l'intersection d'une autre branche de la même courbe.

3°. Si des trois racines de l'égalité (P), il y en a deux imaginaires, la troisieme étant nécessairement réelle, il est visible que des trois tangentes de la courbe au point triple G, il y en aura deux imaginaires & une réelle, d'où il suit que le point triple G sera alors un point triple causé par l'adhésion d'une ovale infiniment petite sur une des bran-

ches de la courbe.

4°. Enfin, si les trois racines de l'égalité (P) font réelles, égales & de même signe, les trois tangentes de la courbe au point trible

² Art, 22. n. 2. & Art. 54. premier Mem. b Art. 22. n. 2. & Art. 54. CArt. id. n. 2. & Art. 54.

42 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

ple G, tomberont les unes sur les autres dans ce dernier cas le point triple G sera un de ces points triples invisibles que nous avons nommé Lemnisceros infiniment petit, à cause de l'entrelacement des branches de le courbe, qui se fait dans un espace infiniment petit; entrelacement dont on a donné la Théorie dans les Art. 131 & 132 de ce Mémoire.

Donc par le moyen de l'Equation $\frac{dz^3}{dz^3}$ $\frac{Fdz^4}{Ldz^4} + \frac{Cdz}{Ldz} + \frac{A}{L} = 0$, on déterminera toujours la nature du point triple G; ou, ce qui est la même chose, on connoitra si ce point triple G est cause par l'intersection de trois branches b: ou par le rebroussfement de deux branches, & le passage d'une troisseme branche, de la même courbe, par ce point de rebroussement c: ou bien s'il est un point triple invisible, produit par l'adhésion d'une ovale infiniment petite sur une des branches de la courbe c: ou ensin si c'est un Lemnisceros infiniment petit c. Ce qu'il falbit trouver.

COROLLAIRRE L

CXXXVIII. Lorsque le coëfficient (1) de l'Equation marquée par (30) dans l'exposé de l'Art. 136, est égal à zero, l'ordonnée principale GL est une des tangentes de la cour-

2 Art. 134. Gr 135. b Fig. 64. e Rig. 65. d Eig. 66. e Fig. 67.

DES SCIENCES.

coarbe au point triple G: car alors on a $\frac{dz^1}{du^1} + \frac{Fdz^1}{Ldu^1} + \frac{Cdz}{Ldu} = 0$, dont une des racines est $\frac{dz}{du} = 0$; or tous les Géometres touviennent que ce rapport donne une tangente parallele aux ordonnées. Donc, &c.

COROLEAIRE II.

CXXXIX. Lorsque les coefficiens (A) & (C) de l'Equation marquée par (30) dans l'Art. 136, sont l'un & l'autre égaux à zero a il n'est pas moins évident qu'il y a alors, au point triple G, un rebroussement dont la tangente se confond avec l'ordonnée principale: ear en ce cas on a $\frac{dn^3}{dn^3} \rightarrow \frac{Fdz^2}{Edn^4} = 0$, d'off l'on tire $\frac{dz^2}{dn^4} = 0$, ce qui fait voir qu'il y a en G, deux tangentes qui tombent s'une sur l'ordonnées principale GL. Donc, &c.

COROLLAIRE III.

CXL. Lorique les coefficiens A, C, F, de l'Equation marquée (30) dans l'Art. 136, font tous trois égaux à zero, il y a, au point G, un Lemnifeeros influiment petit, dont la tangente se confond avec l'ordonnée principale GL: car alors on a $\frac{dx^2}{dx^2} = 0$, d'on l'on voit

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE voit que les trois tangentes se confondent exactemble & avec la droite G.L.

EXEMPLE L.

CXLI. Soit la courbe MGDGCGm NE EBFx*, dans laquelle le rapport des abscicfes GQ(z) aux ordonnées QM(y) est exprimé par l'Equation

 $x^4-2z^2x^2+2bzx^2-z^4-5bz^3=0$.

Je dis que cette courbe a un point triple à l'origine G de fon axe, & que ce point triple est formé par l'intersection de trois branches MGD, mGC, $\varphi G\iota$, qui se coupent

en ce même point G.

Il est visible que l'Equation donnée n'est qu'un cas particulier de l'Equation générale marquée par (30) dans la 11me Proposition † & que l'on aici $\Delta = 1$, Q = 0, A = 0, B = -2, C = 2b, E = 0, F = 0, K = -1, & L = -5b.Or on a démontré que toutes les lignes du 4 ordre, dont la nature pouvoit se rapporter à l'Equation marquée par (30), avoiens un point triple à l'origine G de leur axe. Donc, puisque l'Equation donnée n'est qu'un cas particulier de l'Equation générale marquée par (30), il s'en ensuit que la courbe MGDGCGmNEBFn, dont cette Equation donnée exprime la nature, a un point triple à l'origine G de son axe. Ce qu'il falloit faire voir en premier lien.

Mais il n'est pas moins évident, par l'Art

137, que ce point triple G est cause par l'intersection de trois branches. Car si l'on substitue dans l'Equation differentielle (P) de l'Art. 137°, au-lieu des coëfficiens A, G, F, L leurs valeurs 0, 2b, 0, & -5b, on a l'égalité $\frac{dx^3}{dx^3} - \frac{1}{1}\frac{dx}{dx} = 0$, qui a trois racines réelles $\frac{dx}{dx} = \frac{1}{1}\frac{dx}{dx} = 0$, qui a trois racines réelles d'où il suit qu'il y a trois tangentes au point triple G, & par conséquent que ce point triple G est cause par l'intersection de trois branches qui se croisent en G. Ce qu'il fallois saire voir en second lieu par ces Exemple.

COROLLAIRE.

CXLII. Il suit de-là, 1°. Que des trois branches qui passent par le point G, il y en a une qui coupe l'axe GQ parallelement à l'ordonnée principale GL à cause de $\frac{dz}{dz} = 0$: ensorte que la tangente de cette branche, au point triple G, se confond avec l'ordonnée principale GL. 2°. Que les deux autres branches MGD & mGC coupent cet axe obliquement au point G, à cause de $\frac{dz}{dz} = \pm \frac{r^2}{r^2}$. Donc en prenant sur l'axe GQ, du côté où les (z) sont positifs, le point r, tel que r soit r sur une droite r parallele à l'ordonnée principale r de part & d'au-

46 MEMORRES DE L'ACADEMIE ROYALE tre du paint é, les paints T & t, tels quie 47 & t foient l'une & l'autre = 1/5, les

droites TG, 2G, feront les deux autres tarzgentes de la courbe au point triple G.

REMARQUE.

CXLIII. Il est aisé de s'appercevoir, 1°. One l'age GQ est le diametre de la courbe MGDGCGmNEBFn, puisque l'on a tou-

jours $a = \frac{1}{2z-bz} + \frac{1}{24z-bz} + \frac{1}{24z-bz}$ 2. Si l'on prend fur ce diametre GQ, du côté on les (z) font négatifs, le point B, tel que GB foit = 5b, ce point B fera celui où la courbe coupe fon diametre paralle-

ment à l'ordonnée principale GL.

30. Si l'on prend fur le diametre GL, du côté on les (z) font négatifs, le point Ω , tel que GL foit =b; si par le point Ω on mène la droite $E\Omega F$ parallele aux ordonnées QM; si l'on prend fur cette droite, de pare & d'autre du point Ω , les points E & F, tels que ΩE & ΩF faient l'une & l'autre =b V 2: les points E & F feront deux des points de la courbe où les tangentes font paralleles à lindonnée principale GL; enforce que cette droite $E\Omega F$ est tangente de la courbe aux points E & F.

4c. Si l'on prend fur le diametre GQ, du côté où les (z) font négatifs, le point π , tel que $G\pi$ foit $=\frac{1}{2}k$; si par le point π on mène la droite $G\pi D$ parallele aux ordonnées QM; si l'on prend sur cette parallele $G\pi D$, de part & d'autre du point π , les poises G &

D, sels que « C& » D' foient l'une & l'aux ne = b v 3; les points C & D feront deux des points de la courbe en question auxquels les tangentes font paralleles aux ordennées Q M; opionte que cette même droite C « D elt tangente de la courbe aux points C & D.

Toutes les droites menées paralleles ment à l'ordonnée principale G.L. au-delà du point B, par rapport au point G, ne ren. contront la courbe qu'on deux points, à quelque distance que ces droites soient du point G. Mais celles qui sont menées parallelemens à l'ordonnée principale, entre les points A & a, rencentrent la courbe en quatre points. D'où il suit, 10. Que cette courbe a dens branches BEN, BEN, qui s'écondant à l'ine fini, le long de l'age GQ, du côté où les (a) sont négatifs. 29. Que ces deux branches se réunissent au point B, où elles coupent l'axe parallelement aux ordonnées. 30. Que ces deux branches, avant de se réunir. forment deux finuosités #FB, NEB.

6°. Toutes les droites menées, parallelement à l'ordonnée principale GL, au delà du point triple G, par rapport au point B, & à quelque distance qu'elles soient du point G, ne rencontrent la courbe qu'en deux points; d'oir il suit que cette courbe n'a que deux branches GM & Gm qui s'étendent à l'infini le long de l'axe GQ, du côté où les

(z) sont positifs.

7°. Toutes les droites menées parallelement à l'ordonnée principale GL entre les points G & π , rencontrent la courbe en

48 MEMOTRES DE L'ACADEMIE ROYALE

quatre points: car dès que (-z) est $< \frac{1}{2}b$, les

4 racines $m=\pm \frac{1}{2z-bz+z\sqrt{2zz+3bz+bb}}$ font réelles. D'où il fuit que les deux branches infinies MG, mG, après s'être coupées en G, passent la premiere dans l'angle lG = 1, la seconde dans l'angle lG = 1, la seconde au point G, la premiere au point G, la seconde au point G: après quoi elles reviennent, l'une de G en G par G, s'autre de G en G par G, se joindre au point G, où elles touchent l'ordonnée principale GL, en formant ainsi deux G elles G en G

8°. Les droites menées parallelement à l'ordonnée principale entre les points Ω & π , ne rencontrent jamais la courbe : car dès que (-z) est plus grand que $\frac{1}{2}b$, & cependant plus petit que b, les quatre racines

 $z = \pm bz + z\sqrt{2zz + 3bz + bb}$ font imaginaires; d'où il fuit que les deux branches infinies BEN, BFn, (dont on a parlé dans le nomb. 5. de cet Art.) font entierement féparées des branches infinies $G \cdot DGM$, $G \circ CGm$.

EXEMPLE II.

CXLIV. Soit la courbe MGmNGm, dans laquelle le rapport des abscisses GQ(z) aux ordonnées QM(m) est exprimé par l'Equation $m^4 + bzzm - 2z^4 = 0$; il est visible que extre courbe a un point triple à l'origine G de son axe, puisque l'Equation donnée est

m cas particulier de l'Equation générale mar-

quée par (30) dans l'Art. 136.

Mais il n'est pas moins évident, que ce mint triple est produit par le Rebroussement G'une portion de courbe MGm & le pasfige, en ce même point G, d'une autre branche NGn de la même courbe. Car puisque l'on a ici $\Delta=1$, Q=0, A=0, B=0, C=0, E=0, F=b, K=-2 & L=0, l'Equation differentielle marquée par (P)

dans l'Art. 137, est ici $\frac{dz^3}{dz^3} + \frac{bdz^3}{adz^3} = 0$, dont

les trois racines font $\frac{dz}{du} = 0$, $\frac{dz}{du} = 0$, & $\frac{dz}{du}$

=- 4; d'où il suit, 10. Que des trois tan-

gentes de la courbe au point triple G, il v en a deux qui tombent l'une sur l'autre, en se confondant avec l'ordonnée principale G L, ce qui fait voir qu'il y a un point de Rebroussement en G, auquel GL est tangente* 20. Oue la troisieme tangente de la courbe au point G est infinie, & se confond avec l'axe GQ, ce qui désigne une branche † NG* qui passe par le point de Rebroussement G. Donc le point triple G de la courbe en question est produit par le Rebroussement d'une portion de courbe MGm & le passage d'une antre branche NGn, de la même courbe. par le point de Rebroussement G. Ce qu'il falloit faire voir par cet Exemple.

RE_

[#] Art. 137. n. 2. † Art. il. Mém. 1731.

REMARQUES.

CXLV. On remarquera, 1º. Que l'ordonnée principale GL est le diametre de l'acourbe MGmNGn: car on a toujours z

the dumper of th

3°. Si l'on prend sur le diametre GL, du côté où les (") sont négatifs, le point A,

tel que GA foit $=\frac{b}{4\sqrt{2}}$, & fur l'axe GQ, de part & d'autre du point G, les points S & σ , tels que GS & $G\sigma$ foient l'une & l'au-

tre $=\frac{b}{4\sqrt{2}\sqrt{2}}$: fi par les points A & S, & par

les points $A \& \sigma$, on tire les droites indéfinies $A S E \& A \sigma \epsilon$, prolongées de part & d'autre du point A, ces droites feront les deux Asymptotes de la courbe MGmNGn. Si l'on prend sur le même diametre GL, de part & d'autre du point G, les points $\Omega \& \varphi_j$ tels que $G \Omega$ ou $G \varphi$ foient $= \frac{1}{2} b \cdot \text{si}$, par les points $\Omega \& \varphi$, on mène, parallelement à l'axe G Q, les droites $E \Omega \epsilon \& F \varphi f$; les points $E, \epsilon, F \& f$, où ces droites rencontrent la courbe MGmNGn, sont ceux auxquels

atte même courbe est coupée par ses Asymptotes fASE & FA ...

EXEMPLE III.

CXLVI. Soit la courbe MGmNBn*, cans laquelle le rapport des abscisses GQ(z) aux ordonnées QM(u) est exprimé par l'Equation $u^2 - bz u^2 - z^4 - 2bz^2 = 0$: il est clair que cette Equation n'est qu'un cas particulier de l'Equation générale désignée par (30) dans l'Art. 136; d'où il suit, que la courbe en question MGmNBn a un point triple à l'origine G de ses abscisses.

Mais puisque dans ce cas particulier, on a $\Delta=1$, Q=0, A=0, B=0, C=-b, E=0, F=0, K=-1, L=-2b, il est visible que l'Equation marquée par (P) dans l'Art. 137,

est ici $\frac{dz^3}{dz^3} + \frac{dz}{zdz} = 0$, dont les trois raci-

nes font $\frac{dz}{dz} = 0 & \frac{dz}{dz} = \frac{1}{\sqrt{-\frac{1}{2}}}$; or la ra-

cine $\frac{dz}{dz} = 0$ est réelle, & désigne une tangente en G, qui se confond avec l'ordonnée principale $GL + \infty$ les racines $\frac{dz}{dz} = \frac{1}{\sqrt{-\frac{1}{2}}}$

font des racines imaginaires qui désignent, en G, deux tangentes imaginaires. Donc des trois tangentes de la courbe, au point triple G, il y en a une réelle & deux imaginaires; donc \ddagger ce point triple G, est un point triple

* Fig. 66. † Art. 138. C 2

invisible, ou, ce qui est la même chose, la triplicité de ce point est causée par l'adhésion en G d'une ovale infiniment petite sur la branche MGm de la courbe. Ce qu'il fallois faire voir par cet Exemple.

REMARQUES.

CXLVII. Il est aisé de s'appercevoir, 10. Que l'axe GQ est le diametre de la courbe MGmNBn, puisque l'on a toujours

 $y = + V_{\frac{1}{2}bz + \frac{1}{2}zVbb + 8bz + 4zz.}$

2°. En prenant, du côté où les abscisses GQ sont négatives, le point B, tel que GB soit = 2b, il est wisble que le point B sera un point simple de la courbe, dont la tangente BT est parallele à l'ordonnée principale GL.

3°. Toutes les droites, comme Mm, menées parallelement à l'ordonnée principale GL au delà du point G, du côté où les (z) font positifs, ne rencontrent jamais la courbe qu'en deux points; d'où il suit que cette courbe n'a que deux branches infinies GM, Gm, qui s'étendent du côté des (z) positifs.

4°. Toutes les droites, comme Nn, menées parallelement à l'ordonnée principale GL au-delà du point B, par rapport au point G, ne rencontrent jamais la courbe qu'en deux points; d'où il suit que cette courbe n'a que deux branches BN, Bn, qui s'étendent à l'infini du côté des (z) négatifs.

5°. Toutes les droites menées parallelement à l'ordonnée principale GL, entre les points

B&G, ne rencontrent jamais la courbe car the que (-z) est plus petit que 2b, les quatre

nacines $m = \frac{1}{2} bz + \frac{1}{2}z\sqrt{bb + 8bz + 4zz}$ font imaginaires; d'où il suit que les deux branches infinies GM, Gm, qui s'étendent du côté des abscisses positives, sont séparées des deux branches infinies BN, Bn, qui s'étendent du côté des abscisses négatives, par une portion GB de l'axe GQ, qui est z - 2b.

EXEMPLE IV.

EXLVIII. Soit la courbe $MGmNBn^*$, dans laquelle le rapport des abscisses GQ(z) aux ordonnées QM(u) est exprimé par l'Equation $u^* = z^* + az^*$, il est visible que cette courbe a un point triple à l'origine G de ses abscisses, puisque son Equation est un cas particulier de l'Equation générale marquée par (30) dans l'Art. 136.

Mais puisque l'on a dans cet Exemple $\Delta = 1$, Q = 0, A = 0, B = 0, C = 0, E = 0, F = 0, K = -1 & L = -a, il est évident que l'Equation marquée par (P) dans l'Art. 137,

eft ici $\frac{dz^{i}}{dz^{i}} = 0$, dont les trois racines font

 $\frac{dz}{du} = 0$, $\frac{dz}{du} = 0$, & $\frac{dz}{du} = 0$, qui étant réelles,

égales & du même figne, défignent, en G, trois tangentes qui se confondent ensemble & avec l'ordonnée principale GL; d'où il G 3 suit

54 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

fuit * que ce point triple G est un Lemnisceros infiniment petit. Ce qu'il falloit faire voir
par cet Exemple.

REMARQUES.

CXLIX. Il est visible, 10. Que l'axe GQ est le diametre de la courbe MGmNBn, puif-

que l'on a toujours $u=\pm \sqrt{\pm z} \sqrt{zz+az}$

2°. Si l'on prend sur le diametre GQ, du côté où les (z) sont négatifs, le point B, tel que GB soit =a, il est évident que le point B est un point simple de la courbe en question, dont la tangente BT est parallele à l'ordonnée principale GL.

3°. On trouvera qu'en ce point simple B, la courbe a une inflexion de la seconde espece +, c'est-à-dire, ce que M. de Maupertuis a nommé point de serpentement, dont la tangente est parallele aux ordonnées, comme

on vient de le dire.

4°. On remarquera enfin que cette courbe n'est composée que de quatre branches qui s'étendent à l'infini de part d'autre de l'ave GQ, deux du côté des (z) positifs, & les deux autres du côté des (z) négatifs.

EXEMPLE V.

CL. Soit la courbe $MGDGCGmEBFM\ddagger$, dans laquelle le rapport des abscisses GQ(z)

^{*} Art. 137, n. 4. † Art. 50, n. 4. premier Mem.

ux ordonnées QM(u) est exprimé par l'Equation $u^+-2zzuu+2bzuu+\frac{1}{2}z^+-2bz^*=0$. Il est clair que cette courbe a un point triple à l'origine G de son axe, puisque son Equation n'est qu'un cas particulier de l'Equation genérale marqué par (30) dans l'Art. 136 de ce Mémoire.

Mais puisque, dans cet Exemple, on a $\Delta = 1$, Q = 0, A = 0, B = -2, C = 2b, E = 0, F = 0, $K = \frac{1}{4}$ & L = -2b, il est visible que l'Equation marquée par (P) dans l'Art. 137,

est ici $\frac{dz^3}{dz^3} - \frac{dz}{dz} = 0$, dont les trois racines

font $\frac{dz}{du} = 0$, $\frac{dz}{du} = +1$, & $\frac{dz}{du} = -1$. La

premiere de ces trois racines fait voir qu'unc des tangentes de la courbe, au point triple G, est réelle, & qu'elle se confond avec l'ordonnée principale GL; d'où il suit qu'il y a une branche qui coupe l'axe, au point G, parallelement à l'ordonnée principale. Les

deux autres racines $\frac{dz}{du} = \pm 1$, étant réel-

les, font voir que les deux autres tangentes de la courbe, au point triple G, font réelles & obliques à l'ordonnée principale GL, faifant avec cette droite chacune un angle de 45 degrés, & par conféquent qu'il y a deux autres branches CGM, DGM, qui coupent l'axe obliquement au point G; d'où il fuit * que ce point triple G est produit par l'interfection de trois branches CGD, DGM, CGM.

^{*} Ast. 137. n. 1.

56 Memoires de l'Academie Royale CGM. Ce qu'il falloit faire voir par cet Exereple.

REMARQUES.

CLI: On peut remarquer, 1°. Que l'axes G.Q. est le diametre de la courbe MGDGC $G \neq EBFM$, puisque l'on a toujours.

 $u = \pm V zz - bz \pm \frac{1}{2}zV \overline{4bb - zz}.$

2°. Qu'en prenant sur le diametre GQ, du côté où les abscisses GQ (x) sont positives, le point B, tel que GB soit $= \frac{1}{2}b$, le point B est un point simple de la courbe en question où la tangente est parallele aux ordon-

nées Q M.

3°. Si l'on prend sur le diametre GQ, de. part & d'autre du point triple G, les points. Ω & π, tels que GΩ & Gπ foient l'une & l'autre = 2b; si, par les points $\Omega \& \pi$, on mène les droites $F \Omega E$, C = D, paralleles aux ordonnées; cela fait, si l'on prend 10. fur la parallele $F\Omega E$, de part & d'autre du point $\hat{\alpha}$, les points F & E, tels que ΩF & ΩE foient l'une & l'autre = $b \gamma 2$: les points F & E feront ceux où la courbe a des tangentes paralleles à l'ordonnée principale GL, & en même tems les limites de la courbe du côté où les abscisses sont positives. 20. Si I'on prend fur la parallele C = D, de part & d'autre du point ϖ , les points C & D, tels que = C & = D soient l'une & l'autre $= b \lor 6$: les points C & D feront ceux où la courbe touche la parallele C = D & en même tems. les limites de la courbe du côté où les abscis-· les lont négatives.

40. On

4°. On trouvera que toutes les droites menées, parallelement à l'ordonnée principale GL, entre les points G & B, ne rencontrent la courbe qu'en deux points; mais que les paralleles à cette droite GL, menées entre les points $B \& \Omega$, la rencontrent en quatre points. D'où il fuit, & de ce qui a été dit dans les nombres précédens, que cette courbe forme, du côté où ses abscisses sont positives, une espece de cœur GMFBEmG.

5°. On trouvera de même que toutes les droites, menées parallelement à l'ordonnée principale GL entre les points G & ∞ , rencontrent la courbe en quatre points: d'où il suit, & de ce qui a été dit dans le nomb. 3, que cette courbe forme, du côté où ses ableisses sont négatives, deux especes de Folium

GOCG&G:DG.

6. Enfin on trouvera que toutes les droites menées, parallelement aux ordonnées QM, au-delà des points $\Omega \& \pi$, par rapport au point G, ne rencontreront la courbe en aucun point, à quelque distance qu'elles soient des points $\Omega \& \pi$: d'où il suit que la courbe en question ne s'étend pas au-delà des points $\Omega \& \pi$, qu'elle rentre en elle-même, & par conséquent qu'elle n'est composée que de deux Folium $G \phi C G$, $G \circ D G$, & de l'espece de cœur G M F B Em G: ce qui pourroit lui faire donner le nom de Diphyllocardie.

PROPOSITION XIII.

PROBLEME.

CLII. Une ligne du 4me, ordre étant donnée.

point triple. UU, le qui est la même chose, l'Equation qui exprime le rapport des ordonnées aux sabscisses d'un axe quelconque de cette courbe étant donnée, tronver si cette vourbe a un

Supposons que la nature de la courbe en question est donnée par l'Equation générale qu'on voit ici marquée par (4D): cette Equation exprime la nature de toutes les lignes du 4me ordre, (Art. 31. premier Mem.) & par conséquent ce qu'on dira de cette Equation pourra s'appliquer à toutes les Equations particulieres des lignes du 4me ordre. OLUTION

(Art. 46. premier Mém. Si on differentie cette Equation, on aura le rapport de (dx) à (dz) exprime par la fraction marquée ici par (z), dont le numerateur & le dénominateur deviendront égaux à zero, dans tous les points multiples de la ligne du 4me ordre- $(4D)\cdots \Delta w^{+} + q^{z} \} w^{2} + \psi^{z}$ 11 0

 $(\Sigma) :: \frac{ds}{ds} = -2$ 443-+392-+3A×42-+2822-+28×4-+28×4-+223-+22-+22-+2

ο nouvelles fractions marquées ici par (M) & par (2M). Si on différentie séparément (suivant l'Art. 163 de l'Analyse des Infiniments petits) le numerateur & le dénominateur de cette fraction, on aura les deux

Q

$$(M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{46z + 2v} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + 6vz + 2vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{46z + 2v} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{2}vz + x \end{cases}$$

$$(2M) \dots \frac{dx}{dz} = - \begin{cases} \frac{3q u^2 + 46z + 2v}{12A} \times u + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{3}iz + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{3}iz^2 + \frac{1}{3}iz + \frac{1}$$

60 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

les uns & les autres égaux à zero. Ainsi lat Solution du Problème se réduit à trouver quelles sont les valeurs des indéterminées (2) & (2), qui étant substituées dans les fractions (M) & (2M), font évanour en même tems les numerateurs & les dénominateurs de ces deux fractions.

Pour trouver les valeurs en question des indéterminées (z) & (x), soient les trois Equations désignées * par (A), (B), (C), qui ne diffèrent, savoir, la premiere du numerateur de la fraction (M) égalé à zero; la seconde du dénominateur de cette fraction, ou (ce qui est la même chose) du numerateur de la fraction (2 M) égalé à zero; la troisieme du dénominateur de la fraction (2 M) aussi égalé à zero; qu'en ce que l'on a mis, au-lieu de l'indéterminée (x), l'indéterminée (y), & qu'on a ôté les communs diviseurs.

$$(A)\dots \xi y^2 + 3iz + n \times y + 6iz^2 + 3iz + n = 0.$$

$$(B)$$
... $39y^2 + 4\overline{\xi z + 2\gamma \times y} + 3iz^2 + 2nz + \lambda = 0$.

(C)...6
$$\Delta y^2 + 3qz + 3Axy + 6z^2 + \gamma z + \delta = 0$$
...

Cela posé, il est visible, 1°. Que les trois Equations (A), (B), (C), désignent trois lignes du 2^d ordre, qui peuvent être construites, toutes les trois, sur l'axe des (z) de la ligne donnée du 4^{me} ordre, dont la nature est exprimée par l'Equation (4D). 2°. Que ces trois lignes du 2^d ordre, que je nomme ici

^{*.} V. ces trois Equations quelques lignes plus bass:

vent se rencontrer en un même point du plan fur lequel elles sont décrites. 3º. Que le point d'intersection, de ces trois courbes auxiliaires, peut tomber sur un des points de

la ligne du 4me ordre.

Or, je dis que la ligne donnée du 4the ordre aura un point triple dans l'endroit où l'intersection des trois courbes auxiliaires tombera. Car 10. si les trois courbes auxiliaires se coupent en un même point, la substitution des valeurs de l'ordonnée & de l'abscisse correspondante à ce point d'intersection. fait évanouir tous les termes des Equations (A), (B), (C), & par conféquent tous ceux des numerateurs & des dénominateurs des fractions (M) & (2M), quand l'indéterminée (u) est égale à l'indéterminée (y). 20. Mais le point d'intersection, des trois courbes auxiliaires, tombant sur la ligne donnée du 49° ordre, il est constant que l'indéterminée (y) des trois Equations (A), (B), (C), est égale, en ce point, à l'indéterminée (n) des fractions marquées par (M) & par (2 M). Donc l'interfection commune des trois courbes auxiliaires (A), (B), (C), tombant sur la ligne donnée du 4me. ordre, fait connoitre les valeurs des indéterminées (z) & (u), qui étant substituées dans les. fractions (M) & (2M), font évanouir les numerateurs & les dénominateurs de ces frac-Donc l'intersection commune des trois courbes auxiliaires, tombant fur la li-•gne donnée du 4me. ordre, désigne l'éndroit

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

de cette ligne où est son point triple.

Or, 1º. il est aisé de connoitre, par les premiers principes de l'application de l'Algebre à la Géometrie, non seulement si les trois courbes auxiliaires, désignées par les Equations (A), (B), (C), se rencontrent en un même point, mais encore quelles sont les valeurs de l'ordonnée & de l'abscisse qui correspondent à ce point d'intersection.

20. Il est aussi aisé de connoitre si ce point d'intersection, des trois courbes auxiliaires. tombe sur la ligne du 4me. ordre: car, dès le moment qu'on a les valeurs de l'abscisse & de l'ordonnée communes aux trois courbes auxiliaires, en substituant ces valeurs dans l'Equation (4D), au-lieu des indéterminées (z) & (u), si la substitution fait évanouir tous les termes de l'Equation (AD). il sera évident que le point commun d'inter-fection des trois courbes auxiliaires (A), (B), (C), tombe fur la ligne du 4me. ordre. & par conséquent que cette ligne a un point triple en cet endroit; au contraire si la substitution ne fait pas évanouir tous les termes de l'Equation (4D), il fera évident que l'intersection commune des trois courbes auxiliaires (A), (B), (C), ne tombe pas fur la ligne du 4me. ordre, & par conséquent que cette ligne du 4me, ordre n'a aucun point triple.

3°. Enfin si les trois courbes auxiliaires (A), (B), (C), ne se rencontrent pas toutes les trois en un même point (ce qui

 \mathfrak{S} est encore très aisé de connoître par les premiers principes de l'application de \mathfrak{S} l'Algebre à la Géometrie) la ligne du 4^{m_0} , ordre, désignée par l'Equation (4D), \mathfrak{S}

Donc par le moyen des trois Equations auxiliaires (A), (B), (C), on so connoîtra toujours si une ligne quelconque du 4^{me} ordre, désignée par l'Equation (4D), a un point triple, & le lieu où il est situé, ou bien si elle n'en a v pas. C'e qu'il falloit trouver. n'aura aucun point triple.

elt exprime par l'Equation suivante (Æ); CLIII. On demande s'il y a un point triple sur la courbe $M_m B G C B D M$ (Fig. 69.), dans laquelle le rapport des abscisses G P(z) aux ordonnées P M(u)En comparant cette Equation avec celle qu'on a désignée dans l'Article précé-

64 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

dent par la caractéristique (4D), il est évident qu'on a ici $\Delta = 1$, q = 0, A = -b, 6 = 6, $2 = -\frac{1}{2}b$, $3 = \frac{1}{2}bb$, 4 = 0, $4 = -\frac{2}{3}bb$, $4 = -\frac{2}{3}bb$, $4 = -\frac{2}{3}bb$; d'où il suit que les trois Equations auxiliaires, marquées dans l'Article précédent, par (A), (B), (C), font, dans cet Exemple, telles qu'on les voit ici en (A), (B), (C).

$$(A) \dots y^2 + \frac{1}{6}by + 5z^2 - \frac{1}{2}bz + \frac{1}{16}bb = 0.$$

(B)
$$...z - \frac{1}{6}b \times y = \frac{1}{6}bb - \frac{1}{12}bz$$
.

(C)...
$$y^2 - \frac{1}{2}by + zz - \frac{17}{15}bz + \frac{17}{15}bb = 0$$
.

Le lier de l'Equation marquée par (A) est une Ellipse; celui de la seconde marquée par (B) est une Hyperbole entre ses Asymptotes; & celui de la troisieme est encore une Ellipse.

Or, si l'on avoit décrit sur l'axe GP, de la ligne du 4^{me} . ordre MmBGGBDM, les trois Sections coniques *, qui sont les lieux des trois Equations précédentes (A), (B), (C), on verroit que ces trois Sections coniques se couperoient mutuellement sur leur axe GP, en un même point B, distant de G, origine des (z) de la grandeur $GB = \frac{1}{2}b$: ensorte qu'en ce point B de l'axe GP, commun aux trois courbes auxiliaires, on a dans les trois courbes $z = \frac{1}{2}b$ & y = 0.

Mais cette commune intersection, des trois courbes auxiliaires, tombe aussi sur la ligne du 4me, ordre MmBGCBDM, dont la nature est exprimée par l'Equation (Æ); car tous les termes de cette Equation (Æ) s'é-

va-

^{*} On n'a point tracé ces trois Sections coniques dans la Figure 69, de crainte de la rendre trop consuse.

் S vanouissent, lorsqu'on y substitue, au-lieu de (z), la valeur 💃, & au-lieu de 🖁

l'indéterminée (*), la valeur (zero) qui convient à l'indéterminée (y) au point d'interfection B des trois Sections coniques auxiliaires.

b. Donc il est constant que la courbe MmBCBDM, qu'on' suppose n'être connue que par son Equation (Æ), a un point triple sur son axe GP, en un E_{α} point B, distant de G, origine des (z), de la grandeur $GB = \frac{b}{s}$. Ce qu'il fallois

faire voir par cet Exemple. REMARQUE CLIV. Si l'on veut connoître la nature du point triple B, dont on vient de découvrir l'existence & la situation sur la courbe MmBGCBDM, on commencera (en conséquence de l'Art. 54 du premier Mémoire, & de l'Art. 137 de celui-ci), on commencera, dis-je, par differentier trois sois l'Equation (Æ), suivant la méthode de M. Bernoulli, il en résultera l'Equation differentielle mar-

(2) ... } + 120% } dz = +72% } dudz = +72% } dudz = -0% quée ici par (2), dans laquelle on substituera au-lieu de (z) & de (u) les valeurs trouvées (par l'Article précédent) de l'abscisse & de l'ordonnée correspondantes au point triple B, qui sont *z=;b, & u=0. Cette substitution donne l'égalitémarquée ici par (P),

$$(P) \dots \frac{dz^{3}}{du^{3}} + \frac{dz^{2}}{du^{2}} - \frac{dz}{du} - 1 = 0,$$

dont les trois racines font $\frac{dz}{du} = 1$, $\frac{dz}{du} = -1$,

& $\frac{dx}{du} = -1$, ce qui fait voir que des trois

tangentes de la courbe au point triple B, il y en a deux qui tombent exactement l'une fur l'autre, tandis que la troisieme tangente B, coupe les deux premieres, à angles droits. D'où il suit, 1°. Que le point triple B, trouvé par l'Article précédent, est un Rebrousfement + par lequel il passe une troisieme branche de la courbe. 2°. Que les tangentes au point triple B, font avec l'axe GP, des angles TBP, & θBP de quarante-cinq degrés.

REMARQUE II.

CLVII. est aisé de prouver, 1°. Que la droite ABT, tangente de la courbe MmB GCBDM au point de rebroussement B, est le diametre de cette courbe.

20. Qu'en prenant, sur ce diametre BA,

le point A, tel que BA foit $=\frac{b}{\sqrt{2}}$, si, par

ce.

ce point A, on mène, parallelement à la tangente B, la droite DBC, sur la quelle on prenne, de part & d'autre du point A, les parties AD, AC, l'une & E l'autre égales à $\frac{1}{V_{L}}$, les points D & C feront ceux où la courbe a des tangentes

paralleles à B ø.

$$(\Omega) \dots u^{4} - 4bu^{3} - \frac{4bzz}{6bz} \begin{cases} uu + \frac{12b^{2}}{12b^{2}} \begin{cases} u + \frac{12b^{2}}{2}b^{2}z^{2} \\ -\frac{12b^{3}}{2}b^{2}z^{2} \end{cases} = 0.$$

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Puisque dans cet Exemple on a $\Delta = 1, q = 0$. $A = -4b, 6 = 2, \gamma = -6b, \delta = 10b^2, i = 0$. $A = -4b, \lambda = 12b^2, \mu = -12b^3, i = \frac{1}{4}, \mu = -\frac{1}{4}$. $A = \frac{1}{2}bb$, il est évident * que les Equations des trois courbes auxiliaires seront telles qu'on les voit ici marquées par A. $A = \frac{1}{4}bb$.

 $(A) \dots yy - 2by + \frac{1}{4}zz - \frac{1}{2}bz + \frac{1}{4}bb = 0$

 $(B) \dots zy - \frac{1}{2}by - bz + \frac{1}{2}bb = 0.$

(C)...yy-2by+ $\frac{1}{3}zz-bz+\frac{1}{3}bb=0$.

Or il est visible, 1°. Que ces trois lignes auxiliaires, dont la première est une Ellipse, la seconde une ligne droite parallele à l'axe GQ, la troisseme une autre Ellipse; il est, dis je, évident que ces trois lignes auxiliaires \dagger , étant décrites sur l'axe GQ de la courbe MBmA, se rencontrent toutes les trois en un point B, auquel l'abscisse GT (z), commune aux trois lignes auxiliaires, est z, & où l'ordonnée z (z) commune aux trois mêmes lignes est aussi z.

2°. Il est constant que ce point d'intersection B des trois lignes auxisiaires, tombe sur la ligne du 4me ordre MBmA: car la substitution de b, au-lieu de (z), & celle de b, aulieu de u, dans l'Equation de la courbe, désignée ci-dessus par la caractéristique (Ω) , fait évanouir tous les termes de cette Equation.

Donc la courbe MBmA, dont la nature est exprimée par l'Equation (Ω), a un point triple.

^{*} Art, 152. †. On ne les a pas tracées dans la Figure 70, dans la rainte d'y causer trop de confusion; mais il est aisé de lessupplier.

2 triple. Donc si l'on prend, sur l'axe GQ, la partie GT = b, & sur une droite e TB, parallele à l'ordonnée principale GL & menée par le point T, la partie TB = b, le point B sera le point triple de cette courbe MB = A. Ce qu'il fableit faire voir par cet Exemple.

CLVII. Si l'on veut maintenant cohnoitre la nature de ce point triple B, il faut (Art. 34. premier Mém. 53 137.) differentier trois fois l'Equation (Ω) de cette courbe, il en réfultera l'Equation suivante marquée par (Σ), $(\Sigma) \dots \left\{ \begin{array}{c} +6\pi \\ -6h \end{array} \right\} d\pi^3 \xrightarrow{+6\pi} \left\{ d\pi d\pi^2 \xrightarrow{+6\pi} \left\{ d\pi^2 d\pi + \frac{1}{2\pi} \right\} d\pi^3 = 0.$ REMARQUE I.

ω dans laquelle on substituera, au-lieu de (z) & de (z), leurs valeurs au point tri-ω ple B, qui sont (Art. précéd.) z=b & z=b. Cette substitution réduit l'Equa-ω tion (Σ) à celle que l'on voit ici en (P), $(P) \dots \frac{dz^3}{du^3} + \frac{dz}{dz} = 0.$

dont les trois racines sont $\frac{dz}{dz} = 0$, $\frac{dz}{dz} = \sqrt{-1} & \frac{dz}{dz} = -\sqrt{-1}$, ce qui fait voir

70 Memoires de l'Academie Royale

que des trois tangentes de la courbe au point triple B, il y en a deux imaginaires & une réelle, & par conséquent que ce point triple B * est causé par l'adhésion d'une ovale infiniment petite sur une des branches de la courbe. Mais, puisque la racine réelle, de

E E S

257.11

. 25 2

s ard

_ CO:

:: Ú

nro. LL:

ian.

. 32. . 32.

. .

r!

l'Equation (P), est $\frac{dx}{dx} = 0$, il est visible que

la tangente réelle, du point triple B, est parallele à l'ordonnée principale GL, & qu'elle se confond par conséquent avec l'ordonnée particuliere BT.

REMARQUE II.

CLVIII. On peut remarquer ici, au sujet de cette courbe, 1°. Que la droite BA, menée par le point triple B, parallelement à l'axe GQ, est le diametre de la courbe MBmA, dont la nature est exprimée par l'Equation $\{\Omega\}$ $\{\Omega\}$.

20. Qu'en prenant sur le diametre BA, du côté où les (z) sont positifs, le point A, tel que BA soit $= \frac{1}{2}b$, le point A est celui où la courbe coupe son diametre parallele-

ment à l'ordonnée principale GL.

3°. Que toutes les droites menées, parallelement à cette ordonnée principale GL, entre les points B & A, rencontrent toujours la courbe en deux points M & m; aulieu que toutes les droites menées, parallelement à cette ordonnée principale GL, audelà du point A, du côté où les abscisses

* Art. \$4. premier Mem. & 137. n. 3, † Art. 156.

iont positives, ou au-delà du point B, du côté où les abscisses sont négatives, ou bien entre les droites BT, GL, ne rencontrent pmais la courbe, à quelques distances qu'elles soient des points A & B. D'où il suit que la courbe en question n'a que deux branches BMA, BmA, qui se réunissent en A & en B, & une ovale infiniment petite, adhérante en B; ensorte que cette courbe pourroit être nommée Ovale pondute du 4me ordre, à cause qu'il y a, en B, une ovale infiniment petite, qui y est, pour ainsi dire, réduite en un seul point.

AVERTISSEMENT.

Nous finirous ici la théorie des Points multiples, dont les Lignes du 4me ordre sont susception bles, en avertissant néanmoins que ce qu'on a dit (Proposition VII.) * sur la maniere de trouver si une Ligne du ame ordre a un, deux, ou trois points doubles, & (Proposition XIII.) + sur la maniere de trouver si une Ligne du 4me ordre a un point triple, peut s'appliquer aux Lignes algébriques d'un ordre quelconque. Il n'est même pas difficile de voir, 1º. Que la méthode indiquée dans l'Art. 152 de ce Mémoire, pour trouver si une Ligne donnée du 4me ordre a un point triple, peut aisément s'appliquer à ce Problème général: Une Ligne algébrique de l'ordre n étant donnée, trouver si elle a un point multiple de l'ordre n-1. 2°. Que la méthode, indiquée dans l'Art. 90 du second Mémoire, pour trouver si une Ligne algébrique du 4me ordre, a des

† Art. 152.

Art. 90. premier Mem.

72 Memoires de l'Academie Revale

des points doubles, peut aisément s'appliquer à ce Problème général: Une Ligne algébrique du me. ordre étant donnée, trouver si elle a des points multiples, dont la multiplicité soit exprimée par n-2. 3°. Ensin qu'on peut, en suivant la route qu'on a tenne dans la Solution des Problèmes des Art. 90 & 152, trouver celle qu'il faut tenir pour arriver à la Solution de celni-ci: Une Ligne algébrique du ne. ordre étant donnée, trouver si elle a des points multiples, dont la multiplicité soit exprimée par n-3, ou par n-4, ou bien par n-5, ou par n-6, & ainsi des autres.

On donnera, dans les Sections qui suivront ce Mémoire, l'énumeration des Lignes du 4me ordre, tout ce qu'on a dit jusqu'ici n'étant encore que les Principes généraux sur lesquels cette énumeration est fondée. Il n'a pas été possible de faire imprimer tout l'Ouvrage dans les Mémoires

d'une même année.

DE L'ADHERENCE

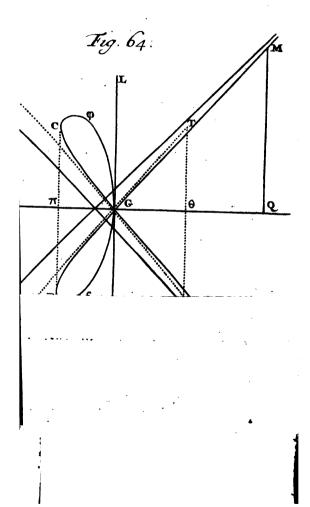
DES PARTIES DE L'AIR ENTRE ELLES,

Et de leur adbérence aux Corps qu'elles touchent.

Par M. PETIT le Medecin. *

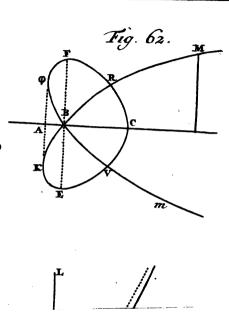
DE toutes les choses nécessaires pour la continuation de notre vie, il n'y en a point

Lett spires or §



68

i



ζ

. .

-

,

.

point de plus importante que l'Air. pouvons vivre plusieurs jours sans boire & manger, mais nous ne pouvons rester que quelques momens sans respirer. Il faut nécessairement de l'Air, pour conserver la circulation du Sang & des Esprits, en quoi confifte la vie. Ce fluide nous environne toujours, nous y fommes comme dans un bainperpétuel; il fait la principale partie de l'Atmolphere; il y est mêlé avec des parties aqueuses, salines, sulfureuses, terrestres, &c. * entre lesquelles coule la matiere éthérée qui en est, pour ainsi dire, l'ame, & qui avec l'Air, les entretient toutes en mouvement. Il entre dans la composition de tous les Corps animés & inanimés. C'est l'Air. aidé de la matiere éthérée, qui produit les C'est par son changemens qui leur arrive. ressort qu'il produit les ébullitions, les fermentations, les fulminations. Il est le principal agent dans la génération, la nourriture, l'accroissement, & le mouvement des Animaux, des Plantes & des Minéraux.

Toutes les nouvelles connoissances que nous pouvons nous procurer sur les propriétés de l'Air, nous feront toujours importantes. Nous connoissons son ressort qui fait sa condensation & sa raréfaction, & par le quel il opere tant de merveilles. Nous allons faire voir dans ce Mémoire, par des expériences, que les parties de l'Air sont adhérem-

^{*} V. Boyle son 1. suspic. de latentib. quibustan qualitati actis, p. 1. où il dit qu'il n'y a peut-être point dans la Nature de corps plus hétérogene. Mém. 1731.

rentes à tous les Corps qu'elles touchent, &

font aussi adhérentes entre elles.

Il y a peu de personnes qui ne se soient apperçues des bulles d'air qui se forment au fond des vases dans lesquels on met de l'eau, & sur les corps que l'on jette dans cette eau; mais on n'a pas poussé plus loin cette observation.

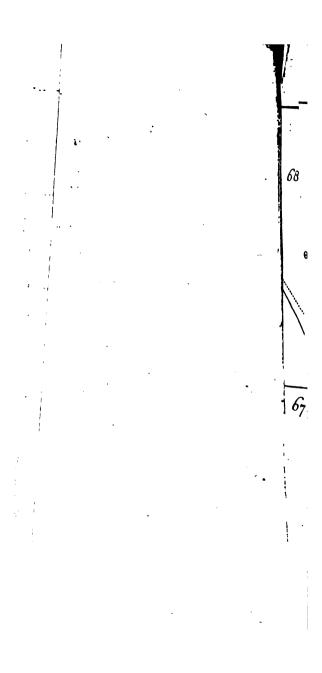
L'attention que j'ai à tout ce qui se passe dans mes expériences, m'a fait appercevoir, en faisant des dissolutions de Sels, qu'il se formoit des bulles d'air sur la superficie de ces Sels au fond de l'eau; mais encore, qu'il s'élevoit de tems en tems quelques-unes de ces bulles qui enlevoient perpendiculairement avec elles des molécules de Sel jusqu'à la superficie de la liqueur, où les bulles se dissipoient, & les molécules des Sels retomboient au fond de la liqueur. Cela se voit bien dans la dissolution de Sel armoniac, & dans la dissolution de Sublimé corrosif. J'ai observé la même chose dans la dissolution du Fer, du Zinc, des Yeux d'Ecrevisse, du Corail, de la Chaux, dans l'Esprit de Vitriol: mais pour le bien voir, il faut temperer ce dissolvant avec égale partie d'eau; car lorsqu'il est pur. il agit d'une manière confuse & tumultueuse, l'ébullition empêche que l'on ne distingue les parties métalliques ou terrestres enlevées par les parties d'air.

On observe pluseurs choses dans ces experiences. 1°. Les bulles d'air sont toujours plus grosses que les molécules de Sels & de Métaux qu'elles enlevent. 2°. Les bulles d'air les plus grosses enlevent de plus grosses

ſes

ses molécules. Il y a des bulles qui ont jusqu'à une ligne & demie de diametre, qui enlevent des molécules de Sels de demi-ligne d'épaisseur. 3°. Les bulles d'air s'étant élevées à la superficie de la liqueur, se dissipent en se réunissant à l'air extérieur; & les molécules que ces bulles ont enlevées, se précivitent dans le moment au fond de la liqueur *. 4º. Lorsque les bulles d'air ne se diffipent pas, comme il arrive quelquefois, les molécules de Sel ou de Métal ne se précipitent pas, & restent attachées aux bulles d'air. 5°. Il y a des molécules qui se précipitent avant qu'elles soient parvenues à la superficie de la liqueur. Elles abandonnent les bulles d'air, qui continuent leur chemin julqu'à la superficie de la liqueur; ce qui arrive lorfque les bulles d'air n'ont pas une groffeur proportionnée à la pesanteur des molécules. qui se trouvant trop pelantes, se séparent facilement des bulles d'air. Cela se rencontre fréquemment dans la dissolution des Métaux. & rarement dans la dissolution des Pierres & des Sels. C'est pour cette même raison qu'il y a des bulles d'air qui restent au fond de la liqueur, attachées aux molécules des Sels & des Métaux, trop pesantes pour être enlevées par la bulle. 6°. Lorsque les bulles sont fort grosses, & qu'elles enlevent des molécules pelantes, il est facile de s'apper-

^{*} V. Leeuwenbeek, tem. 2. pag. 3. où il parle de la quantité d'air qui fort d'un morcean d'Yeux d'Ecrevisse gtos comme un grain de Sable très fin, & qui est élevé à la superficie de la liqueur par ces bulles, & qui setombe au fond après que les bulles sont dissipées.



Mom. de l'Acad 1731 Pl. 2. Pag. 72 Fig. 62. 68.

78 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

ceaux, qui n'ont pas produit de si grosses bulles que le Fer & l'Antimoine: il n'en paroissoit point du tout sur les parties de ces corps qui étoient bien polies. Nous verrons dans la suite de ce Mémoire qu'il y en a, mais elles sont si petites qu'elles échapent à la vue.

Il s'agit présentement de chercher la raifon pourquoi il se forme de si grosses bulles fur les corps qui ont la superficie inégale. Cette inégalité ne consiste que dans des élévations & des enfoncemens dans lesquels l'air fe loge, & y reste attaché. Aussi-tôt que ces corps font fous l'eau, ils sont comprimés dans toute leur surface, l'eau pese dessus, & par consequent sur l'air qui y est attaché, elle pousse cet air de tous les côtés, elle le chasse de tous les endroits les moins raboteux. selon qu'ils sont plus ou moins inclinés; enfin de quelque maniere que l'eau agisse sur l'air, elle le presse, & le rassemble en des molécules qui, aidées par la pression de la matiere étherée, les rendent sphériques, ou à peu près sphériques, & dont la partie inférieure & laterale est attachée dans le fond des petites cavités de ces corps. Il ne faut pas s'étonner si les bulles sont d'autant plus grosfes que ces cavités sont grandes, car pourlors elles assujettissent d'autant plus de parties d'air. Il n'y a que des bulles très fines fur des corps polis, parce que la pression est égale dans toute l'étendue de la surface, & qu'elles n'y font adhérentes que par des bases très etroites.

J'ai dit que l'eau pousse & rassemble l'air

en bulle, en le détachant de la superficie des corps polis. Voici des expériences qui peu-

vent appuyer cette conjecture.

Je prends une boule de Verre de Thermometre, dont le col a environ 1 pouce de longueur, & 2 lignes de diametre intérieur. l'attache avec du mastic un plomb au bas de la boule, pour la tenir facilement dans l'eau; je plonge cette bouteille, le col en-bas, dans le col d'une autre bouteille pleine d'eau. le remarque, 1º. Que l'eau repousse l'air dans le goulot, à proportion de la profondeur où l'on met le goulot de la bouteille, par la compression que l'eau y fait. 2°. Que l'eau qui touche l'air dans le goulot fait d'abord un plan avec l'air après quoi on s'apperçoit que l'eau pousse l'air, & le chasse de la forface interne du goulot. Si le goulot est bien sec, cet air devient peu à peu convexe. & l'eau qui le touche est concave.

Il n'arrive pas la même chose, si l'on plonge la bouteille le goulot en-haut. L'eau qui pese sur l'air ne le condense pas comme dans l'expérience précédente, mais l'on voit dans cette derniere que l'eau détache peu à peu les parties de l'air de la surface interne du

goulot de la bouteille.

Si l'on se sert de bouteilles, dont le goulot soit de plus de 2 lignes de diametre, comme de 2 lignes ! & plus, l'eau s'écoule peu à peu dans le fond de la bouteille, & pousse l'air au dehors du goulot, où il fait un mammelon, qui ayant plus de liberté de se dilater que dans le goulot où il est contraint, se détache tout d'un coup, & dans ce moment

on voit très clairement l'eau qui s'écoule dans le globe de la bouteille entre l'air & la furface interne du globe, puis l'eau coule plus doucement, & d'une maniere presque invisible, & recommence à repousser l'air au dehors jusqu'à ce qu'il s'en sépare une buste. Ainsi l'air sort de la bouteille par vibrations, qui se font d'autant plus vête que le goulot est plus large; si l'on examine ce goulot par sa partie supérieure, on remarque un espace entre l'air & la furface interne du goulot.

Ce qui prouve encore ce que je viens de dire, c'est que si la bouteille que l'on plonge dans l'eau est bien seche intérieurement, la premiere vibration est plus longtems à se faire, parce qu'il faut un peu de tems pour que l'eau puisse détacher l'air de la surface du

Verre.

Quelques Physiciens ont dit que les corps qui tombent dans l'eau y entrainent de l'air, & qu'ils en entrainent d'autant plus que ces corps font gros, & qu'on les laisse tomber de plus haut; ce qu'ils ont remarqué en faisant des expériences avec des balles de Plomb. Il est bien vrai que ces corps entrainent de l'air avec eux: mais il n'y a point de proportion entre la petite quantité d'air que ces corps entrainent avec eux, & la grosseur & la quantité de bulles qui s'élevent de lieau en laissant tomber de fort haut une balle de Plomb dedans; ce n'est point cet air qui produit ces grosses bulles. En voici la cause.

Plus les corps qu'on laisse tomber dans l'eau sont gros, plus il s'éleve d'air de l'eau; & il s'en éleve d'autant plus qu'on les laisse

tom~

tomber de plus haut, qu'ils font d'une matiere plus pesante, & que leur superficie est plus inégale. Mais on n'a pas pris garde, 1°. Que plus les corps sont gros, & qu'ils tombent de plus haut, plus ils frappent rudement la superficie de l'eau qu'ils écartent avec d'autant plus de force & de quantité fur les côtés du vase, d'où este revient vers le milieu, en formant une espece d'arc ou de voûts qui fait qu'elle envelope d'autant plus d'air que cet arc est grand. 20. Que cet zir envelopé forme plusieurs bulles plus ou moins groffes, qui suivent ce corps à proportion de leur grosseur: les plus petites le fuivent plus profondément dans l'eau, & les plus groffes s'élevent avec plus de vîtesse à la superficie de l'eau. Et ce qui prouve que c'est l'eau écartée qui envelope beaucoup d'air en revenant sur elle-même, c'est que si on les laisse tomber doucement & très près de la superficie de l'eau, il ne s'éleve que peu ou point de bulles, & il se trouve de perites bulles formées sur ces corps au fond de l'eau, comme nous l'avons dit ci-dessus.

Ce n'est donc point l'air adhérent aux corps que l'on laisse tomber dans l'eau, ou celui qu'ils entrainent, qui produit ces grosses bulles; car si l'on mouille ces corps, & que par ce moyen on chasse tout l'air qui y est adhérent, avant de les laisser tomber dans l'eau, ils ne laissent pas de produire la même quantité de bulles qu'ils ont produit étant secs, suivant les différentes hauteurs qu'on

les laisse tomber.

If ne fe forme point de bulles fur les corps

D 5 fecs

82 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE,

fecs qu'on laisse tomber à ces hauteurs dans l'eau, comme il s'en forme lorsqu'on les y laisse tomber près de la superficie de l'eau & doucement, parce que l'air attaché à ces corps en est chassé en frappant l'eau rudement, & par le mouvement & les secousses excitées dans l'eau.

Puisque l'air se rend adhérent à la superficie des Métaux, on ne doit plus être étonné de voir nager sur l'eau des Aiguilles de Fer & d'Acier que l'on y expose doucement, quoique le Fer & l'Acier soit sept fois & de-

mi ou environ plus pesant que l'eau.

Si l'on examine bien une Aiguille qui nage fur l'eau, on remarque, 1º. Qu'elle y est un peu enfoncée par sa pesanteur, qui forme autour de l'Aiguille une courbure à l'eau. & dénote la pression que l'Aiguille fait par son poids, qui fait effort pour diviser les parties de l'eau qui sont adhérentes entre elles, & qui résistent à leur division. On remarque. 20. Qu'il n'y a que le dessous de l'Aiguille qui touche l'eau qui s'y est rendue adhérente, en chassant & poussant les parties d'air vers les côtés où l'on voit les inégalités qu'elles produisent sur l'eau, & qui empêchent les parties de l'eau de s'y attacher. Il v a donc deux causes qui font nager l'Aiguille fur l'eau. 1°. L'adhérence des parties de l'eau entre elles, qui résiste au poids de l'Aiguille qui fait effort pour la diviser. 2°. L'adhérence des parties de l'air autour de l'Aiguille. dui empêche les parties de l'eau de la surmonter, ce qui est absolument nécessaire pour faire couler l'Aiguille au fond de l'eau.

Si l'on retranche une de ces deux causes, l'Aiguille tombera au fond de l'eau. 10. Il n'y a qu'à trouver le moyen d'empêcher que les parties de l'eau ne soient point si adhérentes entre elles, & pour cela il faut faire chausser l'eau; la raréfaction que la chaleur produit dans l'eau, en écarte un peu les parties les unes des autres, elles ont pour-lors moins d'adhérence ou point du tout entre elles, & sont divisées avec facilité par lepoids de l'Aiguille qui tombe au fond de l'eau.

2°. Si l'on humecte l'Aiguille avec de l'eau avant de la poser sur l'eau, elle ne pourra jamais s'y soutenir pendant une demi-seconde. Qu'a-t-on fait en mouillant l'Aiguille? on a chassé les parties de l'air qui y étoient adhérentes, & l'eau a pris la place de l'air; ainsi l'eau, qui n'a plus d'air à chasser de la surface de l'Aiguille, la surmonte facilement, s'y éleve, appuye dessus, & la précipite au fond de l'eau. On produit le même effet en chaussant l'Aiguille; car la chaleur, en raréssant l'air, augmente le mouvement de ses parties les unes à l'égard des autres, il perdune partie de son adhérence avec le Fer, & en est chassé facilement par l'eau.

Les corps nagent avec d'autant plus de facilité sur l'eau, qu'ils ont plus de surface par rapport à leur pelanteur; non seulement parce qu'il y a une plus grande quantité de parties d'air adhérente à ces corps, mais encore parce qu'ils ont plus de parties d'eau à diviser. J'ai mis des Epingles sur l'eau, qui pefoient deux grains, & qui avoient 16 à 17 lignes de longueur, elles ont nagé sur l'eau;

mais celles qui pesoient 3 grains, & qui n'avoient pas plus de longueur, n'ont pu s'y
foutenir: néammoins des lames de Cuivre
d'un bien plus grand poids, s'y sont soutenues à cause de leur grande surface. J'ai pris
une lame de Cuivre épaisse d'un quart de higne, large de 2 lignes 1, longue de 4 pouces, c'est 396 lignes, qui sont 2 pouces 2 de
surface, elle pesoit 30 grains, elle a nagé sur
l'eau; néanmoins un filet de Cuivre quarré
qui pesoit 28 grains, épais d'une ligne, long
de 4 pouces, n'a pu nager sur l'eau, parce
qu'il a moins de surface.

Une autre lame de Cuivre, longue de 6 pouces, large de 7 lignes, c'est 504 lignes de surface, qui font 3 pouces 2, épaisse d'un demi-tiers de ligne, qui pesoit 2 gros 25 grains,

a fort bien nagé sur l'eau.

Après ces expériences, on ne fera pas étonné de voir nager sur l'eau des corps de moindre poids & d'une bien plus grande étendue

& de surface.

Il y a environ cinq ans que je communiquai à M. de Reaumur mes expériences sur l'adhérence des parties de l'air; il me dit qu'en faisant des expériences avec des feuilles d'Or, il en avoit mis une sur l'eau: elle y nageoit très bien, & ne put couler à fond; quelque chose qu'il pût faire. Il mit sur cette feuille de la grenaille de Plomb une certaine quantité, qu'elle soutint fort bien sur l'eau; mais en ayant mis davantage, elle coula à fond: ensuite il remarqua que les coins de cette feuille, où il n'y avoit point de grenaille, s'élevoient du fond de l'eau vers

vers fa superficie. Il fit l'expérience d'une autre maniere. Il mit une feuille d'Or au fond d'un vaisseau, il la chargea de grenaille de Plomb, & n'en mit point sur les coins, il versa de l'eau dans ce vaisseau; la feuille d'Or resta au fond, mais les coins se releverent.

l'ai répété les mêmes expériences non feulement avec des feuilles d'Or, mais aussi avec des feuilles d'Argent, de Cuivre, d'Etain & de Plomb. J'ai pris une feuille d'Or quarrée qui avoit 3 pouces 3 lignes de largeur, cela fait 10 pouces ; de surface, elle pesoit ; de grain *. Je l'ai mise sur l'eau, je l'ai chargée de petites pieces de Cuivre en filets & en plaques, elle a soutenu la pesanteur de 4 gros: mais en ajoutant quelque chose de plus, ellé a coulé à fond. Elle en soutiendroit davantage, a ces feuilles ne se fendoient pas avec tant de facilité. Il faut se servir de pieces de Cuivre, ou d'autre métail, menues & longues, & les bien ranger dans toute l'étendue de la feuille, & de cette maniere elles foutiennent un plus grand poids. Pai mis une feuille d'Or au fond du vaisseau, sans la charger d'aucun poids; j'ai versé de l'eau dans le vaisseau, la feuille s'est élevée dans le moment sur l'eau, quelque précaution que j'ave pris pour verser l'eau le plus doucement qu'il a été possible; bien plus, c'est que j'ai placé

^{*} Boyle, au rapport de Gravesende, som 1. 2.7. die que so pouces quarrés de feuilles d'Or pesent seulement un grain.

M. de Reaumur a trouvé qu'un grain d'Or basen en feuilles avoit une étendue de 36 pouces quarrés & demi & 24 lignes quarrées. Mém. de l'Acad. 1713. P. 2037

cette feuille au fond du vaisseau, je l'ai chargée jusqu'à un certain point, j'ai versé de l'eau dans le vase, la feuille s'est élevée sur l'eau, & a enlevé le poids dont elle étoit chargée. Si on la charge d'un plus grand. poids, & seulement le milieu, de la maniere dont je viens de le dire, si on verse l'eau. doucement, la feuille reste au fond, mais les bords n'étant point chargés, se relevent vers la partie supérieure de la liquenr. J'ai examiné la surface de ces coins avec une bonne Loupe; j'y ai vu, mais fort obscurément. de petites bulles d'air plus fines les unes que les autres, & en petite quantité. On ne les voit pas en Hiver comme en Eté, ou très peu, à cause de la condensation de l'air: il ven a sans doute un bien plus grand nombre, que l'on ne peut appercevoir à caufe de leur extrême petitesse.

Jai fait la même expérience avec une feuille d'Argent quarrée, qui avoit 3 pouces 6 lignes de largeur, ce qui fait 12 pouces 2 de lurface, elle pesoit demisgrain; étant chargée, comme je l'ai dit, de la feuille d'Or, elle a soutenu le poids de 5 gros 3: J'aï mis une pareille feuille au fond du vaisseau, que j'ai chargée de 6 gros pesans; les bords se sont relevés comme celle de l'Or, après y avoir versé de l'eau, & restent en cet état tant qu'on n'y touche pas. Je les ai facilement abbaissées & assujetties au fond du vasse mais pour peu que l'on remue le vaisseau, ou l'eau qui est dedans, les bords de la feuille se relevent & se tiennent relevés.

Les feuilles de Cuivre ont produit le me-

me effet. Elles ne pesent pas plus que celles de l'Argent, elles sont néanmoins plus fermes, & ne se cassent pas avec tant de facilité que celles de l'Or, de l'Argent & de l'Etain; c'est ce qui fait qu'étant étendues sur l'eau, on peut les charger d'un plus grand poids. Une de ces feuilles soutient environ une once pesant, sans couler à fond.

Une feuille d'Etain, longue de 3 pouc. 4 large de 3 pouc. 7 lignes, cela fait 13 pouces 142, à peu-près 3 de surface, pesant 6 grains, a soutenu le poids d'un plus de 6 gros.

Une feuille de Plomb, qui avoit 3 pouces 6 lignes de largeur, ce qui fait 12 pouces 1 de surface, & qui pesoit 14 grains, a nagé sur l'eau, & y a soutenu le poids de 7 gros. J'ai mis une de ces seuilles au sond du vaisfeau, je ne l'ai chargée d'aucun poids, j'ai versé de l'eau très doucement, la feuille est restée en cet état; mais sans cette précaution, la feuille s'éleve sur l'eau, & y reste. Si sans charger les coins de cette seuille, on la tient assujette au fond de l'eau ayec un poids, les coins se relevent en versant l'eau un peu moins doucement, mais ils retombent peu, à peu; ce qui qui n'arrive pas aux feuilles d'Or, d'Argent, de Cuivre & d'Étain.

A considerer la grande surface de ces feuilles, joint à la légereté dont elles sont, il semble d'abord qu'elles peuvent être soutenues par la seule adhérence des parties d'eau entre elles qui résistent à leur division; mais il est difficile de bien comprendre comment ces seuilles, étant posées au sond du yaisseau, se relevent sur l'eau que l'on verse dans ce

88 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

vaisseau, principalement si l'on verse l'eau dessus la feuille d'Or, ensorte qu'elle la couvre entierement avant qu'elle puisse se relever : & comment elles se relevent chargées d'un poids affez confiderable, qu'elles enlevent avec elles. Il femble que lorsque ces feuilles sont une fois recouvertes d'eau, la même adhérence des parties d'eau, jointe à Jeur poids, devroit empêcher ces feuilles de se relever, de même qu'elle les empêche de tomber au fond, lorsqu'élles sont sur l'eau; car l'adhérence des parties de l'eau doit avoir la même force pour rélister à l'élévation de la feuille, qu'elle en a pour empêcher ces feuilles d'Or d'être précipitées par leur pefanteur spécifique, qui est dix-neuf fois plus Forte que celle de l'eau: il faut donc qu'il v ait quelque autre force qui oblige ces feuilles de s'élever. Cette force n'est sans doute autre chose que des molécules d'air assez fines pour échaper à notre vue, & qui, toutes invisibles qu'elles sont, ne laissent pas de vaincre par leur légereté la pefanteur de ces corps. Voici une expérience qui peut appuyer ma pensée. J'ai pris une feuille d'Or. de l'ai chiffonnée entre mes dolgts, j'en ai fait un peloton, que j'ai pressé de toutes sortes de manieres; je l'ai jetté dans l'eau, j'ai fait ce que j'ai pu pour le faire aller au fond. il a toujours nagé sur l'eau. Je me suis bien imaginé qu'il y avoit encore beaucoup de parties d'air que je ne pouvois chasser par ce moven car je ne faifois au plus que les pres-· ser avec mes doigts, & supposé que je l'eusse chasse, il en revenoit s'attacher de nouveau

ansii-tôt que je retirois mes doigts de dessus le peloton; ce qui m'a obligé de presser ce peloton dans l'eau pour l'humecter, & pour chaffer par ce moyen, tout l'air qui pouvoit y être encore adhérent: je l'ai remis dans l'eau, il est tombé au fond. La chose a réussi de même avec des seuilles d'Argent, de Cuivre, d'Etain; mais pour la seuille de Plomb, après l'avoir un peu chissonnée sans l'humecter, elle est tombée au sond de l'eau,

& v est restée.

Les expériences que j'ai faites avec l'huile d'Olive & l'huile d'Amande douce, prouvent encore assez bien, que la seule adhérence des parties d'eau entre elles ne peut faire nager fur l'eau des feuilles d'Or & d'Argent chargées d'un poids médiocre. Ces huiles ont moins de fluidité que l'eau commune, elles paroissent plus visqueuses; les parties qui les composent, ont sans doute plus d'adhérence entre elles que celles de l'eau, & quoique ces huiles soient plus légeres que l'eau (elses sont à l'eau environ comme 12 à 13, l'huile d'Amande douce est pourtant un peu plus pesante que l'huile d'Olive,) je comptois que l'adhérence de leurs parties suppléeroit à leur légereté. Les feuilles d'Or & d'Argent ont fort bien nagé sur ces huiles, mais il n'a fallu qu'un filet de Cuivre pesant deux grains pour couler à fond une feuille d'Or quarrée qui avoit 16 lignes de largeur, c'est 256 lignes de surface, ce qui fait environ un pouce 2. Il n'a fallu que 10 grains pesant de filets de Cuivre pour couler à fond une feuille d'Argent quarrée qui avoit 20 lignes de

largeur, c'est 400 lignes de surface, qui font 2 pouces ½ ou environ.

Lorsque ces feuilles ont été au fond de l'huile, leurs coins se sont relevés, & ont

resté en cet état.

J'ai mis de pareilles feuilles au fond d'une terrine de terre vernissée, sans les charger d'aucun poids; j'ai versé de l'huile d'Amande douce dessus, les feuilles se sont relevées, mais non pas jusqu'à la superficie de l'huile, elles se sont tenues assez près du fond: c'est sans doute l'adhérence des parties de l'huile qui les a empêchées de s'élever plus haut.

Il n'y a que les feuilles d'Or & d'Argent qui se soient soutenues sur l'esprit de Vin, mais elles n'ont pu soutenir la pesanteur d'un grain sans couler à fond; les coins des feuilles se soint pourtant relevés vers la superficie de la liqueur comme elles font dans l'eau, ce qui marque toujours l'adhérence des parties de l'air aux feuilles d'Or & d'Argent, &c.

Puisque les Métaux nagent si facilement dans les liquides, on se persuaderoit aisément que tous les autres corps durs y nagent de même, quand l'expérience ne nous en con-

vaincroit pas.

L'air s'attache non seulement aux corps durs, mais encore aux liquides. L'on ne doute point présentement qu'ils ne contiennent une grande quantité d'air. L'Eau, le Vin, l'Esprit de Vin, l'Huile de Terebenthine, en contiennent beaucoup; & cet air est semblable à celui que nous respirons, avec cette difference, qu'il est fort condensé dans l'eau & dans tous les autres liquides. Comment l'air,

l'air, qui est d'une si grande légereté, peutil être renfermé entre les parties de ces liquides? comment peut-il y être retenu malgré sa légereté? s'il n'y avoit quelque force qui l'y retienne, il s'éleveroit bien vîte au-dessus des parties du liquide. On aura beau dire que la pression de l'air extérieur sur l'eau peut retenir l'air qui est dans les pores de l'eau, & l'empêcher de s'échaper; si cela étoit, il n'y auroit point de corps léger que cette pression ne puisse retenir, d'autant plus qu'ils font beaucoup plus pesans que l'air: nous avons vu le contraire dans les expériences précédentes: d'ailleurs, tout l'air qui est dans l'eau devroit s'échaper après avoir pompé l'air extérieur qui presse sur l'eau; il est vrai qu'il s'en échape, mais en si petite quantité lorsque l'eau est froide, qu'on pourroit bien soupçonner que ce n'est pas la millieme partie de ce qu'il en sort lorsque l'eau est chande. 'Il faut donc qu'il y ait quelque autre force qui retienne celui qui ne s'échape pas. Cette force ne peut être que l'adhérence qui se trouve entre les parties de l'air & celles de l'eau; il semble même qu'il y ait plusieurs degrés d'adhérence, qui me paroissent venir de ce que l'air est enfermé & divisé dans l'eau, non seulement par particules, mais encore par molécules formées par un assemblage de particules; & fuivant le plus ou le moins de particules qui s'unissent ensemble, il se forme des molécules plus ou moins grosses, ce qui se reconnoit assez par les bulles de différentes grosseurs qui s'élevent dans l'éau, lorsqu'on la met dans le vuide. L'adhérence

entre les particules d'air & l'eau est plus forte que celle qui est entre les molécules d'air & l'eau, parce que les particules présentent à l'eau plus de surface à proportion que les molécules sont plus petites; ainsi l'adhérence est d'autant moins forte que les molécules sont plus grosses.

Pour avoir des preuves de ce que j'avance, examinons ce qui se passe dans l'eau dont on pompe l'air. Je mets de l'eau froide dans un vaisseau que j'expose sous un récipient sur la machine du vuide, & après avoir pompé environ la moitié de l'air qui est dans le récipient, il se forme des bulles d'air dans l'eau qui s'élevent ordinairement du fond de l'eau jusqu'à sa superficie où elles se dissipent. Je continue de pomper l'air; il se forme d'autres bulles, quelquefois en plus grande quantité, mais plus en Eté qu'en Hiver: les plus petites que l'on voit, ont 4 de ligne, 4 ligne, & même une ligne de diametre, les plus groffes ont jusqu'à 2 lignes; mais toutes ces bulles ne font pas une grande effervescence, parce qu'elles ne sont pas dans une assez grande quantité ni assez grosses: plus elles font petites, plus elles font rondes. que l'on a fait le vuide, il ne monte plus de bulles, ou très peu, quelque tems que

l'on y tienne l'eau.

Si l'on retire cette eau, qu'on la fasse tant foir peu chausser, & qu'on l'expose sur la machine du vuide, on la voit se rarésier, à mesure que l'on pompe l'air du récipient, les bulles sont grosses, quelquesois de 7 ou 8 lignes de diametre, selon que l'eau est chau-

de,

de, & font une plus grande effervescence que Torsque l'on fait bouillir de l'eau sur le feut, à quelque degré de feu que ce soits Cette effervescence continue tant que l'eau est chaude, elle diminue à mesure qu'elle se refroidit, & ensin cesse lorsqu'elle est press

que froide. 🗀

Après avoir vu fortir une si grande quantité d'air, on seroit volontiers porté à croire que tont l'air que cette eau contenoit s'est échapé. & cela devroit être si toutes les molécules d'air contenues dans l'eau étoient de la même grosseur, & s'il n'y avoit point d'adhérence entre les parties d'eau & ces molécules: mais si l'on fait derechef chauffer cette eau, & qu'on la remette dans le vuide, il en fort la même quantité d'air qu'on en a tiré, si l'on a pris la précaution de la rendre plus chaude que la premiere fois: car si on ne lui donne que la même chaleur. on ne retireta que peu ou point d'air, & l'eau ne fera effervelcence que lorsque l'air du récipient est presque entierement évacué, aulieu que la premiere fois qu'on la fait chauffer, l'eau se met à bouillir au troisieme, & quelquefois au fecond coup de pompe, felon la quantité d'air que contient le récipient, & le diametre de la pompe. Il en est de même de la troisième fois qu'on la fait chauffer, car il faut; qu'elle foit plus chaude qu'elle n'étoit lorsqu'on l'a mis la seconde fois; & malgré cela, après quelques coups de pompe. elle cesse de faire esservescence, quoique l'eau soit encore aussi chaude que lorsqu'on l'y a mise la premiere fois. Si l'on continue

de la mettre dans le vuide, il faut qu'elle foir de plus chaude en plus chaude. Onelmimodina peut-être, que sans s'ampser à la faire chauffer tant de fois, it n'y a qu'à la rendre tout d'un coup bien chande, afin de faice d'abord lottir tout l'air qu'on en veut retirer: mais cela ne se peut, car pour-lors. quelque ménagement qu'on puiffe apporter en pompant l'air , l'ébuilition devient il forte, & l'effervescence si grande, que l'eau s'eleve mer deffus le vaiffeau, il s'en perd quelquefois tout d'un coup plus des trois quarts, ensorte qu'il n'en reste pas assez pour tenter d'autres expériences, & principalement si le vaisseau qui contient l'eau est étroit. J'en choisis de bien larges & de bien hauts, autant que le plus grand de mes Récipients le peut permettre; je n'y mets que le tiers ou la moitié d'eau qu'il peut contenir; & malgré tout le ménagement que j'y apporte, l'eau se perd peu à peu, l'air en enleve la plus grande partie par evaporation. & l'on retire de l'air tant qu'on a de l'eau à faire chauffer pour remettre dans le vuide. :: Malgré la grande condensation que l'air fouffre dans l'eau, il n'y a point lieu de donter qu'il fortiroit entierement de l'eau, même de l'eau froide, s'il n'y avoit pas de l'adhérence entre l'air & l'eau, & comme je l'ai dit, plusieurs degres d'adhérence; & voici la raison pourquoi il sort plus facilement & en

plus grande quantité de l'eau chaude. L'eau ne devient chaude que parce qu'il s'y introduit quantité de matieres éthérées, dont les parties sont dans un mouvement très violent qu'elle communique à celle qui est dans l'eau: les parties de l'air qui sont dans l'eau sont rarésiées, leur volume est augmenté, elles écartent les parties de l'eau, augmentent leur mouvement de liquidité, & leur font perdre une partie de leur adhérence. Tant que cette eau chaude est à l'air libre, la pesanteur de l'athmosphere retient l'air qui est dans l'eau à un point de condensation qui ne lui permet pas de s'échaper; mais si-tôt qu'on met cette eau dans le vuide, l'air qu'elle contient se rarésie & s'échape des pores de l'eau.

Ce que je viens de dire de l'adhérence de l'air avec l'eau, se doit entendre à pen près de même de l'adhérence de l'air avec le Vin, l'Huile de Terebenthine, l'Esprit de Vin, les dissolutions de Sels, & toute autre liqueur, telle qu'elle soit; avec cette difference, qu'il est moins condensé dans le Vin, l'Huile de Terebenthine & l'Esprit de Vin, & toutes les liqueurs qui en participent, & qu'il est plus condensé dans les dissolutions de Sels dans l'eau. En voici la preuve.

L'air s'échape avec une plus grande facilité du Vin & de l'Huile de Terebenthine que de l'eau, lorsqu'on les met dans le vuide, mais il s'échape bien plus facilement de l'Esprit de Vin que de toute autre liqueur: il ne s'échape pas si facilement des dissolutions de Sel commun, de Salpêtre & des autres Sels & des Eaux fortes, que de l'eau; l'Huile de Tartre par défaillance est la dissolution dont l'air se sépare moins facilement.

Voilà donc les parties de l'air adhérentes aux corps folides, & aux corps liquides.

Ouoique nous ayons vu ci-dessus que les parties de l'air sont adhérentes entre elles. nous allons en rapporter encore des preuves qui me paroissent mériter quelque attention. L'on fait, en bonne Physique, * que les corps liquides diffèrent des fluides, en ce que les parties insensibles des studes n'ont aucun mouvement les unes à l'égard des autres: on le voit dans la limaille des Métaux, le Sablon, le Verre & toutes sortes de Pierres pilées qui ne sont composées que des molécules de ces corps folides féparées les unes des autres. Les parties insensibles dont ces molécules sont formées, sont adhérentes entre elles, & dans le repos les unes à l'égard des autres: mais dans les liquides, les parties insensibles sont toujours en mouvement les unes à l'égard des autres ; elles sont néanmoins adhérentes entre elles, comme nous l'avons dit, de maniere que cette adhérence ne les empêche pas de gliffer les unes fur les autres, parce que la matiere éthérée qui circule dans les pores des liquides est presque en équilibre avec celles qui poussent les parties de ces liquides les unes contre les autres, ce qui produit une union plus ou moins légere entre ces parties, felon que leur furface forme des pores plus ou moins grands, & qu'il y circule plus ou moins de matiere éthérée, en quoi consiste le plus ou le moins de liquidité.

Nous

Nous avons rapporté dans le Mémoire * de Elévation des liqueurs dans les Tuyaux cafillaires, des expériences qui prouvent l'adérence des parties de l'eau du Mercure & les autres liquides. Nous avons fait voir. 10. Que ces liquides se rendent adhérens aux torps qu'ils touchent. 2°. Que ces liquides. téduits en gouttes, affectent une figure ronde. 3º. Qu'auffi-tôt que deux gouttes d'eau. de Mercure, d'Huile, &c. se touchent, elles se confondent dans le moment, & ne forment qu'une seule goutte, ce qui est une suite nécessaire de leur agitation continuelle & de l'adhérence des parties qui les composent: c'est ce que nous ne voyons point dans les fluides. L'air a les mêmes propriétés que ces liquides, & de la connoissance de toutes ces propriétés, nous en pouvons déduire, par l'analogie, l'adhérence de ses parties entre elles.

1°. Les parties de l'air se rendent adhérentes aux corps qu'elles touchent, nous venons de le faire voir. 2°. Les parties de l'air, réduites en gouttes ou molécules, affectent une figure ronde. 3°. Aussi-tôt que deux bulles ou molécules d'air se touchent, elles se confondent, & ne forment plus qu'une seule bulle, on le voit dans les bulles qui se forment dans l'eau & le Mercure; ce qui ne peut venir que de l'agitation continuelle de leurs parties insensibles, & de leur adhérence les unes à l'égard des autres, comme nous l'avous dit des autres liquides. L'air est donc

ua

un corps liquide, & non pas un fluide, com me l'ont avancé de très favans hommes.

- Puisque l'air se rend adhérent avec tant de facilité aux corps qu'il touche, nous n'avons plus lieu de nous étonner de la suspension des corps durs dissons dans les liquides. ne sera pas difficile de se persuader que des parties insensibles & d'une extrême petitesse puissent être soutenues par l'adhérence des parties de l'air & par l'adhérence des parties du liquide ou dissolvant. Les parties de l'air qui se trouvent dans le dissolvant & le corps dissous, se rendent adhérentes aux parties du corps à mesure qu'il se dissout. Les parties du dissolvant contractent la même adhérence que l'air avec les parties du corps dissous, & l'adhérence des parties du dissolvant entre elles apporte encore un obstacle à la précipitation des parties du corps dissous. En voilà autant & plus qu'il n'en faut pour la sufpension des parties de l'Or, du Mercure & des autres corps solides, dans les liqueurs où ile font diffous.

L'on ne doutera point que les parties de l'eau & des autres corps répandus dans l'athmosphere, environnées de parties d'air, n'y soient soutenues par l'adhérence de ces mêmes parties d'air: ce qui nous donnera une grande facilité pour l'explication de plusieurs. Phénomenes qui regardent les Liquides.

ින් මෙද්වේ දැන්නේ පුවානුව පැමුකුතු දුව කෙයන් වඩා කුරාකුව කරන කියි.

RECHERCHES

SUR

LA CONSTRUCTION DES COMBLES

DE CHARPENTE.

Par M. COUPLET *.

E défaut que j'ai remarqué dans les Toits de présque tous les Bâtimens ordinaires, m'a fait penser à chercher le moyen d'y remédier.

Le défaut de ces Toits est que leur charge fait toujours plier ou surbaisser la piece de bois nommée Panne, qui est placée, lorsqu'elle est seule, à peu près sous le milieu de la longueur des Chevrons pour les soutenir.

Le fléchissement de la Panne occasionne nécessairement le fléchissement du Faîte, comme l'on s'en apperçoit dans presque tous les Bâtimens, où ce défaut n'est que trop commun.

Pour remédier en quelque forte au fléchisfement de ces l'annes, on pourroit les faire d'un plus gros équarriflage qu'on ne les fait ordinairement, ou diminuer la grandeur des Travées.

Mais ces Pannes, si grosses qu'elles soient,

17 Pevrier 1732.

100 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

cederont enfin, tant à leur propre poids, qu'à la charge qu'elles ont à foutenir, furtout lorsqu'elles auront une portée considerable, & particulierement, si elles sont vertes, comme on les employe assez ordinairement dans les campagnes, où l'on est en usage de ne couper les bois que pour remédier sur le champ aux besoins actuels ou de rédisser, ou de construire, ne voulant ou ne pouvant point se donner le tems de les laisser secher, ce qui demande plusieurs années; d'ailleurs les Pannes d'un si grand équarrissage

deviendroient trop cheres.

Mais si, sans avoir recours à des Pannes d'un trop gros équarrissage, ou à la diminution des travées, l'on pouvoit trouver un moven de former les Combles, tels, que les Pannes, qui dans les constructions ordinaires fléchissent toujours les premieres; ne fussent employées uniquement que pour maintenir la forme du Toit, sans en souffrir aucune charge, je crois qu'il seroit à propos de l'employer, puisque dans cette construction, on auroit non feulement l'avantage de remédier à ce fléchissement ordinaire des Pannes en général, mais encore celui que les moindres brins suffiroient pour leur être substitués, & ces petits brins, qui seroient très communs, seroient en même tems à bon marché. Je ne compte point la charge dont on soulageroit les Murailles qui les doivent porter, car dans ce cas les Arêtiers & Arbalêtriers, même les Fermes entieres pourroient être de plus foible équarrissage qu'elles ne font ordinairement, attendu que la charge qu'elles ont actuellement à porter, feroit de beaucoup diminuée dans cette nouvelle conftruction.

La construction que je propose, est de faire les Combles en Mansarde, de maniere que la Panne, qui dans ce cas est nommée Panne de briss, ne soit point chargée par son Comble ou Toit, comme elle l'a été jusqu'à présent, & que cette Panne de briss ne fasse, pour ainsi dire, que maintenir le Toit,

sans en être aucunement chargée.

Pour profiter de cet avantage, je propose que l'on aye soin de faire assembler les
Chevrons par leurs bouts, deux à deux, à
tenons & mortoises en formé de charniere,
ou bien à mi-bois, & de les cheviller à cet
endroit où la Panne de briss devroit être naturellement selon les bonnes & les plus solides constructions; & que chacun des autres
bouts de ces Chevrons soit arrêté à l'ordinaire, l'un brandi sur le Faste, & l'autre attaché dans son pas sur la Sabliere ou Platteforme qui lui est destinée. L'on peut encore
assembler les Chevrons à tenons & mortoises
en forme de charniere au dessus du Faste.

La difficulté ne consiste qu'à trouver la place de la Panne de briss, dans laquelle, soit que ces Chevrons soient assemblés au moyen de leurs charnières, soit qu'ils soient tous deux brandis sur cette Panne de briss, l'équilibre du Toit entier se puisse trouver, sans avoir aucune détermination à charger cette Panne, laquelle Panne dans ce cas nous pourrons faire aussi foible que l'on voudra, puisqu'à la rigueur on pourroit s'en passer.

E 3 P R O.

PROBLEME I:

* Soit à construire le Comble ABC en Manfarde, dont le Poinçon AD & la moitié DC de la largeur du Bâtiment joient donnés quelconques; & soit supposé la Panne de briss placée en B, de manière que le Chevron AB soit égal au Chevron BC.

Il fant determiner la position du point B, telle que le Toit AB soit en équilibre avec le Toit BC.

SOLUTION.

Par le centre de gravité & milieu P du Toit AB, soit tirée la verticale MN.

Par les points A & B, foient tirées les horizontales AH, BF; & par les points M, N, où ces horizontales rencontrent la verticale MN, foient tirées les lignes NA, MB.

L'on aura un parallelogramme MANB, tel, qu'en exprimant la pesanteur du Toit. AB par la diagonale verticale MN, les efforts que ce Toit fera contre ses appuis A, B, seront exprimés par les grandeurs MA, MB.

Mais l'effort MA doit être foutenu par le Toit qui est de l'autre côté du Bâtiment. Donc il ne reste plus qu'à chercher quel est l'effort MB, pour renverser la partie BC du Toit proposé.

Or cet effort MB est composé lui-même de deux autres efforts NB, HB, dont l'un est

est horizontal, & l'autre est vertical.

Le premier NB de ces deux efforts est employé à renverser le Toit BC avec le levier BG.

Et le second effort HB, qui est égal à la pesanteur MN, est au contraire employé à retenir ce même Toit BC, ou à le faire rentrer dans le Bâtiment, & cet effort HB est appliqué au bras de levier GC.

Ceci bien entendu, il ne sera pas difficile de trouver quels sont tous ces efforts. &

leurs énergies.

Soit FB ou DG.... = x. AF ou MN... $\Rightarrow a-y$. L'on aura Soit de plus AB & BC ou chacun de leur poids.... □p.

Pour-lors l'on aura cette analogie: La pesanteur du Toit AB étant réunie à fon centre de gravité P,

està l'effort qu'elle fait horizontalement suivant NB, comme MN est à NB,

c'est-à-dire, $a-y: \frac{x}{2}: p: \frac{px}{24-2x}$

dont le 4me terme exprime l'effort horizontal fuivant NB.

Multipliant cet effort par son levier $BG = f_*$

le produit 2 fera l'énergie de l'effort horizontal que le Toit AB fait pour renverser le Toit BC.

E 4

Mais le Toit AB agit aussi de toute sa pefanteur sur le point B pour retenir le Toit BC.

Ainsi multipliant sa pesanteur p par le levier GL = b - x, le produit pb - px sera l'énergie que le Toit AB a pour retenir le Toit BC.

C'est pourquoi retranchant cette derniere énergie verticale de la premiere horizontale,

le reste $\frac{p \times y}{24 - 2x} - pb + px$ sera l'énergie du

Toit AB, pour renverser le Toit BC, en le faisant tourner autour du point C.

Voyons maintenant quelle est l'énergie du Toit BC pour résister à celle du Toit AB.

Pour cela la pesanteur du Toit BC étant réunie à son centre de gravité O, sa pesanteur P étant multipliée par son levier

 $CQ = \frac{b-x}{4}$..

Le produit $\frac{pb-px}{2}$ fera fon énergie, kaquelle doit être égale à celle du Toit AB pour lui résister; ce qui donne cette Equation $\frac{pb-px}{2} = \frac{pxy}{26-27} - pb + px$.

Passant le 1er. membre, l'on aura $\frac{p \times y}{2s - 2y}$

 $-\frac{3pb+3px}{2}=0.$

Divisant par $\frac{p}{2}$, l'on aura $\frac{xy}{6-7} - 3b$ +3x=0.

Multipliant par a-y, l'on aura xy-3ak

+3ax+3by-3xy=0, ou 3by-2xy-3ab+3ax=0.

Cherchons maintenant à substituer en la place de y une grandeur qui ne contienne que des x & des grandeurs connues, ce qui se fera ainsi:

A cause des Triangles rectangles AFB, BGC, l'on aura $AB = \overline{BF}^2 + \overline{AF}$ ou pp = xx

-+aa-2ay + yy. L'on aura aussi BC ou

AB = BG + GC ou pp = yy + bb - 2bx + xx. Ce qui donne cette Equation

xx + aa - 2ay + yy = yy + bb - 2bx + xxRetranchant xx + yyde part & d'autre, l'on aura

aa-2ay=bb-2bx. Et par confequent -2ay=-aa+bb-2bx, ou 2ay=aa-bb+2bx.

Et $y = \frac{aa-bb+2bx}{2}$.

Et multipliant par -2π , l'on aura $-2\pi \sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{-2\pi\pi \times \frac{1}{2} \frac{166\times -46\times \pi}{2}}{2\pi^2}$

Substituant ces valeurs de 3by & -2xy dans l'Equation 3by - 2xy - 3ab + 3ax = 0, l'on aura

466x - 1866 x - 46xx - 3666-16.5 = 0.

Multipliant par 2a, & transportant -4bxx +4aax+8bbx, l'on aura -3aab-3b?. =4bxx-8bbx-4aax.

Die

106 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Divifant par 4 b, l'on aura — 124 — 18 = 18 x x

Ajoutant le quarré de $\frac{2b-aa}{2b}$, l'on aura $\frac{4b.^4+4aabb+a.^4-3aabb-3b.^4}{4bb} = xx - \frac{2bb-aa}{b}$

Abregeant & tirant la racine quarrée, l'on aura $-\sqrt{\frac{b.^{2}+aabb+a.^{2}}{2b}} = x - \frac{2bb-aa}{2b}.$

Transportant -265-az, l'on aura

$$x = \frac{2bb + aa - \sqrt{b.4 + aabb + a.4}}{2b},$$

qui est la grandeur BF ou DG. Ce qu'il falloit trouver.

COROLLAIRE L ...

* Si l'on veut que la hauteur a du Poinçon foit égale à la demi-largeur b du Comble, comme c'est assez l'usage dans les campagnes, il faudra substituer b en la place de a dans la formule $x = \frac{2b + aa - \sqrt{b \cdot + aabb + a \cdot a}}{2}$ que nous avons trouvé pour la Solution du Problème, & l'on aura cette nouvelle formul-

Fig. 1

mule $w = \frac{3kb - \sqrt{3}b^4}{2^5} = \frac{3b - \sqrt{3}b^3}{2^5}$, C'est-à-dire, que la distance BF de la Panne de briss au Poinçon sera $= \frac{3b - \sqrt{3}b^4}{2^5}$.

COROLLAIRE IL

* Si l'on veut que la hauteur z du Poinçon foit égale au tiers de la largeur entiere du Comble, ou aux deux tiers de sa demi-largeur b, comme c'est assez l'usage dans les Villes, il faudra substituer $\frac{2b}{3}$ en la place de a dans la formule trouvée pour la Solution du Problème, & l'on aura

BFou
$$x = \frac{2bb + \frac{4bb}{9} + \frac{4bb^4}{51}}{2b}$$

$$= \frac{22bb - \sqrt{133b^4}}{18}, \text{ C'est-à-dire, que la distance } BF$$
ou x de la Panne de briss au Poinçon sera
$$= \frac{11b}{9} - \frac{\sqrt{133bb}}{18}.$$

CONSTRUCTIONS:

J. Pour construire la formule $x = \frac{2bb + ax - \sqrt{b^2 + aabb + a^2}}{2b}$ que nous avons.

Fig. 23

102: Memoires de l'Academie Royale vons trouvée dans Solution du Problème premier.

*Soit tiré AK perpendiculaire fur AC, l'on aura

$$KD = \frac{\overline{AD}}{\overline{DC}} = \frac{AB}{b}$$

• Et par conséquent sa moitié PD =

&
$$PC = b + \frac{aa}{2b} = \frac{2bb + aa}{2b}$$
.

Ayant tiré sur le milieu de AC en I la perpendiculaire BD, I'on aura $CI = V \stackrel{aa-+bb}{=}$ = V = 15+ 51

Maintenant faifant $IL = PD = \frac{eE}{2B}$

= V ..., & tirant l'hypothénuse C L, l'on

aura
$$CL = \sqrt{Cl + IL} = \sqrt{a^4 + aabb + b.4}$$

= $\sqrt{aabb + b.4 + a.4}$

Enfin faifant CM = CL, l'on aura PM $=PC-CL=\frac{2bb+aa-\sqrt{aabb+b.}+a.}{a.b.}$

qui est la valeur de x suivant la Solution.

Ainsi faisant DG = PM, & élevant la perpendiculaire GB, pour-lors le point B, où cette perpendiculaire rencontrera la ligne BL; sera le point de rencontre des Toits AB, BC. Ce qu'il falloit tronver

II.

Pour construire la formule $x = \frac{x^2 - x^2 + x^2}{2}$, que nous avons trouvée dans le Corollaire premier.

* Faites un demi-cercle sur D C pour diametre, & faites l'arc DR de 60°; puis du point C, comme centre, décrivez l'arc R S,

I'on aura $CS = \sqrt{\frac{3bb}{4}}$, car suivant cette con-

struction, puisque le diametre CD a été appellé b, & que l'arc DR est de 60°, nous aurons la corde $DR = \frac{b}{2}$, & par conséquent la corde CR = CS de son supplément sera égale $\sqrt{bb} = \sqrt{\frac{bb}{2bb}} = \sqrt{\frac{bb}{2bb}}$.

Ainsi faisant $CT = \frac{3b}{2} = \frac{3DC}{2}$, l'on aura

$$TS = CT - CS = \frac{3k}{2} - \frac{\sqrt{3bb}}{2} = \frac{3b - \sqrt{3bb}}{2}$$

qui felon l'expression de la Solution est égalx=BF=GD.

Donc pour la pratique, il faut faire GD, DF, FB, BG, =TS, & le point B où aboutissent les Toits AB, BC, sera déterminé. Ce qu'il falloit trouver.

ILL

110 MEMORES DE L'ACADEMIE ROYALE

III.

Pour - construire la formule $x = \frac{\pi i \delta}{2}$

18 que nous avons trouvée dans le

Corollaire second,

*Soit tirée l'hypothénuse AC, & sur le milieu I de cette hypothénuse soit tirée la per-

pendiculaire IE.

Ensuite ayant porté la valeur de x de D en G, élevé GB perpendiculairement sur DC, pour-lors le point B où cette perpendiculaire rencontrera la ligne IE, sera celui où les deux Toits AB, BC doivent aboutir: car il est évident que ces deux Toits étant supposés égaux, doivent aboutir dans la ligne IE.

Pour trouver cette valeur de a, faites

$$CV = \frac{133 b}{324} = \frac{133 D C}{324}$$

Puis élevez la perpendiculaire VR, & du point C, comme centre, décrivez l'arc RS, pour-lors l'on aura CS ou $CR = V \overline{CV \times CD}$

$$= V \frac{\frac{133}{133} \frac{bb}{b}}{\frac{124}{12}} = \frac{\sqrt{133} \frac{bb}{12}}{12}$$

Maintenant faites $CT = \frac{11k}{9}$, & pour-lors

I'on aura
$$TS = \frac{11b}{9} - \frac{\sqrt{153bb}}{18} = x$$
.

Ainsi faisant DG = TS, & élevant la perpen-

Fig. 2.

pendiculaire GB, le point B on elle rencontrera la ligne EI fera le point de concours des Toits AB, BC, ou le lieu de la Pange de brifis. Ce qu'il falloit trouver.

PROBLEME II.

* Trouver la longueur de chacun des denn Chevrous égaux AB, BC, qui forment la moisié ABC du Comble en Manjarde, dont la bauteur AD, Es la demi-largeur DC, sont données quelconques.

SOLUTION.

Nous avons trouvé dans le Problème premier, B G ou $y = \frac{aa - bb + 2bx}{2a}$. Mais nous avons trouvé $DG = x = \frac{2bb + aa - \sqrt{aabb + b \cdot ^4 + a \cdot ^4}}{2b}$. Subflituant cette valeur de x dans l'Equation précédente, l'on aura B G, ou $y = \frac{aa - bb + 2bb + aa - \sqrt{aabb + b \cdot ^4 + a \cdot ^4}}{2a}$. Et $BG = \frac{2b \cdot ^4 + 5aabb + 5a \cdot ^4 - 2bb - 4aa \times \sqrt{b \cdot ^4 + 4abb + a \cdot ^4}}{4aa}$. En fin $GC = DC - DG = b - \frac{2bb - aa + \sqrt{b \cdot ^4 + aabb + a \cdot ^4}}{2b}$. Et par conféquent l'on

ROYALE Et donnant même dénominateu

DES SCIENCES.

113

Tirant la Racine quarrée, l'on aura BC

Ce qu'il falloit trouver.

REMARQUE.

L'on auroit pu d'abord trouver la valeur de BG, en mettant dans la valeur de DG la lettre b en la place de a, & la lettre a en la place de b, parce que les Toits AB, BC, ieront également en équilibre, foit que AD ou DG foient la hauteur, comme on le voit évidemment, en comparant la valeur de DG avec celle de BG, qui ne différent entre elles qu'en ce que l'une a des a & des b aux mêmes endroits ou l'autre a des b & des a, puisque ces deux Equations sont

$$BG \text{ ou } y = \frac{bb + iaa - \sqrt{aabb + b.^4 + a.^4}}{2a}$$

$$Et DG \text{ ou } x = \frac{2bb + aa - \sqrt{aabb + b.^4 + a.^2}}{2b}$$

Corollaire I.

Si l'on veut avoir la longueur des Chevrons AB, BC, lorsque la hauteur a du Poinçon est égale à la moitié b de la largeur totale du Comble, il faudra substituer b en la place de a dans la formule qui donne la valeur du Chevron BC dans la Solution du Problème se cond, & l'on aura cette nouvelle formule BC

114 Memoires de l'Academie Royale

$$BC = \frac{2bb}{2bb} \sqrt{4bb - 2\sqrt{3b^2}}$$

Et divisant le numerateur & le dénominateur par 2 bb. l'on aura $BC = \sqrt{4bb-21/3b}$.

 $=b \times \sqrt{4-2V_3} = b \times \sqrt{4-\sqrt{12}}$

Et si l'on veut ôter les incommensurables, l'on aura $BC = b \times \frac{7}{1000}$, ce qui donne cette analogie

Comme 1000 est à 732,

Ainsi la demi-largeur b du Comble, ou la hauteur b=a du Poinçon, est à la longueur BC de chacun des deux Chevrons égaux

AB, BC.

COROLLAIRE II.

Si l'on veut avoir la longueur des Chevrons égaux * AB, BC, lorsque la heuteur a du Poinçon est égale au tiers de la largeur entiere du Comble, ou égale aux deux tiers de sa demi-largeur b. Ce qui donnera $a = \frac{2b}{3}$.

Il faudra substituer $\frac{2b}{3}$ en la place de a dans la formule qui donne la valeur du Chevron BC dans la Solution du Problème second, & l'on aura cette nouvelle formule BC

Com-

Et si l'on veut, ôter les incommensurables, l'on aura $BC = j \times \frac{1}{2}$ si si si donne cette analogie,

116 Memoires de l'Academie Royalie

Comme 100000 est à 61865,

Ainsi la demi-largeur b du Comble est à la longueur B C du Chevron demandé.

PROBLEME III.

Trouver l'effort borizomal que le Comble quelconque ABC * fait contre la Platte-forme C qui bui doit réfister.

Solution.

Ayant tiré la droite NO par les milieux N, O, des Toits AB, BC. Si par le milieux P de cette droite NO, l'on tire une verticale MPL, le poids du Toit sera à sa poussée horizontale, comme la hauteur AD de ce Toit est à la ligne LC.

Le Toit étant construit, l'on connoîtra toujours la hauteur AD, & la ligne LC: Et par conséquent l'on aura le rapport du poids du Toit à sa poussée horizontale, comme

AD, est à LC.

DEMONSTRATION.

Il est évident que le point P sera le centre de gravité du Toit ABC, & la ligne ML sera la direction de son poids.

Maintenant par le faîte A du Toit, tirant l'horizontale AM, & la ligne MC, & par le point L une droite LQ parallele à MC,

l'on.

l'on aura un parallelogramme QMCL.

Or la diagonale verticale ML de ce parallelogramme, ou fon égale AD, représentant le poids du Toit ABC, se décomposera en deux forces MQ, MC, dont la force horizontale MQ sera soutenue par l'autre côté du Toit, & MC sera la poussée du Toit suivant MC sur la Sabliere.

Mais failant le parallelogramme CLMR, pour-lors la poussée oblique MC se décompossera en une verticale RC égale à ML, ou AD, qui représente le poids du Toit ABC & dans une poussée horizontale LC expri-

mée par L C.

Ainsi la pesanteur du Toit est à l'effort horizontal du même Toit, comme ML, ou AD, hauteur du Toit, est à LC, qui est la distance du pied du Chévron à la versicale qui passe par le centre de gravité du Toit ABC.

Ce quil falloit démontrer.

L'on voit que cet effort horizontal L C du Toit ABC est celui auquel il faudra que cette Sabliere ou Platte-forme résiste, puisque c'est sur elle que les Chevrons s'appuyent: mais cette Sabliere ne sera pas obligée de résister avec cont cet effort, exprimé par L C. Car cette Sabliere se trouvant, pour ainsi dire, unie au Mur sur lequel elle est posée immédiatement & maçonnée, elle ne cedera point que le Mur lui-même ne commence, & ne consente, pour ainsi dire, à sa rupture; en sorte que la Sabliere & le Mur pris ensemble seront employés à cette résistante L C.

Quand même la Platte-forme ou Sabliëre fouf-

118 Memoires de l'Academie Royale

fouffriroit tout l'effort LC, il fera facile de savoir l'échantillon qu'il conviendra de lui donner, conformément à la résistance des Bois, dont ont traité plusieurs illustres Auteurs, Galilée, Mariotte, Varignon en 1702. & Parent en 1707 & 1708 des Mémoires de l'Académie.

THEOREME I.

Les Tones les plus roides on les plus élevés font moins d'effort pour écarter les Sablieres que les Toits plus surbaisses, lorsque la largeur du Comble est la même.

DEMONSTRATION.

Soient deux Toits * AB, CB, de même largeur DB; sur le milieu F de la largeur DB, soit tiré la verticale EF, laquelle coupera les deux Toits AB, CB, en deux également aux points 0 & P.

Soient tirées les horizontales AE, CL, & les lignes EB, AF, LB, CF; l'on aura deux parallelogrammes AEBF, GLBF, dont les diagonales verticales BF, LF, pasferont par les centres de gravité 0, P, des

Toits AB, CB.

Si donc l'on considere le parallelogramme AEBF, l'on aura la pefanteur du Toit ABà l'effort horizontal qu'il fera pour écarter la Sabliere B, comme la diagonale verticale LF est a l'horizontal FB.

Ainsi la pesanteur du Toit AB étant appel-

& son effort horizontal étant appellé....f. L'on aura f:p::FB:EF ou $::FB:AD_*$

Par la même raison, si l'on appelle - la pesanteur du Toit CB, & o son effort horizontal, pour écarter la Sabliere B, l'on aura. à cause du parallelogramme CLBF, cette analogie:

La pefanteur du Toit CB, exprimée par la diagonale verticale LF, est à l'effort horizontal exprimé par FB, qu'il fait contre la Sabliere B. comme LF est à FB, ou bien. comme CD est à FB.

C'est-à-dire, $\pi : \phi :: CD : FB$. Mais la pesanteur du Toit AB est à celle du Toit CB, comme AB est à CB.

C'est-à-dire, $p : \pi :: AB$, GB. Multipliant ces trois analogies par ordre. I'on aura $f \times \pi \times p : p \times \pi \times p :: FB \times CD \times AB : AD$ $\times FB \times CB$.

Divisant les deux premiers termes de cetxe analogie par $p\pi$, & les deux derniers termes par FB, elle se transformera en celle-ci $f:\varphi::CD\times AB:AD\times CB.$

Maintenant si l'on met $\sqrt{AD} + BD$ en la place de $AB & \sqrt{UU^2} + \overline{BD}$ en la place de CB, l'on aura $f:\varphi::CD\times \sqrt[p]{AD}^2 \rightarrow BD$: $AD \times V\overline{CD} \rightarrow \overline{BD}$, ou bien $f : \rho$

120 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

$\sqrt{\overline{GD}^2 \times \overline{AD}} + \overline{BD} \times \overline{AD}$.

Mais il est évident que le troisieme terme

est plus petit que le quatrieme.

Donc le premier terme est aussi plus petit que le second, c'est à dire, que la poussée horizontale du Toit le plus élevé, est la plus petite. Ce qu'il falloit démontrer.

THEOREME II.

La charge totale d'un Toit, ou l'effort total que les Chevrons souffrent par la charge des Iniles dont ils sont couverts, est toujours la même, quelque surmonté, on quelque surbaissé que soit ce Toit.

DEMONSTRATION.

Mais la pesanteur d'un corps étant à la charge qui en résulte sur le plan sur lequel

il est posé comme la longueur du plan est à saie,

Donc en multipliant ces trois analogies par ordre, l'on aura $p \times f \times \pi : p \times \pi \times \varphi \approx AB \times BD \times CB$.

Or les deux derniers termes de cette analogie sont égaux. Donc les deux premiers le

sont aussi.

Donc $p \times f \times \pi = p \times \pi \times \varphi$, ou bien $pf \pi = p\pi \varphi$.

Divisant par $p\pi$, l'on aura $f=\rho$. C'est-à-dire, que la charge du plan du Toit AB est égale à la charge du plan du Toit CB, quelque differentes que soient leurs hauteure AD, CD, ayant toujours une largeur commune DB. Ge qu'il falloit démontrer.

SCHOLIE.

Les Toits les plus roides sont les plus se-

lides.

10. Les Eaux des Pluyes coulent dessus avec plus de rapidité, & par conséquent le vent a moins de tems & de facilité pour les faire entrer entre les Tuiles dans l'intérieur du Comble.

20. Le vent a moins d'action pour feuilleter les Tuiles, & découvrir ces sortes de

Toits roides.

30. Ils travaillent moins pour écarter leurs Sablieres ou Platte-formes, & par conféquent une moindre résistance peut en soutenir la poussée, comme il est démontré (Th.1.)

Mém. 1731. F 4º. Quant

122 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROY

40. Quant à la charge que ces Toin frent par les Tuiles dont ils sont con elle est la même pour tous les Toits néral, foit qu'ils soient surbaisses, sois soient surmontés, pourvu qu'ils soient formés sur une même largeur de Comme il est démontré (Théor. 2.)

Characteries soles constitutes and pages as

DISSERTATIO

SUR

LA MANIERE D'ARRETER LE

DANS LES HEMORRAGI

Avec la Description d'une Machine on B ge propre à procurer la consolidation des seaux, après l'Amputation des Membra la seule Compression.

Par M. PETIT. *

J'IL est une occasion dans laquelle la rurgie soit plus utile que dans une a c'est lorsqu'il s'agit d'arrêter le san coule abondamment par l'ouverture vaisseau considerable; mais s'il est us qui exige plus particulierement ce secon Chirurgien, c'est lorsque faisant que opération, il coupe lui-même un vai

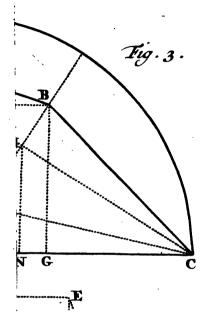
^{* 4} Aveil 1792.

Mem. de l'Acad. 1731 Pl.3. Pag. 122. Н





, + ,



124 Memoires de l'Academie Royale

Ce moyen parut d'autant plus naturel à celui qui s'en servit le premier, qu'on le mettoit déja en usage pour barrer les Varices. les Hémorroldes, & autres Veines. Mais quoique toutes ces opérations dussent autoriser les Chirurgiens à faire la Ligature des vaisfeaux qu'on est obligé de couper dans l'Amputation des Membres, on ne s'en étoit point encore servi dans ces occasions, au XVI. Siecle. Ambroise Paré, Chirurgien de trois de nos Rois, fut le premier qui la înit alors en pratique. Cette maniere d'arrêter le sang, qui parut nouvelle, lui attira bien des contradictions; mais quoique desapprouvée d'abord par quelques uns de ses contemporains, il eut la satisfaction de la voir pratiquer avec un grand fuccès. La Ligature rendit les Chirurgiens moins timides: l'Amputation des Membres devint une opération plus sure, moins douloureuse, & la guérison en fut plus promte. On s'en est presque universellement servi jusqu'à présent pour arrêter le fang, non seusement dans l'Am-putation des Membres, mais encore dans l'opération de l'Anévrisme, & dans les Playes accompagnées de grandes Hémorragies.

Tous ces differens moyens n'auroient jamais, où n'auroient que très rarement, été suivis de succès, sans la Compression, qui a toujours été d'un grand secours. Pour faire cette Compression, après avoir mis sur les vaisseaux les Stiptiques, les Caustiques, ou même après en avoir fait la Ligature, on y applique des compresses pyramidales assujetties et soutenues par plusieurs tours

de bande suffissamment serrés pour résister. à l'impulsion du sang de l'Artere, & s'opposer à la chute trop promte de l'Escarre que font les Stiptiques & le Feu, ou à la séparation prématurée de la Ligature. Sans cette précaution, on auroit presque, toujours à craindre l'Hémorragie, qui n'arrive que trop souvent à la chute de la Ligature ou de l'Escarre, malgré les soins qu'on prend pour l'éviter par une Compression convenable.

La Compression est aussi ancienne que les autres moyens d'arrêter l'Hémorragie; elle est même, selon toute apparence, conforme à la premiere idée que les hommes ont dû naturellement avoir pour arrêter le sang. J'espere cependant, en ce qui concerne les Amputations, lui donner aujourd'hui tous les avantages de la nouveauté, foit par rapport. à la maniere de comprimer les vaisseaux, soit par rapport à l'usage exclusif que je lui donne. en rejettant celui des Astringens, des Stiptiques, des Caustiques, & même de la Ligature des vaisseaux, autant qu'il est possible. Je vais d'abord rapporter les observations que j'ai faites sur la maniere dont le fang s'arrête par les differens moyens dont ie viens de parler.

Lorsqu'une Hémorragie considerable a été arrêtée par les Absorbans ou les Stiptiques, c'est toujours par le moyen d'un Caillot soutenu de la compression, que l'orisce du vaisfeau se trouve bouché. Ce Caillot a ordinairement deux parties, l'une au dehors du vaisseau, & l'autre au dedans. Celle du

126 Memores de l'Academie Royale

dehors est formée par le sang deraier sorti, qui, en se caillant, fait corps avec le charpi, la mousse, ou les poudres, dont on s'est servi pour arrêter le sang. L'autre partie du Caillot, qui est dans le vaisseau même, n'est précisément que la portion du sang qui étoit prêt à sortir, quand on a bouché le vaisseau. Ces deux parties ne sont souvent qu'un même Caillot; celle du dehors sait l'office de Couvercle, & celle du dedans sait l'office de Bouchon. L'une & l'autre arrêtent le sang par la solidité qu'elles acquierent en se coagulant, & par l'adhérence qu'elles contractent ensuite, l'une avec l'intérieur du vaisseau, & l'autre avec son orisice externe.

Si l'on s'est servi des Stiptiques ou des Escarotiques, le Caillot est plutôt formé que quand on a usé des Absorbans, ou des simples Astringens: il occupe une plus grande étendue de la cavité du vaisseau; ce qui fait un Bouchon plus profond. Le Coavercle ou la portion extérieure du Caillot est aussi beaucoup plus épaisse, parce qu'en même tems que les Stiptiques & Escarotiques coagulent le fang, ils brulent une portion du vaisseau & des chairs voisines, qui, faisant corps avec le sang caillé, forment ensemble un Couvercle plus épais & plus étendu.

La Ligature arrête le fang en plissant & ferrant le vaisseau, comme fait le cordon avec lequel on lie un fac. Le fang qui étoit prêt à fortir, retenu par la Ligature, se coagule à la vérité plus lentement que lorsqu'on se fert des Stiptiques, mais il se coagule toujours, & on doit le regarder com-

me la portion du Caillot, que j'ai appellée, le Bouchon, qui dans ce cas est retenu par la Ligaure; au-lieu que dans l'autre, la Bouchon est retenu par la portion extérieuse du Caillot, que j'ai appellée le Couvercle.

Ce Caillot ou ce Bouchon est par sa figure: bien different de celul qui! se forme après l'application des Stiptiques. Celui-ci est evlindrique. & celui qui se forme après la Ligature a une figure pyramidale, la base du eôté de l'intérieur duvaissent, & la pointe du côté do la Ligature. Cette figure est très favorable pour retenir le fang après la chute de la ligature, pourvu qu'elle le sépare sans effort par la seule supuration & l'accroissement des chairs qui se forment au-dessus de l'endroit liéz car aldre, quand même l'orifice du vaisseau ne senoit pas enticrement réuni ou sermé par les chairs, il seroit du moins si considerablement rappetissé, que le Caillot (supposé en'il fût entierement détaché de la paroi de vailleau . comme cela arrive quelquefois) ne feroit point chasse au dehors par l'impulson du lang, mais tout au plus la pointe du Caillot s'engageroit dans ce qui resteroit d'ouverture au vaisseau, & y entrant, pour ainsi dire, à force, le boucheroit exactement. Ce n'est pas la même chose, quand quelque convultion, ou quelques autres mouvemens violens de la part du Malade, font eause de la séparation de la Ligature; car cette séparation se fait alors avant la parfaite clôture du vaisseau; & de plus, le Caillot; malgre sa figure, est poussé avec tant de violence, que non seulement il sort, mais qu'il

128 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

qu'il détruit même en passant tout ce qu'il y a de réunion commencée; & l'ouverture du vaisseau, aussi large qu'auparavant, laisse

darder le sang comme le premier jour.

La forme du Caillot, telle que je viens de la décrire, se voit parfaitement * pour l'ordinaire, dans le Moignon de ceux qui font morts depuis le deux jusqu'au vingt ou trentieme jour de l'Amputation. J'ai présenté à la Compagnie l'Artere crurale d'un Homme à qui un avoit coupé la Cuisse depuis cinq jours, & dont on peut voir la Figure.

A, l'Artere ouverte.

B, la Ligature.

C, le corps du Caillot.

D, sa pointe du côté de la Ligature.

E, la pointe du Caillot du côté supérieur. Après la chute de la Ligature, il arrive assez souvent une légere Hémorragie, parce que le Caillot, en durcissant, a diminué de volume, & s'est détaché par quelque endrois de la paroi du vaisseau; mais cette Hémorragie subsiste seulement, ou jusqu'à ce que le Caillot entierement détaché de la paroi du vaisseau, puisse être poussé par le sang vers l'endroit que la Ligature a rendu plus étroit, ou jusqu'à ce que le sang qui passe entre le Caillot & le vaisseau, ait bouché cet intervalle en s'y caillant.

Lorsqu'on a arrêté le sang avec les Stiptiques ou avec les Caustiques, si à la chute de l'Escarre il survient Hémorragie, ne fût ca

qu'un

^{*} Voyez la premiere & la fecende Figure.

qu'un suintement, le sang ne s'arrête souvent pas avec facilité, parce que par cette maniere d'arrêter le sang, l'orifice du vaisseau n'est pas retréci comme quand on s'est servi de la Ligature. Si le Caillot, qui est presque cylindrique, tient encore par quelque endroit à la paroi du vaisseau, il n'y aura qu'un suintement; mais s'il en est entierement détaché, la plus légere impulsion du sang le chassera dehors, & l'Hémorragie recommencera, à moins que par une Compression artistement faite sur l'extrémité du vaisseau. on ne retienne ce Caillot prêt à géchaper, jusqu'à ce que le sang remplisse l'espace qui le trouve entre lui & la paroi du vailleau qu'il s'y coagule, & qu'il le bouche une feconde fois.

La clôture des Vaisseaux par l'usage de la feule compression ne se fait pas tout-à-fait de même, sur tout si l'on a observé, en la faisant, toutes les circonstances que je rapporterai ci-après, & dont une des principales est de comprimer le vaisseau par le côté. Alors l'embouchure n'est plus ronde, elle est applatie comme l'anche d'un Hautbois : les parois & les bords appliqués l'un contre l'autre, s'unissent & se consolident comme deux parties fraichement coupées; puis, toutes les deux ensemble se joignent avec les chairs voisines, & cette adhésion. qui se fait peu-à-peu, est suivie d'une reunion & d'une cicatrisation commune. Il se forme un Caillot intérieur comme après la ligature, lequel n'a pas la même figure, puisque son moule est different; cependant 4. 5

130 Memoirede l'Academie Royale

supposé qu'il se détachat, il arrêteroit de même le sang, pourvu que l'ouverture du vaisseau fût en partie réunie, parce qu'il est plus épais du côté de la cavité du vaisseau que du côté de son orifice. Il y a donc cette difference entre la réunion d'un vaisseau procurée par la Ligature, & celle qui est procurée par la Compression; que la réunion par la Ligature ne se fait, pour ainsi dire, que dans le point où le fil a réuni toute la circonference du vaisseau; & que la réunion procurée par la Compression, se fait non soulement d'un bord à l'autre, mais encore dans toute l'étendue des furfaces intérieures qui ont été appliquées l'une sur l'autre par l'applatissement du vaisseau comprimé, & c'est ce qui rend cette adhésion plus étendue & plus capable de foutenir le Caillot, & de résister à l'impulsion du sang.

Dans toutes ces differentes manieres d'arrêter le sang, on voit que le Caillot est très nécessaire; mais on croira difficilement qu'it devienne partie solide, & que ce soit lui qui pour toujours empêche le sang de passer par le vaisseau. Il y a cependant tout lieu de croire que ce Caillot une sois durci, s'attache si exactement à la paroi du vaisseau, qu'il ne sait plus avec lui qu'un seul & unique corps sous la forme d'un cordon; sinon pour toujours, du moins pour un tems considerable. C'est ce que j'espere démontrer dans un au-

tre Mémoire.

Après l'examen que je viens de faire des moyens d'arrêter le fang, il me paroît qu'il n'est pas difficile de se déterminer sur le choix, & que la Compression mérite la préférence. Les Absorbans sont insuffisans pour les grandes Hémorragies. Les Stiptiques & les Escaportiques caulent beaucoup de douleur; ils détruient les parties, découvrent quelquefois les os, & l'on court risque de voir couher le fang une seconde fois à la chute des Escarres. Il est vrai qu'on se rend plus maitre du sang, lorsqu'on se sert de la Ligatuse que l'orlation le sert des Stiptiques: mais la Ligature cause de grandes douleurs. des tressaillemens convulsifs, & quelquefois la convultion du Moignon, qui souvent est mortelle, ou par elle-même, ou parce qu'else occasionne l'Hémorragie par les mouvemens extraordinaires que le Malade ne peut a'empêches de faire.

le ne dirai rien de la maniere d'arrêter le fang avec le Plomb fondu, ou les autres mésaux rougis dans les charbons ardens, parce que ie ne l'ai jamais pratiquée, ni vu pratiquer. Elle est louée par quelques Auteurs, mais elle est décriée par ceux qui ont adopté la Lizature. Ceux-ci la regardent comme trop cruelle & trop difficile à pratiquer. parce qu'on ne peut pas toujours donner au Fer le degré de chaleur convenable : stop chand, il emporte avec lui la piece brulée, sans arrêter le sang; & s'il n'est pas assez chaud, il ne produit point la crispation qui convient pour l'arrêter. 'Après avoir fair réflexion fur tous ces moyens different pour arrêter lo fong dans les Amoutations, j'ai cru

denoir poésérent la Compression.

On peut objecter centre la Compuession »

F 6 que

132 Memoires de l'Academie Royale que si elle est forte, elle comprimera trop. & que la partie comprimée peut tomber en Gangrene; que si elle n'est pas forte, elle ne peut arrêter un gros vailleau, sur-tout lorsqu'il est coupé entierement, comme dans les Amputations des membres. l'avouerai que ce sont-là les défauts de la Compression, telle que je l'ai décrite ci-dessus, ou telle qu'elle s'est toujours pratiquée. On ne peut la graduer, ni la ménager, de maniere qu'en agissant sur les parties qui doivent être comprimées, on laisse sa liberté à celles qui n'ont pas besoin de compresfion. & à qui même elle peut être très nuisible. Mais la Compression que je propose aura des forces suffisantes, & elle sera ménagée de maniere qu'on évitera toutes fortes d'inconvéniens.

L'art de comprimer les vaisseux ne confiste donc pas dans la quantité des forces qu'on employe, mais dans la maniere de les

appliquer.

La force de la colomne du fang, qui fort d'une Artere ouverte, n'est pas si considerable, qu'un Caillot adhérent à l'orifice du vaisfeau ne puisse lui résister: une compresse sous enue d'un léger bandage peut quelquesois suffire. Le bout du doigt, quoique légerement appuyé sur l'orifice d'un vaisseau ouvert, est suffaiant pour en arrêter le fang; & il ne faudroit pas autre chose, si l'on pouvoit toujours tenir le doigt dans cette actitude, & si le Moignon d'un Malade agité pouvoit garder assez longtems la même situation. Mais comme la chose est impossible, il faux trou-

ver une Machine qui fasse l'ossice d'un doigty & qui, surement & invariablement appliquée au Moignon, suive si bien les attitudes d'un Malade inquiet, qu'elle garde toujours les mêmes rapports avec le Moignon; qu'elle soit telle ensin que le vaisseau se trouve toujours pressé dans les mêmes points, & avec jours pressé dans les mêmes points, & avec

les mêmes degrés de compression.

Une condition effentielle à cette Machine est qu'elle ne gêne point le Malade, asin qu'il puisse la supporter tout le tems nécessaire, sans aucune incommodité. Pour cela, il faut qu'elle n'agisse que sur les parties qui doivent être nécessairement comprimées, laissant toutes les autres en pleine libersé: il faut de plus « qu'elle soit construite de maniere que, sans causer aucuns mouvemens au Moignon du Malade, on puisse la relacher, ou la resser-rer, selon les cas.

Si après l'Amputation, le Moignon enfle, & se gonsie, la compression sera trop forte, la machine trop serrée, il faut pouvoir la relacher: au contraire, quand le Moignon desensie, la compression est trop soible, la machine est trop lâche, il faut pouvoir la resserrer. Il est donc absolument nécessaire que cette machine puisse avec facilité être serrée ou relâchée plus ou moins, pour s'ajuster au volume de la partie, asin que la compression du vaisseau soit toujours égale.

Je divise cette Machine en deux parties: l'une comprime le tronc d'où vient la branche de l'Artere coupée, & l'autre comprime l'ouverture ou la coupure de la branche par lequelle le sang s'écoule. Voici la manière

r 7

134 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

de le servir de cette machine, que je vais ap-

pliquer à use Cuille coupée. *

La premiere partie s'applique avant que de faire l'operation: elle y est même très essentielle. Elle est composée d'un Bandage cirenhire A. qui fait le même contour que lecirculaire d'un Brayer, & qui après avoir embrassé le corps au-dessous des hanches, vienc fe rendre dans l'Aine, précisément au-dessousde l'arcade des muscles du ventre, dans l'endroit où passe l'Artere crurale. Un autre Circulaire B entoure la cuisse au-dessous du pli de la fesse, & vient se rendre dans l'Aine. on se crouvent l'une sur l'autre deux Plaques. de tôle garnies de chamois GD. Celle dedessous est platte du sôté qu'elle touche à la plaque de dessus, mais du côté qu'elle touche an pli de l'Aine, elle est gamie d'une Pelote bien rembourée: le ceptre de cette Pelote est appuyé précisément sur le passage de l'Artere crurale à sa fortie du ventre. La plaque de dessus est attachée aux deux Circulaires qui lui servent de point fixe : quelques liens. actachent ces deux Circulaires entre eux. Celui qui encoure les hanches empêche la plaque de descendre, & selui qui entoure la cuisse, l'empêche de rementer, afin qu'elle. réponde toujours su même endroit du pli de l'aine. Une Vis E, qui peut tourner fans. fin sur la plaque de dessous, passe dans un écrou taraudé dans la plaque de deffus: de forte que lorsqu'on tourne cette Vis à droi-i te, on écarte les deux plaques l'une de l'autre, & on les rapproche, lorsqu'on la toursine à gauche: mais asin qu'elles s'éloignent our qu'elles s'approchent en ligne droite, il y a deux petites siches 1, 2, qui s'élevent perpendiculairement de la plaque de dessous, & passent chacune par un trou percé dans la plaque de dessius, l'une à droite, & l'autrer à gauche de la Vis. Ces deux tiges dirigent l'approche & l'éloignement des deux plaques, & c'est par elles qu'elles s'éloignent ou s'approchent toujours parallelement.

Ce Bandage étant placé comme je viens de le dire, si l'on tourne la Vis à droite; les plaques s'écarteront l'une de l'autre: mais parce que les deux Circulaires retiennent la plaque de dessus, & s'opposent à son élévation, il faut de nécessité que la plaque de dessous s'abaisse & s'enfonce dans le pli de l'Aine; que la Pelote dont elle est garnie comprime le tronc de l'Artere crurale, à mesure que l'on tourne la Vis; & que cette Vis; tournée un certain nombre de fois, comprime si exactement l'artere, que le sang n'y

puisse plus passer.

Ce Bandage n'a servi jusques-là qu'à retenir le sang pendant l'operation: mais pour arrêter le sang des vaisseaux que l'on vient de couper, il faut un second Bandage composé d'une double plaque, comme le premier. A la plaque de dessus viennent aboutir & s'accepcher quatre courroyes F, qui sont solicement retenues aux deux Circulaires du premier Bandage. Avant que de les appliquer, il faut placer, en comprimant, un peloton de charpi sur le vaisseau, non directement sur son emplosement sur son emplorement sur son employer emplorement sur son employer e

136 Memoires de l'Academie Royale

bouchure, mais sur le côté de cette emboure chure le plus éloigné de l'Os, afin qu'en le : noussant vers l'Os, les parois s'appliquent l'une contre l'autre, & que presse d'un côté: par le peloton de charpi, & de l'autre parla résistance de l'Os de la cuisse, le vaisseau. prenne la figure de l'anche d'un Haut-bois... Sur ce premier peloton de charpi, on en place un second plus large, & sur celui-ci. un troisieme, & même un quatrieme, touiours plus larges, & toujours poussés suivant. la même direction. Enfuite on pose sur ce dernier tampon de charpi le centre de la pelote G, qu'on assujettit avec les courroyes F qui viennent toutes se rendre à la plaque de dessus H. Alors si on tourne la Vis à droite. les deux plaques s'éloigneront; mais parce que les quatre courroyes empêchent l'élévation de la plaque supérieure, il faut que la plaque de dessous s'enfonce & appuye sur le tampon de charpi le plus extérieur, & celuici fur les autres successivement jusqu'au premier appliqué, lequel pressant le vaisseau. ainsi qu'il a été dit, en effacera si exactement. la cavité, qu'aucune goutte de sang ne pourra s'épancher.

Après avoir fait cette derniere application, on lache par degré, & peu-à-peu, la Vis de la pelote qui comprime le tronc de l'artere dans l'aine, pour laisser passer le fang, jusqu'à ce que l'on commence à sentir le battement de l'artere; & si l'on s'apperçoit qu'elle batte trop fort, & qu'il passe trop de sang, on resserre la Vis d'un demi-tour, ou d'un tour, plus ou moins, asin de n'en laisser

passer.

passer qu'autant qu'il en est nécessaire pour

conserver la vie dans le Moignon.

Ainsi cette Machine a plusieurs utilités. Par le moyen de la premiere piece, on se rend totalement maitre du sang; l'attention du Chirurgien n'est point partagée; il est plus assuré & plus ferme en opérant; l'opération finie, on lâche autant de fang qu'on le juge à propos. Veut-on panser le Malade, on retient totalement le sang, jusqu'à ce qu'on ait levé l'ancien appareil, & appliqué le nouveau, en prenant les précautions que je dirai ci-après.

La deuxieme partie de cette Machine arrête le sang, en comprimant la bouche du vaisseau coupé, ainsi que l'on a dit ci-dessus; & l'on concoit bien que si la compression ordinaire pouvoit arrêter le sang dans une branche, sans que le tronc fût comprimé, celle-ci l'arrêteroit bien plus facilement, puisqu'elle atrête la colomne de sang dans le tronc même, & qu'on n'en laisse passer qu'autant qu'on le juge nécessaire, pendant que le furplus est obligé de refluer dans les troncs voilins, ou dans les vaisseaux collateraux.

Un autre avantage que cette Machine a fur les autres moyens d'arrêter le sang, & fur la compression ordinaire, c'est qu'aussitot que la supuration est établie, on peut sans crainte d'hémorragie, lever entierement l'appareil à chaque pansement. Au contraire, loriqu'on s'est servi des autres moyens, on laisse à chaque pansement tout ce qui est placé sur les vaisseaux; on craint de les dégar-

138. Memoires de l'Agadenie: Royale

garnir; ce qui reste s'échausse, se pourrit, & contracte une odeur incommode au Malade, & à tous ceux qui l'approchent; de plus, ce reste d'appareil retient une partie du pus, qui croupissant, devient âcre, irritela partie, & cause douleur, inflammation,

flevre, infomnie, & autres accidens.

Avec notre Machine, pour n'avoir rien à craindre à la levée du premier appareil, il: ne faut que serrer la Vis des plaques qui sont dans l'aine. On empêche le sang de couler dans le vaisseau. On détache alors les courroyes de la pelote de dessus le moignon; on, la leve, & on ôte de l'appareil tout ce qui peut aisément se séparer. Ensuite on applique de nouveaux tampons de charpi à la place des anciens; on replace, on attache la pelote: on en serre-la Vis au degré qui convient: on rélache peu-à-peu la Vis de l'aine pour la remettre au degré où elle étoit. & Pon acheve le pansement. On pourroit dire due cette manière de consolider les veisseaux est une imitation de la manguerre des fontainiers, qui, pour réparer un tuyan de Fontaine, commencent par fermer le robinet du Réservoir, pour se rendre maitres de l'eau, qui empêcheroit leur foudure. La Vis de Faine est une espece de robinet qui retient le fang, ou modere son mouvement, jusqu'à ce que les fucs nourriciers avent foudé & consolidé l'ouverture du vaisseau.

Ce moyen d'arrêter le fang est préférable aux autres, non seulement parce qu'il est plus doux, plus sûr & plus commode, mais encore parce qu'il est plus naturel. En effet,

les

les Sciptiques, les Escarotiques, le Feu & la Ligature n'arrêtent le fang, qu'en détruifant une portion des vaisseaux, des nerss & des chairs voisines. La compression ne détruit aucune partie, elle les rapproche seulement, & procure leur adhésion. Mais ce
qu'il y a de plus estimable, c'est que la compression bien graduée ne produit jamais d'inflammation, & il en arrive toujours, lorsqu'on se sert des autres moyens. C'est même
cette instammation qui donne occasion à la
supuration extraordinaire, & la supuration à
la chûte prématurée des Escarres & des Li-

gatures.

La chûte des Escarres sera toujours suivie: d'hémorragie, quand la partie du Caillot, que j'ai appellée le Bouchon, restera attachée avec la partie que j'ai appellée le Couvercle, parce qu'elles tomberont ensemble. & qu'alors l'orifice du vaisseau ne sera ni bouché ni couvert. J'ai tâché de découvrirpourquoi ces deux parties du Cailies tomboient quelquefois ensemble. & quelquefois séparément; & j'ai remarqué que cela dépendoit de la manière dont on faifoit la compression ordinaire, après l'application dess escarotiques, ou autres moyens: car si l'on observoit de faire toujours la compression: fur le côté du vaisseau, de façon à en apa procher les bords & les parois, on empêcheroit la communication du Caillot interneavec l'externe, ils n'auroient point d'adhérence l'un à l'autre, l'externe se sépareroit seul. l'interne resteroit dans le vaisseau, & l'hémor.

440 MEMGIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

morragie ne fuivroit pas si souvent la chute: des Escarres.

On voit par cette observation combien la. compression est utile pour faire réussir les autres moyens d'arrêter le sang, & l'on prévoit même déja, que seule elle peut être suffifante. En effet, pour empêcher que le sang. coule par un vaisseau ouvert, il ne faut qu'une compression qui le retienne, jusqu'à ce que les adhéfions du Caillot au vaisseau, du vaisseau à lui-même & aux chairs voisines, foient essez fortes pour résister à l'impulsion du fang. Il ne faut pas pour cela un tems bien confiderable; le jour que l'Appareil se sépare avec facilité, qui est pour l'ordinaire le quatrieme ou le cinquieme, la réunion est faite, & fi l'on continue la compression, ce n'est que poùr plus grande sureté.

Les Caustiques, les Stiptiques & la Ligature pourroient-ils mieux faire? Eux, au contraire qui retranchent & détruisent, qui font beaucoup de douleur, & qui attirent. l'inflammation, si contraire à la réunion. Un vaisseau pour se réunir à soi-même, au Caillot & aux chairs voilines, peut il être dans ane situation plus favorable, que celle dans laquelle il se trouve à l'instant qu'il vient d'être coupé? La Chirurgie ne nous enseigne-t-elle pas que pour réunir des parties fraichement divisées, il ne faut que les rapprochèr, & les maintenir rapprochées? C'est, si j'ose le dire, à la Nature à faire le reste, & elle le fait toujours, lorsqu'elle n'est point interrompue dans ses fonctions, comme elle l'est par les autres moyens d'arrêter

le sang. Ceux-ci retardent la réunion, qui ne commence à se faire qu'au cinquieme ou au sixieme jour; au-lieu qu'en se servant de la compression, l'adhésion, la réunion, & la consolidation des vaisseaux commencent dès les premiers instans qu'ils sont comprimés: si bien que, lorsqu'à la levée du premier appareil, la supuration détache les tampons de charpi, dont on s'est servi pour comprimer le vaisseau, on s'apperçoit que la réunion de ses parties est déja faite. Il est vrai qu'elle n'est pas encore bien solide, c'est pour cela. qu'avant de lever l'appareil, on a soin de serrer la Vis de la pelote de l'aine, qui comprime exactement le tronc; de forte que ce qui reste de sang dans le vaisseau, depuis cette compression jusqu'à l'ouverture. n'a point le mouvement d'impulsion, qui seroit capable de forcer cette réunion commencée.

Ce que je viens de dire de la Machine & de ses usages n'est point conjecture: je ne la propose qu'après l'avoir mis heureusement en pratique à l'Amputation de la Cuissed'une personne de distinction. Toute la France a pris tant de part à cette guérison, la maladie étoit si considerable, & accompagnée de tant de circonstances singulieres, que je me suis cru obligé d'en rendre compte.

Au Siege d'Aire en 1710, cette personne reçut un coup de bale de Mousquet, qui lui perça la Cuisse droite de part en part, & brisa l'os en tant de pieces, qu'il y a lieu de s'étonner que les deux portions principales ayent pu se réunir par un calus assez fort pour soutenir le cerps, & conserver la fa-

142 MEMOIRES DE L'ACADRMIE ROYALE

cilité de marcher pendant vingt ans. Cet illustre Blessé fut prisonnier de Guerre, & quoiqu'on eût pour lui tous les égards & les soins dûs à une personne de sa condition, sa blessure resta sistuleuse, parce qu'on ne tira de sa playe aucune des esquilles, qui cependant étoient en grand nombre, comme il parost par celles qu'on a tirées en differens tems, soit par l'ouverture de la sistule, qui a subsisté 19 ans, soit par celle de quelques uns des Abscès qui sont survenus pendant le cours de cette longue & laborieuse maladie.

Il y a un an & plus que la douleur vive & presque continuelle que le Malade souffroit, l'obligéa de prendre un parti. Il assembla plusieurs personnes habiles, au nombre desquels furent ceux que le savoir & l'expérience ont élevés aux premieres places. Il su mis en question, si on ouvriroit la Fistule pour tirer une Esquille très considerable qu'on y sentoit avec la Sonde, ou si on couperoit la Cuisse. On décida, qu'avant toutes choses, on tireroit l'Esquille, regardant l'Amputation de la Cuisse comme une dernière ressource.

Chargé d'exécuter ce dont on étoit convenu, je dilatai la Fistule, autant qu'une barrière ofseuse, qui la formoit, me permit de le faire. Par cette dilatation, je ne pus découvrir que huit lignes du milieu de l'Esquille qui avoit trois pouces de longueur: les deux extrémités étoient cachées dans une espece de caverne osseuse, & retenues presque immobiles par des chairs dures & caleu.

ies.

Abrès avoir essayé en-vain de pousser l'esquille, soit en-haut, soit en-bas, pour la tirer par l'une de ses extrémités, je sis faire un Instrument avec lequel je la coupai en deux. Alors je la tiraí avec facilité & tout de fuite trois autres esquilles, dont Pune étoit plus groffe que la premiere, & les deux dernieres plus petites; mais ce qui paroitra furprenant, c'est qu'ayant portémon doigt dans le fond de la Fistule, je trouvai un morocau du drap de la culote, qui n'avoit perdu que sa coaleur. Quelques jours après. il sortit en trois pansemens differens, trois morceaux de Fer rouillés, qu'on jugea être des portions de l'anneau d'une Clef que la bale avoit brisé, & dont le reste fut trouvé dans la poche de la culote le jour même de la bleffure.

Le succès de toutes ces opérations sembloit promettre une guérison parfaite; mais les douleurs qui n'avoient été que diminuées revinrent bien-tôt aussi vives qu'auparavant. L'insomnie, la sievre iente & la maigreur détruisirent nos esperances; ensin les forces qui diminuoient chaque jour, nous obligerent d'annoncer au Malade la nécessité de l'Amputation; ou plutôt le Malade, devenu habile en Chirurgie depuis viugt ans qu'il en étoit le Sujet; reconnut lui-même la nécessité de cette cruelle opération: il la proposa, d'édécida du jour & de l'heure qu'elle seroit faite.

Le 23 Février 1730, à dix heures du matin, tout étoit prêt: mais l'opération ne fut faite qu'à onze, parce que notre courageux

144 MEMOIRES DE L'ACADEMIR ROYALE

Malade n'étoit pas éveillé. Nous lui laissames achever cette nuit, qui fut une des plus tranquilles qu'il est encore passé depuis sa blessure. L'opération faite, les Vaissaux surent liés à l'ordinaire. Le Malade couché, sur si tranquille, qu'il paroissoit avoir oublié les douleurs qu'il venoit de soussire, & mépriser celles que l'on pouvoit lui causer par la suite. Son courage l'empêchoit de douter de sa guérison; sur de vivre, il ne s'occupoit qu'à former des projets agréables, & ne soupconnant aucun danger, son esprit jouissoit de cette tranquillité que donne la douce

esperance ou plutôt la sécurité.

Avec de pareilles dispositions, les guérifons font faciles; mais s'il est avantageux. qu'un Malade ait du courage, il faudroit pouvoir y donner des bornes. L'exemple de celui-ci prouve qu'on peut abuser de tout. même de la vertu. Ce qui l'avoit conduit si rapidement à la guérison, ce courage intrépide, lui fit entreprendre de se lever luimême sans secours, & de s'asseoir le dos contre le chevet de son lit: ce qu'il fit avec tant de promtitude & de force, qu'il allarma les assistans, & qu'à l'instant il s'appercut qu'il perdoit tout son sang. Ce fut le vingt-unieme jour de l'opération. J'étois heureusement chez lui; lè mal fut aussi-tôt réparé par l'application d'un bouton de Vitriol, soutenu d'un bandage convenable. Il observa plus exactement le repos: cependant le onzieme jour de l'application dn Vitriol, à la chûte de l'Escarre, l'hémorragie revint. J'étois encore près du Malade, &

profitant des réflexions que j'avois faites sur les défauts de la Ligature & l'infidelité des Caustiques, je crus pouvoir tenter d'arrêter le sang par la seule Compression. Je la sis avec les moyens ordinaires; ce que je regardai cependant plutôt comme une épreuve que la nécessité m'obligeoit de faire, que comme un moyen assuré. La crainte & la mésiance me sirent placer près du Malade quatre Chirurgiens qui se relevoient d'heure en heure pour tenir le Moignon, & appuyer la main sur l'endroit de l'Artere ouverte, asin de fortisser l'action du bandage qui faisoit la compression.

Dans cette cruelle extrémité, il sembloit que pour sauver la vie du Malade, nous n'eustions à choisir que l'application des Caustiques, ou la Ligature du Vaisseau; mais comment se fier une seconde fois à l'un ou à l'autre, puisque tous deux nous avoient manqué? La Ligature fut cependant proposée; elle parut difficile & dangereuse: difficile, parce que l'Artere avoit été raccourcie de près d'un pouce, soit par la portion qu'en avoit retranché la Ligature, soit par celle qu'en avoit brulé le Vitriol. Elle n'étoit pourtant pas impossible, puisqu'on pouvoit faire une incision pour découvrir l'Artere, & la lier; mais cette opération eût éré dangereuse à un Malade exténué & fatigué par les opérations, par la diète & par une supuration abondante, qui duroit depuis près de trente jours.

146 Memoires de l'Academie Royalle

trouver les moyens de remédier à un si 1 cheux accident. L'idée d'une Machine vint, & ne me quitta pas de toute la nui le jour étant venu, j'en fis un modele avi du papier. Je mandai M. Perron, mon con frere, qui approuva cette Machine, & la fi fabriquer. Si tôt que je l'eus placée, le Malade sentit qu'elle réussiroit, parce que, disoitil, elle appuyoit fur les deux points essentiels, & qu'elle laissoit en liberté tont le reste du Moignon. Elle sit toute seule. mais avec bien plus d'exactitude & de régularité, ce que faisoient les quatre Chirurgiens que j'employois à comprimer le bout du Moignon. Ce qu'elle a fait de plus c'est qu'après avoir tranquillisé le Masade. rassuré le Chirurgien & la Famille allarmée. elle a procuré la consolidation du vaisseau. d'où s'en est suivi une guérison parfaite.

On voit par l'exemple que je viens de rapporter, qu'on arrêtera le sang des vaisseaux coupés dans les Amputations, sans Stiptiques, fans Castiques & sans Ligature. Par les observations & les réflexions que i'ai faites sur les differens moyens d'arrêter le fang, on fera convaincu que la Compression doit être préférée; & l'on sera d'autant plus porté à s'en servir, qu'elle s'exécutera par le moven d'une Machine sure, simple & facile à manœuvrer. Je ne prétends pas borner son usage à la seule Amputation de la Cuisse: il est certain qu'elle doit encore mieux réussir aux Bras & aux Jambes, puisqu'elle s'y ajustera plus facilement, & que · les vaisseaux y sont moins considerables.

SUR

Mem. de l'Acad.1731 Pl.5. Pag. 14

Fig. 1



D

-. 9

සුගය ලදාද යුතුය විදුල් විදුල්

SUR LA SEPARATION

DES INDETERMINEES

DANS

LES EQUATIONS DIFFERENTIELLES.

Par M. DE MAUPERTUIS.

I. Sorr l'Equation $dx=ax^n y^n dy + by^{n+1}$ $x^n dx$, dans laquelle a, b, m, n, p,

font des quantités conftantes quelconques, & $x^n & y$ variables. Pour féparer les indétermi
nées dans cette Equation, je la multiplie par A indéterminée en forme & en valeur, &

j'ai $Adx = aAx^n y^n dy + bAy^{n+1} x^p dx$.

L'intégrale de cette Equation est $[\int Adx$ $= \frac{a}{n+1} Ax^n y^{n+1}] - \frac{aa^n}{n+1} \int Ay^{n+1} x^n dx$.

Je fais = 0 les termes du second membre

qui sont affectés du signe f; & les differentiant, il vient $\frac{aa^n}{n+1} Ax^{n+1} dx + \frac{a}{n+1} x^n$ $dA = bAx^n dx$, ou $A^{-1} dA = \frac{(n+1)b}{a} x^n$ $dx = mx^{-1} dx$. J'integre cette Equation,

148 Memoires de l'Academie Royale

& j'ai
$$lA + mlx = \frac{(n+1)b}{(p-m+1)a}x^{p-m+2}$$
, ou (paffant aux nombres, & prenant e pour le nombre dont le logarithme = 1) Ax^m

$$= \frac{(n+1)b}{(p-m+1)a}x^{p-m+2}$$
, ou $A = \frac{(n+1)b}{(p-m+1)a}x^{p-m+1}$

$$= \frac{(n+1)b}{(p-m+1)a}x^{p-m+1}$$
Et substituant cette valeur de A dans l'Equation intégrée $[\int Adx = \frac{a}{m+1}Ax^m y^{m+2}]$, il vient $\int \frac{(n+1)b}{(p-m+1)a}x^{p-m+1}$

$$= \frac{(n+1)b}{(p-m+1)a}x^{p-m+1}$$

Quel que foit le rapport entre a, b, m, n, p, dans l'Equation $dx = ax^m y^n dy + by^{n-1} x^n dx$, les indéterminées feront, comme l'on voit, toujours séparées par cette méthode, & par conséquent le Problème construisible par les

les Quadratures, excepté cependant lorsque p=m-1, ou n=-1.

II. Lorique p = m - 1, l'intégrale générale ne fait rien connoitre, à cause des exposans infinis qui s'y trouvent. C'est que l'Equation est absolument intégrable sans quantités exponentielles: car elle est alors $dx = ax^{2}y^{2}dy$ + by*+1x**-1 ax. Je lui applique donc la règle sous sa forme particuliere, & j'ai $Adx = aAx^{*}y^{n}dy + bAy^{n+1}x^{*-1}dx,$ dont l'intégrale est $\left[\int A dx = \frac{a}{n+1} A x^m y^{n+1}\right]$ $\frac{ma}{s+1} \int A y^{n+1} x^{m-1} dx - \frac{a}{s+1} \int x^{m} y^{n+1}$ $dA + b \int A y^{n+1} x^{n-1} dx$. D'où l'on tire $A^{-1}dA = \frac{ab}{ab} + \frac{b}{ab} = \frac{a}{a} \times \frac{a}{a} dx$, ou A= 1 + 1 - ns lx, ou A=x & fubstituant cette valeur de A dans l'Equation intégrée, l'on a (

(-x-1)b x-12 . D'où l'on voit que $+ B \times$ for fque p=m-1, & que m & n font des nombres rationnels, l'Equation appartient toujours à des Courbes algébriques. Cette intégrale ne fait rien connoitre, lorsque =- 1. C'est que l'Equation étoit intégrable fans aucune préparation: car l'on a alors $dx = ax^{2}y^{-1}dy + bx^{2}dx$, ou x $dx=bx^{-1}dx+ay^{-2}dy$, ou $\frac{1}{-x-1}x^{-x-1}$ =blx+aly-alB, our $\frac{1}{x}$ $=\frac{x^3y^2}{m^6}$, ou $y=Be^{(-m+1)4}$ III. Lorsque *=- i, l'intégrale générale ne fait rien connoitre. C'est encore parce que l'Equasion est intégrable sans préparation; car elle est alors $dx = ax^{m}y^{-1}dy + bx^{n}$ dx, ou $x = dx = ay = dy + bx^{p-n}dx$, dont l'intégrale est =aly -alB. $ouc \frac{1}{m+1} x^{-m+1} - \frac{b}{p-m+1} x^{p-1}$ Ouy=Bc (-m+1)m (find+1)4 Cet-

Cette intégrale ne fait rien connoitre, lorsque m = 1, ou p = m - 1.

Si m=1, l'on a $dx = axy^{-1}dy + bx^p dx$. ou $x^{-1} dx - ay^{-1} dy = bx^{p-1} dx$; dont l'intégrale est $lx-aly+alB=\frac{b}{2}(x^{b}, ou B^{a}xy^{-})$

 $\frac{1}{c^{\frac{1}{p}}}, \text{ouy} = Bx^{\frac{1}{p}} - \frac{b}{p^{\frac{1}{p}}} x^{\frac{1}{p}}$ Si p=m-1, c'est le cas précédent (Art. III.)
IV. Je reviens à la racine de l'Equation généralement

nérale $y = \left(\frac{n+1}{4}\right)^{\frac{n}{n-1}} \times c_{\frac{n}{n-1} + \frac{n}{n-1} + \frac{n}{2}} x^{2+\frac{n}{n-1} + \frac{n}{2}}$

 $x(b^{(p-m+1)a}x^{p-m+1}x^{m-m}dx)^{n+1}$; & je

cherche les cas où cette racine peut être ext primée en termes finis. Pour cela faisant

 $\frac{(n+1)b}{(p-n+1)a} = a, -m=6, & p-m+1=c$

la quantité qui est sous le signe f devient fcax x dx; que j'integre comme il fuit-

 $\int c^{\alpha x^{\epsilon}} x^{\epsilon} dx = \int c^{\alpha x^{\epsilon}} x^{\epsilon - \epsilon - 1} \cdot x^{\epsilon - 1} dx = \frac{1}{\alpha \epsilon}$

 $e^{ax^{\epsilon}}$ $x^{\epsilon} - \epsilon + 1 - \frac{(\epsilon - \epsilon + 1)}{a\epsilon} \int e^{ax^{\epsilon}} x^{\epsilon} - \epsilon dx$.

four x - dx = four x6-2: +1.x1-1 dx

 $=\frac{1}{ai}c^{ax^{i}}x^{6-2i+1}\underbrace{-\frac{(6-2i+1)}{ai}}_{GA}c^{ax^{i}}x^{6-2idx}.$

a la valeur de y en termes finis toutes les fois que $\frac{m-r}{m-p-1}$ est un nombre entier positif, ce qui donne une infinité de cas differens de ceux dont nous avons parlé.

Si $\frac{m-1}{n-1}$ étant un nombre entier positif, l'en fait R=0, & que p soit nombre rationel, toutes ces courbes feront algébriques.

Si $\frac{m-1}{m-p-1}$ étant quelque nombre entier pofitif, R=0, p ou m font irrationnels, l'on aura des courbes irrationnelles, mais dont les exposans font constans, & qui tiennentle premier rang après les courbes algébriques.

Enfin fi = tant toujours un nombre chuier positif, R est quelque quantité donnée, ces courbes sont exponentielles à exposans variables.

V. La méthode s'applique avec le même fuccès à une infinité d'autres formules, & à celles dont M. Craig * a donné la féparation dans fon Livre de Galculo Fluentium.

Son les cas, qui est celui où l'une des indéterminées manque, se réduit de lui-même aux Quadratures, & se trouvoit déja dans le beau Scholion de la fin de la Quadrature des Courbes: de M. Neuron.

Le 2d. cas de M. Craig est $ay^{*}dy = by^{*-1}x$. dx + q dx (q étant une quantité quelconque don-

DES SETEMERS.

donnée par x). Je lui donne la forme Aadx zaAy" dy - bAy"+' du, dont l'intégrale eft $\left[\int Aq \, dx = \frac{a}{m+1} Ay^{m+1}\right] - \frac{a}{m+1} \int y^{m+1} dA$ $-b \int A y^{n-1} dx$. D'où l'on tire lA = (n-1)b x.

z & fubilituant cette valeur de A dans l'Equation intégrée, il vient

enfiny= $\left(\frac{m+1}{m+1}\right)^{\frac{1}{m+1}} \times c \left(c - \frac{(m+1)^{\frac{1}{m}}}{m}\right)^{\frac{1}{m+1}}$

Le 3^{me} cas $ay^m dy = by^{m-1} p dx + q dx$, (p & q etant des fonctions quelconques de x).

Je lui donne cette forme $Aqdx = aAy^{m} dy$. -bAy -+ pdx, dont l'intégrale est [/Aqdx $=\frac{a}{m+1} \Lambda y^{m+1} - \frac{a}{m+1} \int y^{m+1} dA = .$

 $b \int A y^{m+1} p dx$. D'où l'on tire lA =

 $-\frac{(m+1)b}{a}\int pdx$

substituant cette valeur de A dans l'Equation.

intégrée, l'on a se

13d Memoires de l'Academie Royale

$$\frac{(m+1)^{b} \int p dx}{y^{m+1}}, \text{ ou enfin } y = \left(\frac{m+1}{a}\right)^{\frac{2}{m+2}}$$

$$\approx 6 \int p dx \qquad \left(\int c \qquad q dx\right)^{\frac{2}{m+1}}.$$

Le 4^{me} cas (si tant est qu'il soit different du 3^{me}) est ady = pydx + by q dx. C'est l'Equation que M. Jacques Bernoulli avoit autresois proposée (Act. Erud. 1695. p. 553.) & dont M. Bernoulli son Frere donna la séparation dans les mêmes Actes 1697. p. 115. Quoi qu'il en soit, je lui donne cette forme, bAqdx = aAy - dy - Ay - x + 1 p dx, dont l'intégrale est $\begin{bmatrix} b \int Aqdx = \frac{a}{x+1} Ay - \frac{1}{x+1} \int y - \frac$

A = cLet substituent cette valeur de A dans l'Equation intégrée, l'on a $\frac{\binom{n-1}{2}}{6} \frac{f}{g} dx = \frac{\binom{n-1}{2}}{2} \frac{f}{g} dx = \frac{n+1}{2}$

on
$$y = \left(\frac{(-n+1)b}{a}\right)^{\frac{1}{1-n}} \times e^{\frac{1}{a} \int p dx} \times \left(\int e^{\frac{n-1}{a} \int p dx}\right)^{\frac{1}{n-1}}$$

qdx, ---

Quant au 5me cas, ny dy = by qdx + pdx,

EXILABITATION CONTRACTOR DISCUSSION CONTRAC

RECHERCHES GEOGRAPHIQUES

SUR L'ETENDUE

DE L'EMPIRE D'ALEXANDRE,

Et sur les Routes parcourues par ce Prince dans ses différentes Expéditions.

Pour servir à la Carte de cet Empire, dressée par feu M. Deliste, pour l'usage du Roi.

Par M. BUACHE. *

Honneur que j'ai d'occuper aujourd'hui une place que feu M. Delisse mon Beau-pere a si dignement remplie, m'a fait préférer ce sujet à plusieurs autres, que j'aurois pu exposer au jugement de la Compagnie. Formé par les soins de M. Delisse, & lui devant tout ce que je puis savoir en Géographie, j'ai cru devoir commencer par exécuter un Projet dont il m'avoit entretenu plusieurs fois.

Comme la Carte de l'Empire d'Alexandre s'étend depuis la Côte occidentale de la Gre-

2'4 Avril 1731

178 MEMORES DE L'ACADEMIE ROYALE

ec, voifine de l'Hyrie; jusque par delà le Fleuve Indus, este comprend presque toute le partie orientale du Monde connu des Antiens, és par là elle auroit donné à M. Delisse occasion de justifier une partie des changemens qu'il avoit faits aux Cartes des Géographes précédens.

Ce Mémoire joint à celoi qu'il int en 1714, fur la fituation de l'Italie, & de la partie occidentale de la Méditerranée, auroit tenu lieu en partie de cette Introduction à la Géo-

graphic qu'il avoit promifé.

J'ai trouvé dans les Recueils de M. Delisse beaucoup de matériaux destinés à composer le Mémoire que je lis aujourd'hui; mais 'il n'avoit presque rien écrit des raisons sur lesquelles il s'étoit déterminé pour les positions conjecturales de sa Carte des Expéditions d'Alexandre: cependant ces positions conjecturales sont, comme le savent tous ceux qui ont travaillé sur la Géographie, la partie la plus considerable & la plus difficile de cette Science; ainsi il m'a fallu rappeller & imaginer quelquesois, pour ainsi dire, les raisons qui l'avoient déterminé dans ces occasions.

Pella, Capitale de la Macédoine, étoit la patrie d'Alexandre, & c'est de cette Ville que ce Prince partit pour ses trois Expéditions différentes contre les Grecs, contre les Triballes, Peuples de la Thrace Septentrionale qu'il traversa jusqu'au Danube, obligeant une partie de ce vaste Païs de se soumettre à lui, & contre les Perses. La situation de Pella est déterminée sur la Carte,

par

par sa distance de la Ville de Thessaloue, où Pon a une Observation du Pere Feuillée.

La partie occidentale de l'Empire d'Alexandre comprenoit les Pars conteaus entre l'Epire, la Béotie, & la Thrace; c'étoit-là proprement le Royaume de ce Prince, lorfqu'il déclara la guerre aux Perses. Athènes. Lacédémone ni les autres Villes de la Grece. n'obei'ssoient point à Alexandre, comme à leur Souverain, mais comme au Chef, & comme au Général de la Nation Grecque: Cest par cette mison que sur la Carte, l'Attique & Le Peloponese ne font point partie de l'Em-Dire d'Alexandre. On en a encore excepté Byzance, parce que cette Ville formoit une espece de République qui conserva sa liberté, même fous les Successeurs d'Alexandres Les differentes victoires que ce Prince

remporta sur les Perses, le rendirent maitre de presque tous les Pars soumis à ces peuples: je dis de presque tous les Pars, parce qu'il faut excepter de l'Asie mineure la Byrhinie, & la partie septentrionale de la Cappadoce, nommée depuis le Royanne du Pont. Il en faut dire autant de l'Arménie située à POrient de l'Euphrate, ou de la grande Arménie. L'Atropatene située à l'Orient de l'Arménie, & qui est nommée maintenant Adherbijan, ne faisoit pas non plus partie de l'Empire d'Alexandre, & il ne faut pas d'autre preuve pour rejetter les traditions Orientales, qui font aller ce Prince dans l'Ibérie ou Géorgie, & qui lui attribuent la construct tion de la Forteresse & de la muraille de Derbent.

• • • • •

160 Memoires de l'Academie Royale

A l'égard des Frontieres orientales de l'Empire d'Alexandre vers l'Hyrcanie & vers la Scythie, on les comprendra mieux par l'inspection seule de la Carte, où les marches de son Armée sont tracées, que par tout ce que je pourrois dire. Il en sera de même de

la Frontiere de l'Inde.

La partie méridionale de l'Empire de ce Prince étoit terminée par la Mer des Indes, par le Golfe Persique, & par l'Euphrate. Alexandre n'avoit point soumis les Arabes, & le détail des Guerres qui s'éleverent entre ses Successeurs, montre que cette Arabie qui est mise au nombre des Provinces de son Empire, étoit la partie de l'Egypte, voisine d'Heroum ou du Suès, qui est entre la Mer rouge & la Méditerranée.

Comme ces discussions touchant les Provinces qui composoient l'Empire d'Alexandre, ne regardent pas précisément notre objet présent, il suffit d'avoir indiqué en gros ce que la Carte de M. Delisse a de particulier sur cet article; l'objet de ce Mémoire étant uniquement ce qu'il y a de

géographique dans cette Carte.

Pour rendre plus sensibles les changemens que M. Delisse a faits dans la situation & dans la distance des Païs qui compossion l'Empire d'Alexandre, j'ai suivi la méthode dont il s'est déja servi pour mettre sons les yeux les differentes figures données à la Mer Caspienne, par les Géographes, & qu'il avoit employées à l'occasson du Mémoire qu'il lut en 1714 pour justisser les changements qu'il avoit saits à l'Italie. Yai tracé deux fois differentes sur la Carte les Païs qui composoient l'Empire d'Alexandre, d'abord suivant l'Hypothese géographique de M. Delisse, & ensuite

selon celle des autres Géographes.

Ces deux Plans du même Païs ont une ligne commune, qui est le Méridien de Byzance, aujourd'hui Constantinople; mais tous les autres points sont differens, & par conséquent doubles. Pour rendre ces differences plus fensibles, on a distingué les deux Plans par des traits. Celui de M. Delisse est marqué par un trait avec des hachures, & l'ancien Plan par un simple trait.

Comme les Latitudes & les Longitudes données aux Villes de ces Païs par M. Delisse sont très differentes de celles de l'ancien Système, on a été obligé, pour représenter l'un & l'autre sur la même Carte, de répéter les noms & la position des Villes. Celle de Byzance, par exemple, est marquée deux. fois; savoir, dans le Plan de M. Delisle, à 41 degrés une minute de Latitude, conformément à l'observation de M. de Chazelles, & dans le Plan des anciens Géographes, à 43 degrés, suivant l'opinion de Ptolomée, ce qui fait une difference de deux degrés, ou de 50 lieues entre ces deux. points du même Méridien. Cette difference est réelle, parce que le parallele de Byzance. suivant l'opinon ancienne, n'est pas le même que celui qui résulte de l'Observation Astronomique.

A l'égard du Méridien, confiderant celui de Byzance pris en lui-même, & comme un

164 MEMOTRES DE L'ACADEMIE ROYALE

voit manquer à la force & à la certitude de

chacune en particulier.

Au défaut des Observations de nos Astronomes Européens, M. Delisse a cru pouvoir se servir de celles des Astronomes Orientaux, rapportées dans les Catalogues de Nassir-Eddin, & d'Oulougheg, pour établir la distance de diverses Villes de cette partie orientale. Pour s'assurer de la justesse de ces Observations, il a comparé la distance totale qu'elles supposoient entre le Méridien d'Alexandrette ou des Côtes de Syrie, & le Méridien du cours de l'Indus, avec la distance résultante des Observations faites à Agra & à Alexandrette. Cette derniere est, comme on a vu, de 40 degrés 24 minutes, & iI a trouvé que celle des Altronomes. Orientaux étoit la même à très peu près.

Sì l'on prend dans ces Astronomes la Longitude du Méridien d'Antioche, qui est le même à quelques minutes près que celui d'Alexandrette, & qu'on la compare avec celles des Villes de l'Inde dans ces mêmes Astronomes, on trouvera qu'ils mettent les Sources de l'Inde à 33 degrés 34 minutes d'Antioche; Dioul, ou l'Embouchure de l'Indus qui coule au Sud-sud-ouest, à 30 degrés 34 minutes; Moultan à 36 degrés 9 minutes; & Lahor à 37 degrés 54 minutes.

Ces Astronomes placent la Ville de Kanouge, qui étoit de leur tems la Capitale des
Indes, à 44 degrés 44 minutes d'Antioche.
On ignore si cette Ville n'a point été détruite par les Mogols, & quel nom elle
porte aujourd'hui; mais on sait que son ter-

Titoi-

citoire étoit entre l'Indus & le Gange, & même qu'elle étoit sur le confluent du Gange, & d'un autre Fleuve. Pour Benares, qui subsiste encore sur le Gange, & qui est très célèbre dans les Relations des Voyageurs modernes, les Astronomes Arabes la mettent a 45 degrés 54 minutes d'Antioche. Ces diverses Longitudes s'accordent parfaitement avec l'Observation qui fait Agra, Ville située entre le Gange & l'Indus, plus orientale qu'Alexandrette ou qu'Antioche,

de 40 degrés 24 minutes.

Cette conformité forme une présomption bien forte en faveur des Astronomes Orientaux, & peut du moins faire soupçonner que les Longitudes qu'ils nous ont données. étoient fondées sur des Observations. On sait combien les Orientaux ont toujours été attachés à l'Astronomie, & combien ils l'ont cultivée. Les Géographes Arabes n'avoient pas toujours copié Ptolomée: pour s'en convaincre, il fussit de comparer les intervalles de Longitudes de ce Géographe - avec ceux de Nassir-Eddin & d'Oulougbeg. qui mettent seulement 36 degrés 9 minutes entre Antioche & la Ville de Moultan sur le confluent de l'Hydraotes & de l'Indus; tandis que Ptolomée met ce confluent à 54 degrés 25 minutes d'Antioche, & le fait 18 degrés 16 minutes plus oriental que les Arabes, ce qui est une difference de plus d'un tiers.

Ce même Géographe marque la Ville d'Agara entre l'Indus & le Gange 50 degrés 45 minutes à l'Orient d'Antioche. Cette

166 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Ville d'Agara est la même que celle d'Agra, comme M. Delisse le marque sur sa Carte, & elle est plus orientale de 15 degrés 25 minutes, c'est-à-dire, de plus d'un quart dans le Géographe Grec, qu'elle ne le devroit être par l'Observation.

Nous avons dans les * Voyageurs modernes des observations de la Latitude de quelques-unes des principales Villes de la Perse, & ces observations qui servent à confirmer les Latitudes des Astronomes orientaux, forment une nouvelle présomption en faveur des Longitudes qu'ils nous ont données.

La polition des differentes Villes de l'Orient étant fixée par ces observations, & la situation de celles dont les Astronomes Orientaux ne parlent point, étant déterminée par les Itineraires, & par les routes des Voyageurs les plus exacts, il ne s'est plus agi que de comparer la situation des Villes modernes avec celle des anciennes, & que de fixer le rapport de l'ancienne & de la nouvelle Géographie. Comme il y a plusieurs de ces Villes dont les noms anciens sont connus avec certitude, elles ont servi comme de points sixes pour trouver les autres.

Les Ecrivains de l'Histoire d'Alexandre avoient marqué la mesure de toutes les marches de l'Armée de ce Prince. Ces mesures avoient été exactement prises par les Arpenteurs ou Géometres qu'il menoit avec lui, & elles avoient été conservées dans les

: F.Olearing, Chardin, Herbert & Thevenst.

Journaux de ses Expédițions écrits par son ordre. Touses ces mesures ne sont pas venues jusqu'à nous, mais les plus importantes ont été conservées par Strabon, par Pline & par Arrien. Elles ont servi à tracer les Routes que l'on peut voir sur la Carte, & en même tens elles ont fourni une nouvelle preuve de la justesse des observations des Astronomes Orientaux.

Cès mesures mettent entre les differentes Villes par lesquelles Alexandre a passé, des diftances qui gardent un rapport à peu près semblable à celui qui est entre les differen-

ces qui résultent des observations.

Ces mesures sont exprimées en stades, & si l'on prenoit ces stades pour ceux dont les Géographes postérieurs à Alexandre, & à la mesure de la Terre déterminée par Eratosthenes, se sont servis, on ne trouveroit aucun rapport entre ces mesures, & les observations, soit des Orientaux, soit de nos plus habiles Modernes. Si l'on comptoit, par exemple, 700 stades au degré de l'Equateur avec Eratosthenes, il faudroit retrancher près de la moitié des mesures itineraires, pour les faire quadrer avec les observations, & plus de la moitié, si l'on adoptoit la mesure de 500 stades au degré, employée par Prolomée.

On compte, par exemple, 10290 stades entre les Villes d'Echatane & d'Alexandrie sur le Fleuve Aria, aujourd'hui Héri, par un chemin à peu près parallele à l'Equateur. Les 10290 stades sont plus de 14 degrés d'un grand cercle par la mesure d'Eratosthe-

168 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

nes, & plus de 20 degrés de celle de Prolomée.

La distance en Longitude des Villes d'Hamadan & de Hérat, c'est-à-dire d'Echarane & d'Aria, dans les Astronomes Orientaux. est de 11 degrés 20 minutes; qui eu égard à la diminution des degrés de Longitude du parallele de ces deux Villes, sont égaux à 2 degrés 57 minutes d'un grand cercle, ce qui est très different de la distance en Longitude de 14 degrés qui résulte des mesures précédentes: cette seule différence doit nous persuader que les stades employés par les Arpenteurs d'Alexandre étoient plus petits de beaucoup, que ceux des Géographes postérieurs, car cette difference est trop grande pour l'attribuer à l'obliquité & aux sinuolités des chemins: d'ailleurs ce n'est point ici l'occasion d'employer cette suppolition; il s'agit de la marche forcée que fit Alexandre à la tête d'un Corps de Cavalerie d'élite, d'abord pour se rendre maitre de Darius, lorsque ce Prince alloit chercher une retraite dans la Bactriane, après avoir perdu la Bataille d'Arbelles, ensuite pour s'opposer au traitre Bessus, & ne lui pas donner le tems de s'emparer des Provinces orientales de la Perse. Dans l'une & dans l'autre de ces vues , la diligence étoit nécellaire, & l'on connoit trop le caractere d'Alexandre, pour croire que le chemin le plus court & le plus droit ne lui parût pas le meilleur, quoique le plus difficile.

L'évenement qui suivit cette marche d'Alexandre nous fournit une preuve, ce me semsemble sans replique, que les stades des Arpenteurs de ce Prince étaient extrêmement courts. De la Ville d'Aria, il passa dans la Capitale des Dranges, éloignée de 1600 stades. Là il fit arrêter Philotas convaincu d'avoir conspiré, & le sit conduire, chargé de chaines, à Echatane, où il fut exécuté le onzieme jour après son départ de la Ville des Dranges. Philotas chargé de chaines fic donc avec l'escorte qui le conduisoit, 11800 stades en moins de onze jours. C'est tout au moins 1080 stades par jour, & selon la mesure de Ptolomée 54 lieues de 25 au degré, suivant celle d'Eratosthenes ce sera près de 42 lieues, ce qui est encore impossible. lorsqu'il s'agit d'une marche continuée pendant onze jours par un corps de Cavalerie. fur-tout lorsqu'il traverse un Pars peu habité. & où l'on a les peuples pour ennemis.

le pourrois multiplier les exemples de ce genre, & l'Histoire d'Alexandre est remplie de marches forcées, qui supposent toutes que les stades dans lesquels elles sont exprimées, font beaucoup plus petits que ceux dont on s'est servi depuis. Nous vovons par exemple, qu'Alexandre marchant avec fon Armée contre les Malles, traversa en un jour & en une nuit un Pais desert & très rude de 400 stades d'étendue, ce qui par l'évaluation ordinaire feroit 20 lieues en 24 heures. Arrién compte 1500 stades entre Maracanda, aujourd'hui Samarcand, & le Jaxartes, & assure qu'Alexandre avec une partie de sa Cavalerie & de son Infanterie pesamment armée fit ce chemin en trois H i Mem. 1731.

370 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

jours. Selon l'opinion commune, ces 1500 Itades valent 75 lieues, ce qui feroit 25

lieues par jour.

La largeur du Fleuve Hidaspes, passé par Alexandre à la vue de Porus & des Indiens campés sur la rive opposée, étoit de 20 stades, selon la mesure exacte qui en fut prise par les Arpenteurs d'Alexandre. Ces 20 stades font dans l'opinon commune une lieue de 25 au degré ou de plus de 2200 toises. Il est vrai que le passage d'Alexandre sur favorisé par une He placée au milieu du Fleuve, & de laquelle il s'étoit emparé; mais cela n'empêche pas que la largeur du Bras opposé aux Indiens ne sur la largeur de 10 sta-

des qui feroient une demi-lieue.

Toutes ces difficultés disparostront, si l'on Suppose avec M. Delisse que les Arpenteurs d'Alexandre avoient employé les mêmes stades que les Astronomes dont Aristote Précepteur de ce Prince rapporte l'opinion sur la mesure de la Terre. Ces Astronomes comptoient 1111 stades environ au degré, & la maniere dont Aristote rapporte leur mesure. fait voir que c'étoit celle que l'on fuivoit communément de son tems. Il étoit naturel qu'Alexandre, dont le projet n'alloit pas à moins qu'à la Conquête du Monde entier, employat cette même mesure pour déterminer l'étendue de ses Conquêtes, & pour connoitre quelle portion du Monde il avoit déia soumise.

Supposant cette mesure de la Terre à peu près exacte, les stades employés par les Astronomes seront de 308 pieds de Roi, ou

d'un

d'un peu plus de 51 toises. Les 20 stades de la largeur du Fleuve Hydaspes feront environ 1000 toises; & les 10 stades du Bras opposé aux Indiens feront 500 toises, ou un quart de lieue, ce qui ne s'éloigne gueres de la largeur du Rhin dans l'endroit ou l'Armée du feu Roi Louis XIV la traversa en présence des Ennemis en 1672.

Les marches d'Alexandre deviendront de même moins furnaturelles. Les 11800 stades faits en 11 jours par l'escorte qui conduisoit Philotas de la Capitale des Dranges à Echatane ne vaudront qu'environ 168 lieues de 25 au degré, chaque journée sera de 24 de ces licues, & non de 43 comme dans la mesure d'Eratosthenes, ou de 54 comme dans celle de Ptolomée.

Les 4500 stades qu'Alexandre fit du Jaxartes à Maracanda en trois jours, ne feront que 36 lieues communes, & les journées Teront de 12 lieues; au-lieu que par l'opinion ordinaire elles scroient de 25 lieues.

comme nous l'avons remarqué.

La fameuse marche du Pont d'Epiere, au mois d'Août 1601, par Monseigneur le Dauphin, fut de 30 lieues en 48 heures, & elle est bien aussi forte que celle d'Alexandre, qui ne fit que 36 lieues en trois jours, marchant jour & nuit.

La marche que firent, au mois de Juillet 1710, les Troupes que M. le Duc de Noailles conduisit au secours du Port de Cette. est encore un exemple singulier de l'extrême diligence que les Troupes peuvent faire dans

de certains cas.

M. le Duc de Noailles reçut au Boulou

172 Memoires de l'Academie Royale

où étoit le Quartier général de son Armée, la nouvelle de la descente des Anglois. La petite Ville du Boulou dans le Roussillon est éloignée d'Agde, où devoient se rendre les Troupes, d'environ 35 lieues communes de France. La Cavalerie sit ce chemin en 30 heures, l'Infanterie en 48 heures, & l'Artillerie dans laquelle il y avoit quatre pieces de

24, en 43 heures.

La distance des 10290 stades, marquée par les Arpenteurs d'Alexandre entre les Villes d'Echatane & d'Aria, réduite en degrés, suivant l'opinion des Astronomes d'Aristote, donne 9 degrés 16 minutes d'un grand cercle. Nous avons vu que celle qui résulte des Observations astronomiques étoit de 8 degrés 57 minutes, c'est une difference de 19 minutes ou de 350 stades au plus qu'il faudroit désalguer pour la courbure des chemins; ce qui n'est pas considerable sur un intervalle de 10290 stades.

On ne s'attend pas que j'entre ici dans un plus long détail, touchant l'étendue en Longitude de la partie de l'Empire d'Alexandre, lituée à l'Orient de Byzance; il faudroit m'étendre plus qu'il ne m'est permis dans

cette Differtation.

A l'égard de la partie de cet Empire, située à l'Occident de Byzance, les corrections que l'on a faites à sa Longitude sont fondées sur des observations exactes du R. P. Feuillée à Thessalonique, à l'Isse du Mile, à la Canée, & à Candie. Ces observations sont dans les Mémoires de l'Académie, & par conséquent connues de tout le monde.

La partie occidentale de la Grece du côté de l'Epire est déterminée dans le Mémoire lu par M. Delisse en 1714, & les distances itineraires de l'intérieur de la Grece, jointes aux routes exactes des Navigateurs dans l'Archipel, ont donné la Longitude des Côtes orientales du Péloponese, de l'Atti-

que. & de la Thessalie.

Il ne me reste plus maintenant qu'à rendre compte des changemens que M. Delisse a faits aux Latitudes de ces Pais. On voit sur la Carte que la difference est bien considerable, fur-tout dans la partie occidentale. La raison en est que ces Latitudes avoient été déterminées par le moyen des distances itineraires sur celle de Constantinople, & celle-ci étant trop grande de 2 degrés, cette erreur avoit influé dans toutes les Latitudes.

La même raison a eu lieu, par rapport à la Mer Noire, & rabbaissant de 2 degrés vers le Sud, Constantinople & Trebisonde, où l'on a des observations exactes, il a fallu. de nécessité rabbaisser toute la Côte de l'Asie mineure, & même la Crimée, aussi-bien

que le Palus Méotide & la Circassie.

Il a fallu faire aussi un changement considerable à l'étendue en Longitude de cette Mer. Cette correction étoit une suite de celle que les Observations obligeoient de faire à la Longitude des Frontieres orientales de l'Empire d'Alexandre; mais on avoit encore une raison particuliere. La distance du Pont-Euxin à la Mer Caspienne étant connue par plusieurs mesures données dans Strabon & dans Pline, & la Longitude de $H \mathfrak{T}$

374 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Ja partie occidentale de cette Mer étant dérerminée par celle d'Astracan, il a fallu de nécessité se règler là-dessus. Nous trouvons dans la Collection des Voyages, donnée par Purchas, que Burrough Astronome Anglois observa le 31 Janvier 1580 une Eclipse de Lune à Astracan: cette même Echipse fut observée à Uranibourg par Tycho; & la difference des deux Méridiens résultante de l'Observation est de 28 degrés 45 min. lesquels joints aux 10 degrés 32 min. 30 secondes dont Uranibourg est plus oriental que Paris, font 40 degrés 17 min. 30 sec. entre Paris & Astracan, & 22 degrés 44 minutes. 30 lec. entre Constantinople & Astracan. Mais comme, selon Vendelin, dont l'opinion est rapportée par le P. Riccioli dans son Astronomie réformée, page 98, le véritable milieu arriva feulement à 10 heures 30 minutes à Uranibourg, & que Tycho n'ayant point eu égard à la pénombre, a trop avancé le commencement de l'Eclipse, on peut foupçonner que la difference des Méridens d'Uranibourg & d'Astracan n'est pas tout à fait de 38 deg. 45 min. & dans le doute, en attendant quelque observation plus sûre que celle de Burrough, le meilleur parti que l'on puisse prendre, est celui. que M. Delisse avoit pris, c'est de choisir la moyenne entre la difference résultante du milieu de l'Eclipse selon Tycho, & du milieu selon Vendelin.

La premiere est de 38 degrés 45 minutes, la seconde de 33 degrés 45 minutes seulement, & la moyense entre les deux sera de 36

degrés 15 minutes, lesquels ajoutés aux 30 degrés 32 minutes 30 sec. Longitude d'Uranibourg, donne 66 degrés 47 min. 30 sec. pour la Longitude d'Astracan, c'est-à-dire, près de 67 degrés. Ce résultat se trouve d'ailleurs confirmé par les Itineraires, dont M. Delisse a fait usage dans sa Carte de Perfe. Je me suis étendu sur cet article, pour répondre aux difficultés proposées contre cette Longitude d'Astracan dans le nouveau Recueil d'Observations faites à la Chine.

Sur la Carte de la Mer Caspienne, en 2 feuilles, pubilée en 1722, on avoit marqué que le Méridien d'Astracan étoit de 67 degrés à l'Orient de Paris, au-lieu de dire 47 degrés à l'Orient de Paris, & 67 degrés de Longitude. Cetre erreur étoit facile à corriger par les autres Cartes de M. Delisse antérieures & postérieures à celle de la Mer Caspienne, & il est étonnant que le savant Editeur de ces Observations n'ait pas vu que ses objections ne portoient que sur une méprise de Graveur.

A l'égard des differences de Latitude dans la partie qui est au Midi de Byzance, elles ont été déterminées par les Observations de M. de Chazelles aux Dardanelles, à Rhodes, à Alexandrette, à Larneca dans l'Isle de Chypre, à Damiette, à Rosette, à Alexandrie; par celles du P. Feuillée à Thessalonique, à Smyrne, au Mile, à la Canée, & à Candie; & par celles de M. Vernon, à Coron, à Sparte, à Corinche, à Athenes, à Thebes, & dans quelques autres parties de la Grece.

A l'égard des Latitudes des Pass orientaux, M. Delisse s'est règlé sur les Latitudes H 4 des

176 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYAL.

des Astronomes Arabes, qu'il a compare avec celles qui ont été observées par que ques-uns de nos Voyageurs, qui avoient uz teinture d'Astronomie suffisante pour donne quelque autorité à leurs Observations.

- මය බහාව වැඩික් වි**ශ්ක විශ්ක විශ්කයට වැඩික්වා**ය වැඩික්වාය වැඩික්

SUR UN SEL

CONNUSOUS LE NOM

DE POLYCHRESTE DE SEIGNETTE.

Par M. Boulduc. *

N se sert depuis nombre d'années en Medecine d'un Sel sous le nom de Polyobreste de M. Seignette, de la Rochelle, qui en étoit l'Auteur, & dont pendant sa vie il a fait un secret, lequel a passé à ses enfans, sans que jusqu'ici personne d'entre les Artistes en ait véritablement dévoilé le mystère, les uns ayant passé d'une saçon, les autres d'une autre, sur la manière de le faire.

Les Remedes, comme les autres choses de la vie, ont leur mode, laquelle après avoir subsisté un certain tems, plus ou moins long, passe ensin, & tombe dans l'oubli; c'eit un fort, que de très excellens Remedes même ont éprouvé, & qui resteroient encore dans cet oubli, si quelqu'un par hazard,

🖢 5 Sept. 1731. ...

A Commence of the control of the con

zard, souvent peu versé dans l'Art & dans la Medecine, ne s'avisoit de les faire revivre, pour ainsi dire, & de leur donner un nouveau crédit; le Kermes minéral, entre plusieurs autres, en est un exemple. Ce sort n'est pourtant point tombé sur le Sel Polychreste: des que son Auteur l'a annoncé, & en a publié les vertus, il a pris faveur, & s'a réputation s'est augmentée de plus en plus & jusqu'à présent dans plusieurs parties de l'Europe; preuve évidente de la bonté de ce Remede.

Cette réputation m'a donné la curiofité de l'examiner, & de tacher de découvrir quelle

étoit la composition.

La premiere épreuve, que j'en ai faite, a été d'en mettre sur le charbon allumé; je l'y ai vu se fondre, bouillonner, donner de la fumée, & ensuite laisser une matiere noire & charbonneuse: de tous ces effets, celui qui m'a arrêté le plus, a été l'odeur qu'avoit la fumée qui s'en exhaloit, à laquelle les gens du métier ne pouvoient se méprendre: c'étoit celle du Tartre ou de la Crême de Tartre, qui est une même chose. Je ne m'arrêtai point ni à la fonte, ni au bouillonnement de ce Sel sur le charbon, parce que ce sont des propriétés communes à plusieurs. Sels; mais je goutai le charbon resté après: toute la fumée exhalée, & sur la langue je trouvai qu'il faisoit, à quelque chose près, l'impression que font nos Sels fixes & lixiviels.

Ces deux propriétés, savoir, l'odeur du Tartre brulé & le goût lixiviel, jointes à la

H 5

178 MEMOIRES DE L'ACADEME ROYALE

facilité que ce Sel a de se fondre dans l'eau froide, me firent d'abord penser, que ce pouvoit être quelque chose d'approchant du Tartre soluble; mais je ne m'en tins pas à cette épreuve, qui me parut trop superficielle, & je passai à la distillation. Deux onces de ce Sel poussé au feu par la Cornue, rendirent une liqueur assez claire, & une Huile noire, qui nageoit deflus. L'une & l'autre examinées, la liqueur étoit l'Esprit de Tartre & l'Huile noire étoit encore celle qu'on appelle l'empyreumatique ou fétide du même Tartre. Je fis ensuite une pareille distillation de deux onces de Tartre soluble, & le produit fut le même que de la distillation précédente.

Jusqu'ici je me trouvai avoir tout lieu de penser, que le Sel de Seignette & le Tartre foluble n'étoient qu'une même chose: mais quelques circonstances me jetterent de nouveau dans le doute de leur différence.

Les deux distilations, dent je viens de parler; étant faites, je tournal mes vues du côté des Résidus, & à l'œil ils me partirent de prime-abord être les mêmes; c'écoit une matiere noire, charbonneuse, poreuse, rarésiée, que je regardois comme un Tartre calciné, & dont on ne pourroit retirer qu'un Sel fixe alkali; & en effet, en versant & sur l'un & sur l'autre de l'Esprit de Nitre, l'un & l'autre fermentoit: cependant le résidu du Tartre soluble fermentoit en apparence heaucoup plus vivement, que celui du Sel de Seignette; & voulant aller plus avant; je calcinai separement l'un & l'autre résidus à seu-cinai separement l'un & l'autre résidus à seu-

ouvert, & après les avoir fait dissoudre dans de l'eau & filtré, je trouvai au résidu du Tartre soluble un goût simplement lixiviel, & sur le filtre une cendre; mais à l'égard de celui du Sel de Seignette, la lessive avoit quelque odeur, sentoit en quelque façon l'œuf couvi, & étant filtrée, elle n'avoit point la couleur de l'eau, qu'avoit celle du Tartre soluble, mais une couleur bleuâtre; & ayant versé sur cette solution du Vinaigre distillé, la liqueur se troubloit, & précipitoit au bout de quelque tems une matiere

blanche & en apparence fulphureufe.

Mais après tous ces essais, il n'y avoit encore rien de certain pour distinguer le Sel de Seignette d'avec le Tartre soluble ordinaire; & quoique j'eusse en souvent de fois occasion de m'entretenir sur ce sujet avec Mrs. Geoffroy, avec lesquels j'ai toujours eu des liaisons étroites, & qui m'ont bien voulu communiquer là-dessus idées, j'avoue que je suis toujours demeuré dans l'incertitude sur la matiere avec laquelle ce Sel pour voit se faire: & en mon particulier je serois resté dans cette incertitude, peut-être toute ma vie, si M. Grosse, mon ami, ne m'avoit, un jour ouvert les yeux, en me failant part de ce qu'il avoit observé en travaillant sur la Soude. Il me sit voir un Sel, qui se séparoit, ou se déposoit peu-à-neu de la solution de cette matiere, & qui, quoiqu'il fût figuré comme un Sel de Glauber, ne laissa pas de fermenter avec tous les Acides, avec les Minéreux en particulier très vivement, & avec les Acides végétaux plus lentement, commeavec

4 km .

180 Memoires de l'Academie Royale

avec le jus de Citron, le Vinaigre & d'atttres; mais le plus foiblement avec la Crême de Tartre: cependant quelque lente que fât cette dissolution avec la Crême, à froid s'entend, elle ne laissoit pas d'être parfaite au bout de quelque tems; & M. Grosse ajouta, que ce mêlange méritoit d'être examiné par

l'évaporation & la crystallisation.

Je saissis cette idée dans le moment. & je concus, que ce mêlange donneroit une nouvelle espece de Sel moyen ou Tartre foluble; ie me représentai même dès-lors que M. Seignette, ayant voulu faire une Crême de Tartre foluble, qui, comme l'on fait, n'est que le Tartre rendu soluble par le Sel alkali fixe du même Tartre, a pu croire, comme bien d'autres Artistes le crovent encore, que tous les Sels alkalis tirés des Plantes par la calcination, font les mêmes, & que le feu ne leur laisse rien d'essentiel de la Plante, dont ils sont tirés; & qu'ainsi on pouvoit issesséremment substituer l'un à l'autre; & ensint que suivant se principe, ayant fort à la main la Soude, qui est le Sel du Kali calciné, il pouvoit en faire son Tartre soluble : ce qu'ayant exécuté; il en avoit retiré un Sel. qui ne s'étoit point trouvé être précisément le Tartre soluble ordinaire, & connu depuis longtems, mais un nouveau Sel, où plutôs une nouvelle espece de Crême de Tartre soluble, à laquelle il avoit donné par la stice le nom'de Polychreste, parce qu'on en a vu plusieurs bons effets en Medecine.

Je suis démeuré dans cette idée encores longtems sans l'éprouver, quique je l'eusse. communiquée à plusieurs personnes du métier, lorsque l'occasion s'est présentée d'en

parler.

Ensin pourtant je me suis mis en devoir de l'exécuter, ce que M. Geoffroy de son côté a aussi fait dans le même tems, sans que l'un ent averti l'autre sur son travail, & nous avois trouvé tous les deux précisément la même chose.

Pour faire le Sel dont il est question, on prend la Soude d'Alicante la plus calcinée, la plus dure & la plus blanche, que l'on met en poudre: on en fait une forté lessive en la faisant bouillir dans l'eau; on filtre cette les-

five, qui est très limpide.

On a séparément de la Crême de Tartreen poudre, sur laquelle on verse de cette lessive, après l'avoir chaussée; ce mélange. excite une fermentation qui dure fort longtems, & qui, mêmé après avoir cessé quelquefois, se renouvelle à plusieurs reprises; c'est dans le tems de cette fermentation, que la Crême de Tartre se dissour; après quoi il se fait une précipitation affez abondante d'u-) ne terre grise, spongieuse & légere, que l'on sépare de la liqueur par le filtre: on fair! ensuite évaporer ce mélange à lente chaleur. jusqu'à un tiers ou environ de sa diminution. paliscon le laisse en repos dans des terrines : & au bout de quelques jours on trouve des: Grystaux transparens comme le Crystal, & qui sont figurés, lorsqu'ils sont libres & non. appuyés sur les vaisseaux, comme des cylindres ou colomnes, qui dans leurs longueurs: ont plusieurs faces plattes, dont j'ai compté H 7 au-

182 Memoires de l'Academie Royale

eu-delà de neuf, mais communément elles ne fe trouvent pas si grand nombre.

En mon particulier, je pense, qu'on ne peut pas déterminer exactement la proportion de la Soude & de la Crême de Tartre, y ayant des Soudes, qui contiennent une plus grande quantité de Sel les unes que les autres: mais cette proportion se trouve bien naturellement, quand on fait diffoudre à la lessive autant de Crême de Tartre qu'elle en peut prendre, ce qui est le point de saturation.

La lessive de six livres de Soude a pourtent absorbé communément deux livres de trois à quatre onces de Crême de Tartre: de quand la Soude a été bien blanche de bien chargée de Sel, la lessive de six livres aquelquesois absorbé presque poids égal de Crême de Tartre: cette disserence, comme il est aisé de penser, ne peut dépendre que de la qualité de la Soude plus ou moins calcinée, de chargée de Sel alkali.

Mais quand j'ai pris le Sel, qui se dépose de la solution on lessive de la Soude, & dont la configuration smite assez celle du Sel de Glauber, une demi-livre de ce Sel dissous, a pris assement treize à quatorze onces de Crême de Tartre, & le mélange n'a presque point jetté de terre: c'est la la proportion la plus juste, que je puisse proposer pour les deux matieres, qui moivent entrer dans la composition du Sel Polyeureste: il n'en coute qu'un pen d'attente pour avoir les Crystaux de la Soude; & ensuite le mê-

mélange se fait plus également, & n'est point sujet à la précipitation des différentes matieres hétérogenes, que la Soude communique à la lessive.

Enfin notre Sel étant en Crystaux, & comparé avec celui de Seignette aussi crystallisé, se trouve être absolument le même dans toutes ses circonstances; ils sont figurés l'un comme l'autre, ils se fondent très aisément dans l'eau froide, lorsqu'ils sont en poudre; ils ont le même goût, & impriment sur la fin quelque fraicheur à la langue; mis sur un charbon allumé, ils s'y fondent & bouillonnent, ils exhalent l'odeur du Tartre brulé, & se réduisent à la fin en ce charbon noir & spongieux, que donne le Tartre.

Si après cet examen, en doute encore de l'exacte conformité que notre Sel a avec celui de Seignette, on peut s'en convaincre par une expérience qui en fait une promte décomposition: qu'on dissolve de l'un & de l'autre Sel, chacun pris séparément, égale quantité dans de l'eau chaude, & qu'on verse sur chacun peu-à-peu de l'huile de Vitriol blanche jusqu'à ce qu'elle n'agisse plus: à mesure que ces dissolutions se tiédissent, il se forme une concrétion faline, laquelle examinée est une véritable Crême de Tartre en Crystaux, régénerée ou séparée de l'Alkali, tandis que l'Huile de Vitriol s'v est unie, & forme ensuite par la crystallisation avec lui un Set de Glauber, de la même facon que si on avoit versé cette Huile immédiatement sur la lessive de la Soude.

Le Sel Polychreite de Seignette est donc

184 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE enfin une Crême de Tartre rendue soluble par l'Alkali de la Soude.

gasasocosasasasososasasasasosos sa SUR LES SECTIONS CONIQUES.

Par M. NICOLE. *

I. COIT les deux Cones CQR & CST opposés par la pointe ou sommet C, & qui font coupés par le plan des deux Triangles COR & COT; & foit un autre plan-6, 7, 8, 9, perpendiculaire au premier, & qui passant par le point A, pris à volonté sur le côté CO du Triangle & du Cone, coupe ces deux Cones, & forme par cette section les courbes 6 MAm7 & gab. Si l'on confidere le point A comme un axe sur lequel le plan 0, 7, 9, 8, toujours perpendiculai-re au plan des deux Triangles, fait une révolution, il est clair que ce plan tournant ainsi, engendrera dans le Cone les differentes courbes 6 M Am 7, 3 A 4, a 5 A oa. On demande l'Equation générale qui exprime la nature de l'infinité de courbes engendrées par cette révolution.

SOLUTION.

II. Soit une des fituations du plan tournant 6, 7, 9, 8, être celle dans laquelle fa commune lection, avec le plan des deux Triangles, est la droite LPAHaN; si l'on prend sur cette droite un point P indéterminé, & que 11 Mai 1711.

ŀ

que par ce point on fasse passer le plan circulaire EM5FmE, il est évident que l'ordonnée P M fera commune au cercle E M F & à la courbe AM6. Cela posé, si l'on mène CV perpendiculaire à l'axe CI du Cone, & DAO parallele à cet axe, & que l'on nomme DC ou AB, f; CH, g; AH, b; AP, x, PM, y; on aura ces analogies AH(b): $.HC(g)::AP(x).PE=\frac{g_{x}}{b},&AH(b)$. $DH(f-g) :: AP(x) . P0 = \frac{fx-gx}{h}$ Donc $GE = GO + OP + PE = f + \frac{fx - gx}{b}$ $+\frac{gx}{h}=\frac{fh+fx}{h}=GF$; & PF=GF $+GO + OP = \frac{fb + fx}{b} + f + \frac{fx - gx}{b}$ $=\frac{2fb+2fx-6x}{b}$. Mais par la propriété du cercle $PM^2 = EP \times PF$, ce qui est $yy = \frac{2fgbx + 2fgxx - ggxx}{bb}$, ouyy= $\frac{2fgbx + 2fgxx - ggxx}{bb}$ $\times \frac{2fbx}{2f-f} + xx$, qui donne cette proportion

yy. $\frac{2fb}{2f-g}$ + $x \times x$:: 2fg-gg.bb, qui est la propriété essentielle de l'hyperbole. D'où l'on voit que si l'on tire AK parallele au côté CR du Cone, les Triangles AKH, aCH, seront semblables, & que KH. HC:: AH . Ha, ou KH. KC:: AH . Aa, c'est-à-dire, 2f

186 Memoires de l'Academie Royale

 $2f-g \cdot 2f :: b \cdot \frac{2fb}{2f-g} = Aa \cdot Aa$ est donc

le grand axe.
Pour avoir l'axe conjugué, foit fait bb • $2fg - gg = \frac{4ffbb}{4ff - 4fg + gg} \cdot \frac{4ffg}{2f - g}$, dont la

racine 2/8 fera l'axe conjugué. Donc

si fur le diametre K C, on décrit le demi-cercle KIG, & qu'à ce cercle on mène l'or-donnée Hr, que du point K par le point 1, on mène la droite K 12, C2 fera l'axe con-jugué, car les Triangles KH1, KC2, feront semblables, & donneront cette proportion KH(2f-g). $Hi.(\sqrt{2fg-gg})$

 $:: KC(2f) \cdot C2 = \frac{2fg}{\sqrt{2fg-gg}}. \text{ Le grand}$

axe est donc $A_a = \frac{2fb}{2f-c}$, & son conju-

gue $C_2 = \frac{2f_E}{\sqrt{2f_C - \epsilon_E}}$, qui font entre eux

comme AH(b). $HI(\sqrt{2fg-gg})$.

III. Si le point A demeurant le même. c'est-à-dire, le sommet de la fection à la même distance du sommet C des deux Cones. on suppose que le plan 6, 7, 9, 8, fait une révolution autour du point A, depuis la situation AQ dans laquelle il touche le Cone, jusqu'à la situation AC dans laquelle il le touche

che encore de l'autre côté; on verra toutes les differentes courbes qui peuvent naitre des differentes sections du Cone par le plan. Or comme les differentes inclinations du plan dépendent de la grandeur CH(g), il ne faut donc, pour trouver ces courbes, que donner à CH ou g, toutes les grandeurs possibles, depuis zero jusqu'à l'infini, positivement & négativement, ou, ce qui revient au même, considerer la ligne A H dans toutes les situations possibles sur la ligne infinie Vx, & le rapport qu'elle a dans chaque situation à la ligne H1 correspondante qui est ordonnée au cercle, dont le diametre CK=2f; car on a vu que ces deux lignes expriment le rapport des deux axes de l'hyperbole, dont Aa, qui est la plus courte distance des deux Cones prise sur le plan coupant, est le grand axe.

Lorsque le point H tombe en C, les lignes A & A H deviennent égales à AC, & l'ordonnée H 1 est nulle, ce qui fait voir que le grand axe de cette hyperbole est AC, & le petit est zero. Cette hyperbole est la ligne

droite AQ.

Lorsque le point H tombe en D, alors g = f, & l'Equation deviendra $yy = \frac{ff}{hh}$ $\times 2bx + \pi x$. Cette hyperbole a 2AD pour grand axe, & 2CD pour petit axe. D'où l'on voit que cette hyperbole sera équilatere, lorsque l'angle QCR des deux côtés du Cone sera droit, & que dans toute autre supposition l'hyperbole engendrée par le planparallele à l'axe du Cone sera celle qui appro-

proche le plus de l'équilatere, car la ligne AH est la plus petite de toutes ses semblables lorsque le point H tombe en D; & au-contraire la ligne H1 est la plus grande de toutes ses semblables. Donc dans cette supposition, le rapport de ces deux lignes approche le plus qu'il est possible du rapport

d'égalité.

Si l'on continue de faire croître la ligne CH = g depuis D jusqu'en K, on verra que la ligne AH croîtra toujours jusqu'à ce qu'elle devienne AK, & que la ligne H i diminuera toujours, & qu'elle est zero en K; le rapport de AH à H i est donc infini en ce point. Or comme le rapport de ces lignes est toujours celui des deux axes de l'hyperbole engendrée, il s'ensuit que l'hyperbole engendrée par le plan parallele au côté CR du Cone, est telle que le grand axe contient son conjugué une infinité de fois, quoique celui-ci soit lui-même infini, l'Equation de la courbe devient en ce cas, lorsque g = 2f,

 $yy = \frac{ggx}{b}$, le grand axe $\frac{gb}{c}$, & fon con-

jugué $\frac{s \nu s}{\nu_0}$ ou $\frac{s b}{1}$ & $\frac{s \nu s}{\nu_1}$, c'est-à-dire,

comme $b \times \infty \cdot 1/g \times 1/\infty$.

La courbe exprimée par cette Equation, est la parabole dont le parametre est $\frac{ss}{b}$, c'est à dire, 3^{me} proportionnelle à AK & à G.K.

Si la ligne AH continue de croître & devient vient AX, alors le plan coupera l'autre côté CR du Cone en a, & l'Equation générale, à cause de g plus grand que 2f, deviendra $yy = \frac{gg - 2fg}{bb} \times \frac{-2fb \times x}{2f - g} \times x$, ou $yy = \frac{gg - 2fg}{bb}$

 $\times \frac{2fbx}{-2f} - xx, \text{ qui est l'Equation à l'El-}$

lipfe, dont le grand axe est $\frac{2fb}{g-2f}$, & le petit, en faisant cette proportion, bb. gg-2fg

 $2: \frac{4ffbb}{g-2f} \cdot \frac{4ffg}{g-2f} = \frac{4ffgg}{gg-2fg}, \text{ dont la ra-}$

cine quarrée est $\frac{2f_g}{\sqrt{g_g}-2f_g}$, valeur du petit

axe. D'où l'on voit que si l'on tire ΛY parallele & égale à CK, les Triangles $XK\Lambda$, ΛY , seront semblables, & l'on aura XK (g-2f). $X\Lambda$ (h)

:: AT(2f). $Aa = \frac{2fh}{2-h}$ = au grand axe.

Pour trouver le petit axe, soit tiré XZ tangente au cercle, dont le diametre est CK, & au point touchant Z, la ligne KZ; si du point T, on tire T 10 parallele à KZ, & A10 parallele à XZ, cette ligne A10 sera le petit

axe, car on aura XK(g-2f), $XZ(\sqrt{gg-2fg})$ AY(2f). $A = \frac{2f\sqrt{gg-2fg}}{gg-2f} = \frac{2fg}{gg-2f}$

Ces deux axes font donc entre eux :: AXXZ, d'où l'on voit que lorsque le point X

fera à l'infini, ces deux lignes seront égales,

c par conséquent l'Estipse sera alors un cer-

108 Memoires de l'Academie Royale

grands axes diminuent continuellement jufqu'à devenir AC, qui est le grand axe de la derniere Ellipse, & dont les petits axes diminuent plus promtement, & le dernier est zero, ce qui fait que la derniere Ellipse est la droite AC.

REMARQUE 1.

V. Si l'angle QCR du Cone est droit. les angles QAO, OA13, 13 AT, & TAC, feront chacun de 45 degrés, & le plan qui engendre toutes les fections du Cone, en faisant sa révolution de 180 degrés, en distribue un égal nombre dans chacun de ces angles, savoir, dans le premier une infinité d'hyperboles, dont la premiere est une ligne droite infinie, & la derniere l'hyperbole équilatere. Dans le second angle de 45 degrés, encore une infinité d'hyperboles dont la premiere est l'hyperbole équilatere. & la derniere est la parabole. Ce second ordre d'hyperboles diffère du premier, en ce que dans celui-là les axes conjugués augmentent dans un plus grand rapport que les grands axes, & que dans celui-ci, les axes conjugués augmentent dans un plus peuit rapport que les grands axes. Dans le troisieme angle de 45 degrés, le plan continuant de faire la révolution, distribue une infinité d'Ellipses, dont la premiere infinie est la parabole, & la derniere est un cercle. Et dans le quatrieme angle de 45 degrés, encore une infinité d'Ellipses, dont la premiere est le cercle, & la derniera est la droi-

DES SCIENCES.

193

droite AC. Ce second ordre d'Ellipses diffère du premier, en ce que dans celui-là, les axes conjugués diminuent dans un plus petit rapport que les grands axes, au-lieu que dans celui-ci les axes conjugués diminuent dans un plus grand rapport que les prands axes.

COROLLAIRE III.

VI. Il suit encore, que de toutes les differentes Hyperboles & Ellipses engendrées par la révolution du plan, aucunes ne font semblables, les deux axes de ces courbes croissant selon differentes loix. D'ou I'on voit auffi, que si l'on conçoit un second plan attaché à un autre point A du côté CO du Cone plus près ou plus loin du sommet C. & que l'on fasse faire une révolution à ce second plan, semblable à celle du premier. cette révolution engendrera le même nombre infini de courbes que la premiere, dont chacune dans son ordre sera semblable à sa correspondante dans le sien, c'est-à-dire, que de ce nombre infini de courbes, les feules semblables sont celles qui sont engendrées par des plans paralleles : de-là vient que toutes les paraboles engendrées dans le même Cone sont semblables, & que de toutes, l'infinité d'Ellipses & d'Hyperboles engendrées dans le même Cone, celles la seuloment sont semblables, qui sont formées par des plans paralleles.

De là on voit aussi que les sections coniques formées par differens Cones ne sont

point semblables.

Mem. 1731.

REMARQUE II.

VII. Si au-lieu de se servir, comme on a fair, du plan circulaire FMEmF, parallele à la base du Cone, dont la propriété connue $EP \times PF = PM^2$, a fait trouver l'Equation générale des autres sections, on s'étoit servi d'un autre plan quelconque oblique à la base, on auroit de même trouvé l'Equation générale de toutes les sections par le moyen de la propriété qui convient à la section du plan choisi.

* Soit, par exemple, Em54 ME parallele au côté CR du Cone, on fait que la courbe engendrée par ce plan, est la parabole mEM, dont le sommet est en E, & dont

le parametre est $\frac{EF}{CE}$. Si donc on veut avoir l'Equation de la section quelconque mAM, par le moyen de la parabole mEM, il ne faut que trouver les expressions algébriques de CE, EF & EP, ce qui est aisé. Car les mêmes choses étant posées, & de plus ayant nommé CB ou DA(b), les triangles semblables AKH & ACH donneront KH(2f-g). CH(g):: AH(b). Ha

$$=\frac{gh}{2f-g}$$
. Donc $Aa=\frac{2fh}{2f-g}$, & $KH(2f-g)$

$$.CH(g) :: AK(\sqrt{bb+ff}) . Ca = \frac{g\sqrt{bb+ff}}{2f-g}$$

Les Triangles femblables ACa & AEP donneront

^{*} Fig. 2.

neront aufi
$$Aa$$
 $(\frac{2fb}{2f-g})$. $Ca(\frac{g\sqrt{bb+ff}}{2f-g})$
 $\therefore AP(x) \cdot EP = \frac{g\times\sqrt{bb+ff}}{2fb}, & Aa(\frac{2fb}{2f-g})$
 $\cdot AC$ $(\sqrt{bb+ff}) :: AP(x) \cdot AE$
 $= \frac{2fx-gx\sqrt{bb+ff}}{2fb}$. Donc EC
 $= \frac{2fb+ifx-gx\sqrt{bb+ff}}{2fb}$. Les Triangles
 $CAT\& CEF$ donneront encore $CA(\sqrt{bb+ff})$
 $\cdot AY(2f) :: CE(\frac{2fb+2fx-gx\sqrt{bb+ff}}{2fb})$
 $\cdot EF = \frac{2fb+2fx-gx}{b}$. Donc l'Equation de la parabole mEM , qui est $EP \times \frac{EF^2}{CE}$
 $= PM^2$, deviendra, en termes algébriques,
 $\frac{g\times fb+ff}{2fb} \times \frac{2fb+2fx-gx\times 2fb}{bb\times 2fb+2fx-gx\times 2fb}$

=yy, qui se réduit à $\frac{bbyy}{2fg-gg} = xx + \frac{2fbx}{2f-g}$, qui est la même Equation qui a déja été trouvée pour la courbe mAM.

Il en fera de même de tout autre plan oblique à l'axe du Cone, autre que 5 m E M 4. On trouvera toujours par son moyen, la même Equation pour la courbe 6 m A M 7.

106 Memoires de l'Academie Royale

Autre maniere plus générale de confiderer toutes les Sections qui penvent être engendrées dans un Cone par un plan qui le compe de toutes les façons possibles.

• VIII. Si l'on conçoit le nouveau plan IMNLmnI perpendiculaire à l'axe AP de la section m A M, & que l'on fasse tourner le plan m AM fur l'axe AP, il est chair qu'il s'engendrera, par cette nouvelle révolution. une infinité de nouvelles sections, telle que #ACN (toutes terminées à la courbe IM NL m =) dont on trouvera l'Equation en cette forte.

On fait que la courbe IMNLm est une Ellipse depuis la situation où IL est perpendiculaire fur DAE, jusqu'à celle où IL lui seroit parallele, & qu'ensuite cette courbe feroit une hyperbole. Si donc, les mêmes choses étant posées de même que dans la premiere consideration, on nomme de plus le demigrand axe KI de cette ellipse ou hyperbolea, son demi-petit axe b, l'ordonnée PN, z, qui est commune à la courbe nm L NM & à la courbe # AC N, le simus de l'angle MP N, #, & le finus total m; que de plus on mène NO parallele à MP, on aura, à cause de l'Ellipset IMNL, as . bb :: IQ x QL . Q No

$$:: \overline{P + PQ} \times \overline{PL - PQ} \cdot PN^2 - PQ^2$$

$$:: \overline{IP + \frac{n}{m}PN \times LP - \frac{n}{m}PN}$$

PN

[.] $PN^2 - \frac{nn}{n-1} PN^2$. D'où l'on tire.

PN = 268mn×PL-PI+18m× IP×PL×4aamm-4aann+266nn+66nn×PL2+IP2 D

Par un femblable calcul, pour les cas où la courbe nmLNM (Fig. 4-) est une hyperbole, on trouvera

U Chacune de ces Equations exprimera la relation de AP(x) à PN(z) lorf. So qu'on aura mis, pour a, b, IP & PL, leurs valeurs. Pour trouver ces valeurs, soit mené (Fig. 3.) D^2 perpendiculaire sur PAH prolongée jusqu'à la rencontre de l'autre côté LD_3 du Cone. B + 18 × PL + 1PE On fait (Art. 2.) que $A_3 = \frac{2fb}{2f-g}$, $PM = \frac{\sqrt{2fg-gg}}{b} \times \frac{\sqrt{2fbx}}{2f-g} + xx$, AB- 186mm × PL-+ PI -+ 26m × / IP × PL × 426mm -- 466mm -- 266mm Premier Cas, lorsque IMNL est une Ellipse.

parallele à l'axe du Cone, sera $\forall bb-ff+2fg-gg=1$. Les Triangles sem-

198 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

blables ABH, D2H, donneront ces proportions; $AH \cdot AB :: DH \cdot D2 = \frac{g!}{h}$

portions;
$$AH . AB :: DH . D_2 = \frac{g_2}{b}$$
, $AH . BH :: DH . H_2 = \frac{f_2 - g_3}{b}$. Donc $A_2 = \frac{f_3 - f_3}{b} = \frac{f$

 $A_2 = \frac{bb + fg - gg}{b}$, & $g_2 = A_3 - A_2 = \frac{g_2 + g_3 + g_4 + g_5 + g_5}{2fb - g_5}$. Les Triangles femblables, $g_2 D$, $g_3 PL$, & $A_2 D$, API, don-

negont encore ces proportions,
$$32 \cdot 2D$$

:: $3P \cdot PL = \frac{2flb + 2flx - glx}{2fg - 2ff + bb - gg}$, $A2$
 $\cdot 2D :: AP \cdot PI = \frac{glx}{bb + fg - gg}$. Et fi-l'on fait

cette proportion, $\sqrt{IP \times PL}$. PM :: a.b., on trouvera $b = \frac{a\sqrt{3}g-2ff+bb-gg \times \sqrt{bb+fg-gg}}{lb}$. Mais comme ces grandeurs font fort com-

Mais comme ces grandeurs font fort composées, soit $\frac{bb+fg-gg}{b} = A2 = p$ & $\frac{2fgg-2ffg+gbb-g}{2/b-gb} = \frac{cg}{b}$; on aura

&
$$\frac{3fgg-2ffg+ghb-g'}{2fb-gh} = \frac{cg}{h}$$
; on aura
$$PL = \frac{2flh+2flx-glx}{2cf-cg}, PI = \frac{glx}{h} & b$$

Si donc on substitue dans l'Equation A les valeurs que l'on vient de trouver pour b, IP & PL, on aura z — ½ m n

$$\times \frac{(2fb+2fx-gx)\times plh-gtx\times (2cf-cg)}{(mm-nn)\times llbh+nn\times (2efph-cgbp)}$$

qui est l'Equation de la section #ACN, quel que soit l'angle MPN des deux plans APM, & quel que soit l'angle EDL du Cone, & cela dans le cas où la section $IMNLm\pi I$, du plan perpendiculaire sur AP, est une Ellipse. = + 1ml × +nn×(ggxx × 2cf -cg + ppb2 x 2fb +2fx - gx) mm -- nn)11hb -- nn x (2cfpb -- cgpb)

IX. Fig. 4. On a dans ce cas $A_3 = \frac{2fb}{g-2f}$, PM (ordonnée de la courbe.

Second Cas, lorsque MNLmn est une hyperbole.

$$PI = \frac{st}{ts - bb} & b = \frac{\sqrt{st - 1/s}}{b} & \sqrt{\frac{st - 1/s}{s - sf}} - xx, dB = t, D = \frac{st}{b}, H_2 = \frac{st - 1/s}{b}$$

$$PI = \frac{stx}{ts - bb} & 3z = \frac{3f_5t}{3f_5 - 3f_5 + 3f_5 - 3f_5} - \frac{st - 1/s}{st - 3f_5 -$$

qui est l'Equation de la section » A C N dans ce second cas. = 1 mlx -+ nn x (88xxx88 - 2ef + ppbbx2fb -- 8x-= 1/16-81x+2/1x, PI= 81x & b = 41/289-26 L'Equation C, (done on fublitue ces valeurs dans l'Equation B, elle deviendra - × × × · $(2fb-gx+2fx) \times plb+glx \times (cg-2cf)$ ## - nn) × 1166 - nn × (eg \$6 - 2 ef \$6 (##--- n n × 1166--- n n × (2896--- 2cfpb) 25x) × (1166×+mm -- 48m -- 288×6826 -- 26526) × × ₫

L'Equation C, (Fig. 3.) considerée sous cette forme générale, exprimera toujours une hyperbole πACN rapportée à l'un de ses diametres pour toutes les valeurs de g, croissant depuis g=0 jusqu'à g=2f, excepté les cas particuliers

qui feront remarqués dans les Corollaires sui-

Il en est de même de l'Equation D * sous cette forme générale; elle exprimera toujours une Ellipse aussi rapportée à l'un de ses diametres pour toutes les valeurs de g, croissant depuis g=2f jusqu'à g infini, & ensuite décroissant depuis g infini jusqu'à g=0, excepté aussi les cas particuliers qui seront remarqués dans les Corollaires qui suivent.

COROLLAIRE I.

X. Si dans l'Equation $\dagger C$, on suppose n = 0, elle se changera en $z = \frac{\sqrt{2fgg} - gg}{b}$ $\times \frac{2fbx}{2f - g} + xx$, qui est l'Equation qui 2 été trouvée pour l'hyperbole $m \wedge m$.

COROLLAIRE II.

XI. Si l'on suppose m=0, elle se changera en $z - \frac{1}{2} \times \frac{(2fb + 2fx - gx) \times p1b - g1x \times (2ef - eg)}{2efpb - egpb}$ $= \pm \frac{1}{2} I \times \frac{(gx \times 2ef - eg + pb \times 2fb + 2fx - gx)}{2efpb - egpb}$ qui est un lieu à la ligne droite, & c'est aussi ce qui doit arriver, car alors la section nACN devient le Triangle IDL.

C o-

202 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

COROLLAIRE III.

XII. Si dans l'Equation D, * on suppose \mathbb{Z}_{+} = 0, elle se réduira à $z = \frac{\sqrt{g_s - 2f_g}}{b}$ $\times \frac{\sqrt{2fbx} - xx}{g - 2f} - xx$, qui est l'Equation qui a été trouvée pour l'Ellipse mAM_{3m} .

COROLLAIRE IV.

· ct

ij

20

1

XIII. Si dans cette Equation, on suppose m = n, elle deviendra $z - \frac{1}{2}$ $\times \frac{(2fb - gx + 2fx)plb - glx \times (\epsilon g - 2\epsilon f)}{\epsilon gpb - 2\epsilon fpb}$ $= \pm \frac{1}{2}l\times \frac{(gx \times \epsilon g - 2\epsilon f - pb \times 2fb - gx + 2fx)}{\epsilon gpb - 2\epsilon fpb}$ qui est le lieu au Triangle AD_3 .

COROLLATRE V.

XIV. Il suit de l'Equation C, que lorsque g = 0, on a $z = \frac{mn \times (fb + f\pi) \times plb + \frac{1}{2} mlnpb \times (ifb + 2f\pi)}{(mm - nn)llbb + nn \times 2efpb}$ qui est un lieu à la ligne droite; ce qui fait voir que lorsque HAP touche le Cone, l'infinité de sections qui résultent de l'infinité de valeurs du rapport $\frac{m}{n}$, seront toujours des Triangles.

COROLLAIRE VI.

XV. Si l'on suppose g=f, on aura l=b, p=b, $c=\frac{bb}{f}$, & l'Equation C deviendra $z=\frac{nf}{n}=\pm\frac{f\sqrt{nnbb+zmmbz+nmxx}}{nb}$, qui est $z=\frac{nb}{n}=\pm\sqrt{\frac{nnbb}{2bx+xx}}$, lorsque b=f; $z=\pm\sqrt{2bx+xx}$, lorsque z=0; & $z=f=\pm\sqrt{\frac{b+fx}{b}}$ lorsque z=n.

Ce qui montre que quand HAP est parallele à l'axe du Cone, toutes les sections. • ACN seront une infinité d'hyperboles, & un Triangle; & que toutes ces hyperboles feront équilateres, quand l'angle EDL du Cone sera droit.

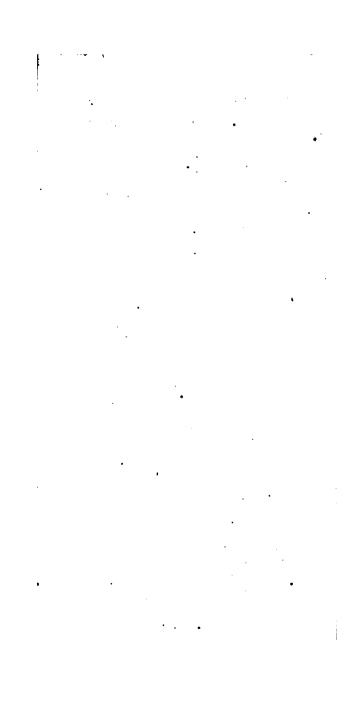
COROLLAIRE VII.

XVI. Si l'on suppose g=2f, on aura $c=\frac{bb}{b}$, & l'Equation C deviendra $z=\frac{mn\times(fplb-flbx)}{(mm-nn)}\frac{hb+nnpbb}{hb+nnpbb}$ $=\frac{mlf\sqrt{bx\times(4mmll-4nnll+2nnppb)+nn\times(ppbb+bbxx)}}{(mm-nn)lb+nnpbb}$ qui se réduit à $z=\frac{g\nu x}{\nu b}$, lorsque n=0, & à $z=\frac{flp+flx}{pb}$, lorsque m=n. Ce qui fait voir que quand HAP est parallele.

te Equation deviendra z + 1 m n × --tele au côte DL du Cone, toutes les sections #ACN sont une infinité d'hyper- ψ boles, une parabole, & un Triangle. XVII. Il suit de l'Equation P, que si l'on suppose g & d infinies, cet-4100 2[x--xxx(4##11--4##11--2##cp)-+##cexx-+4##ffpp--4##fpx-+#'9'xx C; O R O L L A (## - nn) × 11 - nncp (2fpl-plx+elx)

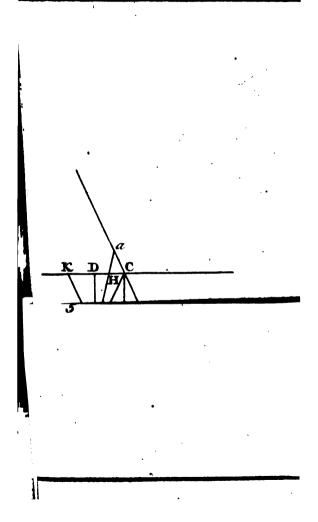
a dont la premiere exprime un cercle, & la seconde exprime une ligne droite. 1 - 1/2 fx - xx, & fi m=n, on aura z + 2 1x - 2/2 1- 1/2 + 1x (2x + 1x - 2/2) qui exprimera une Ellipse, lorsque les termes affectés de la quantité zx sont négatifs; une hyperbole, lorsque ces termes sont positifs; & une parabole, lorsque ces termes s'anéantifient. Si dans cette derniere Equation, on suppose = a, elle deviendra

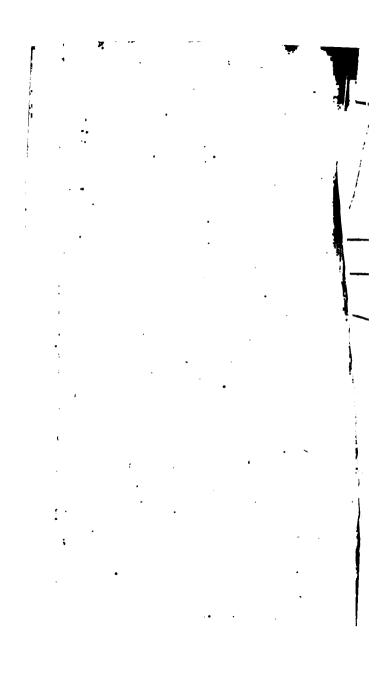
dour - Pyx (su-such



a dont la premiere exprime un cercle, & la seconde exprime une ligne droite. qui exprimera une Ellipse, lorsque les termes affectés de la quantité z z sont négatifs; une hyperbole, lorsque ces termes sont positifs; & une parabole, lorsque ces termes s'anéantissent.

Si dans cette derniere Equation, on supposé » = a, elle deviendra te Equation deviendra z + 1 m n x -2- V2fx-xx, & fi m=n, on aura z + plx - ifp 1-cbx + 1x (px + cx - 2fp) XVII. Il suit de l'Equation D, que si l'on suppose g & d infinies, cer-2[x-xxx(4##11-4##14-2##cp)-+##ccxx-+4##ffpp--4##fpix-+#jxx doun - Pry (au - much doug - 17×(zz - ##) (xlot-plx-telx)





Mem.deli1cad.1731Pl.8.Pag.204.

-ι . ٠,

RECHERCHES

SUR

L'OPERATION DE LA TAILLE

PAR L'APPAREIL LATERAL.

Par M. MORAND.

A multiplicité des méthodes pour l'opération de la Taille est d'autant plus utile, qu'elle est naturellement fondée sur les variations qui dépendent de la Pierre & de l'état de la Vessie maladie; aussi lorsqu'on a attaqué ceux qui proposent differens procédés pour faire l'opération de la Taille, on s'en est pris plutôt à l'application trop générale de la méthode proposée, qu'à la méthode même.

Pour moi qui les ai étudiées toutes, & toutes pratiquées, je crois pouvoir avancer qu'elles sont toutes bonnes, à certains égards; & qu'en les supposant perfectionnées. l'habileté de l'Anatomiste Chirurgien consiste autant dans le choix de la méthode que

dans l'exécution.

. Après avoir décrit celle du haut Appareil. l'étois dans le dessein de décrire l'Appareil lateral, lorsque j'appris le succès éclatant

4 Avril 1732.

avec lequel M. Cheselden célèbre Chirurgien Anglois faisoit cette opération. Je ne rougis point de dire que j'ai fait le voyage de Londres exprès pour le voir travailler. Les opérations que je lui vis faire au Printems de l'année 1729, dans l'Hôpiral de S. Thomas, les questions que je sis à ses malades, les conferences que j'eus avec lui-même, m'ont donné des lumieres que la méditation ne m'auroit peut-être point fournies, & du courage pour entreprendre cette opération, que je croyois plus difficile que le grand Appareil, & qui actuellement mele parost moins

Revenu de Londres, j'essuya toutes les questions que la curiosité ou l'amour du bien-public purent faire imaginer, & je tâchai d'y satisfaire, à une circonstance près que M. Cheseldea vouloit communiquer luimème à l'Académie, ce qu'il sit en détaillant sa méthode dans plusieurs-Lettres qu'il m'adressa en differens tems de l'année 1729. Il l'a depuis publiée en 1730, dans une courte Dissertation en Anglois, que j'ai traduis

pour en donner un Extrait fidele*.

M. Chefelden nous apprend dans cette Dissertation, qu'ayant fait le haut Appareil avant celui-ci, il n'avoit point été malheureux dans cette opération, qu'il n'avoit perdu qu'un malade sur sept, qu'il n'a quitté cette opération que dans l'esperance d'en trouver une meilleure, & qu'il est bien sur qu'el-

^{*} An appendix to the fourth edition of the Anatomy &c. by W. Chefelden. 1730.

le pourroit être pratiquée actuellement avec plus de fuccès qu'elle ne l'avoit été, en pro-

fitant des observaions qu'on a fait.

Après ces expériences sur le haut Appareil. la réputation de M. Rau l'avoit engagé à tenter son opération. M. Cheselden la fit d'abord en remplissant d'eau la Vessie, au moven de quoi il tiroit avec autant de facilité que de vîtesse de très grosses pierres: ses malades paroissoient hors de danger quelques jours après l'opération; mais l'urine s'insinuant dans la membrane cellulaire qui environne le Rectum, faisoit des ulceres sordides avec pourriture, & de dix malades taillés de cette façon, il en est mort quatre. Il essaya ensuite de tailler précisément comme M. Albinus prétend que M. Rau tailloit. mais il éprouva les mêmes inconvéniens de la part de l'urine. Ces desavantages lui firent imaginer la méthode que je lui ai vu faire. & à laquelle il est dévoué pour toujours. La voici rapportée par lui-même.

" Je lie le malade, comme au grand Appareil, après l'avoir couché sur une table horizontale, de la hauteur de trois pieds, ayant la tête seulement élevée. Je fais d'abord une incision aux tégumens aussi longue qu'il est possible, en commençant près l'endroit où elle finit au grand Appareil; je continue de couper de haut en bas, entre les muscles accélérateur & érecteur gauche, & à côté de l'intestin rectum; je tâte ensuite pour trouver la sonde, & je coupe dessus, le long de la glande prostate, en continuant jusqu'à

208 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

,, la Veffie, & en affujettiffant le rectum en ,, bas pendant tout le tems de l'opération avec un ou deux doigts de la main gauche.

" Le reste de l'opération est comme dans " l'ancienne méthode , avec cette disseren-

" ce que je lie les Vaisseaux coupés.

Après cette description, M. Cheselden qui étoit averti que l'on avoit cru trouver une contrariété dans ses Lettres, sur le nombre de ceux qu'il avoit taillés, parce qu'il avoit écrit à M. Pibrac, Chirurgien de Paris, qu'il en avoit taillé vingt-sept, sans qu'il en sur qu'il en fût mort un, & à moi que de quarante-sept, il n'en étoit mort que quatre, explique ces calculs differens, en disant que vingt-sept malades taillés de suite par sa méthode guérirent, le premier qui mourut étant le vingt-huitieme: je n'ai pas besoin de tromper, dit-il, pour représenter mos succès.

Ces quarante sept dont M. Cheselden parloit dans se Lettres, sont ceux qu'il avoit
taillés en tout par cette méthode, depuis le
mois de Mars 1727 jusqu'en Juin 1729, tant
dans l'Hôpital S. Thomas que dans Londres. Les quarante-six dont il parle dans sa
Dissertation imprimée, sont ceux qu'il a
taillés dans l'Hôpital seulement jusqu'à la sin
de Juillet 1730, il en donne l'âge & le nom,
excepté de ceux que je lui vis tailler, &
qu'il dit avoir perdu, sans s'être ressouvenu
qu'il me les avoit donnés à Londres, écrits
de sa propre main.

De ces quarante-six de l'Hôpital, il n'en est mort que deux; l'un âgé de dix-sept ans, étoit malade des son enfance, exténué par te longues soussances, & incommodé des reins; l'autre mournt quinze jours après l'opération, ayant une toux violente. Un des quarante-quatre guéris avoit soixante-sept ans, & trente-trois pierres; un autre quarante-deux ans, & une pierre pesant onze onces: plusieurs des enfans eurent la petite-vérole pendant la cure, & d'autres la sougeole.

Voilà ce que contient l'Ecrit de M. Chefelden: il ne sera pas inutile d'y ajouter plufieurs choses essentielles qui se trouvent dans

les Lettres écrites pour l'Académie.

En parlant des expériences qu'il fit de la méthode de M. Rau, telle qu'elle est proposée par M. Albinus, il ajoure à l'inconvénient des ulceres avec pourriture, produits par l'urine qui se glisse dans le tissu cellulaire, celui des hémorragies continuées jusqu'à la mort, comme il savoit que cela étoit arrivé.

A l'égard de sa méthode en particulier, il recommande d'avoir soin que celui qui tient la sonde ne la pousse point du tout en devant; il assure que par son incisson intérieure il coupe totalement le Sphincter, & qu'il n'a jamais trouvé d'inconvénient à couper la glande prostate; il conseille de na point faire de playe trop prosonde à la membrane grasse & celluleuse, située à la partie extérieure du rectum: il avoue naturellement que dans les commencemens, il blessa l'intestin rectum à deux malades, qui cependant guérirent tous deux, & que cela arriva faute d'attention à la conduite de la sonde; il prétend qu'il est plus facile de netroyer les

les vessies ulcérées par cette méthode que par aucune autre; il ajoute-ensin dans une Lettre un fait bien favorable à cette opération. Un homme étoit destiné à être taillé par le grand Appareil; l'incision étant faite par l'Opérateur, il lui sui impossible de tirer la pierre. M. Cheselden, qui étoit présent, sui invité à essayer lui-même, il sit son opétion à la suite de la premiere, tira une pierre pesant près de douze onces, & le malade guérit.

M. Chefelden me paroît avoir omis la longueur & l'obliquité de son incision extérieure; ce qui n'est cependant pas sans raison. Au reste scs Lettres montrent également son habileté & sa bonne soi; & la Compagnie répondit à sa politesse, en le

faisant Correspondant de l'Académie.

Pour profiter des opérations que je lui avois vu faire à Londres, je fis beaucoup d'expériences sur les Cadavres; je travaillai à une analyse exacte des parties interessées dans l'opération; & quand je sus muni des connoissances que l'Anatomie m'avoit fourni, j'en proposai la pratique à M. Maréchal Premier Chirurgien du Roi, qui ne s'est prêté à cette nouveauté, que parce qu'il a vu qu'elle interessoit le bien-public.

Sous ses yeux, en présence de plusieurs Académiciens, Medecins & Chirurgiens, cette opération s'est faite l'année derniere à

Paris, avec grand fucces.

Tout le monde fait que de feize malades taillés par cette méthode, tant dans la Ville que dans l'Hôpital de la Charité, huit par

M. Perchet, huit par moi, chacun de nous n'en a perdu qu'un; pendant que de douze taillés en même tems dans l'Hôpital, par le grand Appareil, il en est mort cinq. De eeux-ci, il y avoit trois Sujets dont il y avoit plus à craindre qu'à esperer, & on n'a pas manqué de nous dire que nous avions choisi les meilleurs pour l'opération nouvelle.

Je pourrois répondre à cela, qu'une premiére épreuve nous y autorisoit, mais nous ne voulons point de grace: il nous est facile de prouver que de nos feize malades taillés par l'Appareil lateral, il y avoit un enfant qui ayant été faigné six fois pour une fievre rebelle & indépendante de sa pierre, étoit Bouffi par tout le corps, & dans l'ufage actuel du Quinquina, lorsqu'il fut taillé; un homme de soixante-deux ans, qui avoit einq grosses pierres; un autre de einquantecinq ans, qui avant eu la fievre, la jaunisse de un dévoyement de plusieurs mois, dont il n'étoit pas remis, fut taillé le dernier jour de Juillet, à cause des pressantes douleurs qu'il souffroit; enfin un autre dont la vessie étoit squirreuse, pleine de fongus, & la pierre de la grosseur & précifément de la forme d'un marron d'Inde dans sa coque, dont on auroit un peu émoussé les pointes. Je ne sai si on peut appeller ces quatre malades de bons Sujets: c'est à ceux qui liront ce Mémoire à en juger: cependant trois de ceux-ci sont guéris, & onze des autres.

Le simple énoncé des faits nous justifie, & nous nous flatons que dorênavant nous

n'au-

212 Memorres de l'Academie Royale

n'aurons pas beloin d'employer d'autres movens contre la Critique. Les raisons de préférence pour l'Appareil lateral, comparé au grand Appareil, seront amplement détaillées dans des Mémoires particuliers, & l'ont été déja avec bien de la folidité, par M. Falconnet dans fa These: An educendo calculo, cateris autoforendus apparatus lateralis. Je me contenterai de dire ici, que les principaux avantages de cette opération consistent en ce que le manuel en est bien plus facile que celui du grand Appareil; il est plus sur, parce que le Chirurgien est guidé, non seule-ment par la crenelure de la sonde, mais mieux encore par le doigt index de la main gauche, à l'aide duquel il agit tonjours, & court moins de risque de se fourvoyer. Les avantages qui en reviennent aux malades sont considerables: toutes choses égales. l'Appareil lateral est moins longue, & doit être moins douloureuse que par le grand Appareil, parce que dans l'une on coupe certaines parties qu'on déchire dans l'autre; elle favorise davantage l'extraction des grosses pierres, c'est une proposition qui résulte de la précédente. Ceux qui en ont été guéris, n'ont été incommodés, ni de fistules, ni d'incontinence d'urine; on n'a pas eu le defagrément de voir ces communications de la playe avec le boyau, que quelques malades taillés au grand Appareil, ont malheureusement éprouvés dans le tems même qu'on travailloit au panégyrique du grand Appareil. Enfin la Taille la terale est non seulement utile aux. Pierreux.

mais encore elle semble avoir été trouvée pour fecourir plus furement que par l'opération ordinaire ceux qui par obstruction ou abscès au col de la Vessie se trouvent dans la malheureuse nécessité de souffrir ce que l'on nomme l'incisson au Périné: c'est une . obfervation de M. Chirac.

Ce que je viens de dire sur l'Appareil la-teral n'est qu'un préliminaire au Traité que j'espere donner par les suites. J'ose avancer que ce Traité nous manque: M. Méry a donné la critique des opérations de Frere Jaques*, & ayant à la suite de son Ouvrage proposé l'idée d'une méthode pour faire l'Appareil lateral, il ne l'a point pratiquée. M. Albinus a donné dans une Dissertation Latine †, l'opération laterale qu'il dit avoir été pratiquée par M. Rau: mais le manuel en est si composé, & l'exécution si difficile, que je doute qu'elle est été adoptée par M. Rau, si l'Ouvrage eût été publié de son vivant. Le Docteur Douglas ‡ a donné un simple recueil de ce qu'on avoit écrit avant Ini sur cette opération, & M. Cheselden ne la pratique plus comme elle est décrite dans le Postscriptum du Docteur Douglas. Enfin M. Garengeot Chirurgien de Paris, connu par la fécondité de sa plume, l'a proposé au gens de l'Art, sans l'avoir faite lui-meme, & fur une premiere expérience faite par un autre. . Te

^{*} Observations sur la maniere de tailler dans les deux Sexes, &c.

[†] Index Supellettilis Anatomica, Ge. 1715. # The history of the lateral operation by James Dou-2128. M. D. 1726.

Je n'ai envié à personne d'honneur d'écrire sur cette matiere, depuis qu'elle a été renouvellée en France. Je sai que les Ouvrages précipités laissent ordinairement, non des restes à recueillir, mais des moissons à faire. En attendant celui auquel je m'engage, je vais donner à la Compagnie quelques observations détachées qui regardent la partie historique de cette opération, & qui la rendent à ses vrais Auteurs.

PREMIERE OBSERVATION.

On appelle communément la Méthode de trere Jaques son opération, quoique la plupart des Chirurgiens ne l'ayent connu que lur le rapport de M. Méry: mais si une méthode de tailler doit être une maniere de tailler suivant une règle toujours constante, au moyen de laquelle on entame les mêmes parties toutes les fois; à consulter l'Ouvrage de M. Méry, on verra que Frere Jaques n'avoit point de méthode: car il entamoit la Vessie, tantôt dans son col, tantôt dans son corps, il séparoit quelquefois le col du corps, souvent il traversoit la Vessie & l'ouvroit en deux endroits, il interessoit l'intestin rectum, qui ne doit point être touché dans cette opération; en il blessoit differentes parties qui servent a la génération.

Par l'ouverture de ceux qui périssoient entre les mains de ce Moine, M. Mery découvroit tous ses écarts, & l'inconstance de l'incisson intérieure; il voulut desabuser le

Public dui se prévient aisément en faveur des gens d'un certain caractere, en nous faisant part de fes observations à ce sujet. Il nous à donné un Ouvrage dont il résulte que Frere Jaques ne tailleit pas deux personnes de suite de la même façon; on pourroit dire par conséquent que Frere Jaques n'avoit point de méthode, & il ne pouvoit pas s'en former une, ignorant la Topographie, pour ainsi dire, des parties sujettes à son Lithotome: il restoit donc à M. Méry, en décriant l'opération de Frere Jaques, à déterminer nettement & précisément de tous les endroits qu'il entamoit, celui qu'il auroit été le plus avantageux d'entamer, suivant une certaine méthode; cependant c'est de toutes les parties de son Ouvrage, celle qui est le plus légerement traitée.

On dira fans doute, que c'est l'idée qu'on s'étoit faite de l'opération de Frere Jaques; mais si l'on en convient avec moi, il faudra convenir aussi que si Frere Jaques a pu profiter, & des réflexions critiques de M. Méry, & des avis falutaires qu'il avoit reçus pour rectifier fon opération, il a pu par les fuites pratiquer une bonne méthode, & qu'il est fâcheux que le Public ait été privé du fruit qu'il y avoit à retirer de la vivacité de ceux qui ont écrit contre cet Opérateur. Or on va voir qu'on l'a perdu de vue dans le tems qu'il falloit le suivre, que les Auteurs qui ont travaillé sur cette matiere ont été dépourvus des pieces les plus utiles sur la Taille de Frere Jaques, & qu'il est constar t que Frere Jaques pratiqua postérieurement

à la critique de M. Méry une Taille laterale, la même que celle que M. Cheseldera pratique aujourd'hui avec succès: c'est ce qu'il sera facile de prouver, en donnant ici la partie la plus curieuse, & en même tems la plus cachée de l'Histoire de Frere Jaques-

La Critique de M. Méry ne féduisit point tout le monde; M. Fagon, pour-lors Premier Medecin du Roi, & M. Félix Premier Chirurgien, jugerent qu'on pouvoit rectifier son opération; Frere Jaques reçut leurs avis, & en profita; cela est démontré par le fimple récit de ses opérations postérieures à

la Critique de M. Méry.

Par mes recherches, je l'ai suivi par-tout, & je sai qu'il avoit taillé à Aix-la-Chapelle en 1600 environ soixante personnes, dont le plus grand nombre guérit. A Versailles, au Printens de 1701, trente-huit qui guérirent tous, & le fait est attesté par Mr. Fagon, Duchesne, Bourdelot, Boudin, Felix & Gervais*. La même année à Angers +, à Beaumont & Beauvais en Picardie, où il y a encore actuellement des gens taillés de sa facon qui sont en santé. En 1703, M. le Maréchal de Lorge se mit entre ses mains, après avoir reçu dans son Hôtel vingt-deux pauvres attaqués de la Pierre, pour les faire tailler par le Frere Jaques; les vingt-deux pauvres guérirent, & M. le Maréchal mourut: c'est alors que Frere Jacques prit le parti de passer en Hollande.

En

* Nouvelle méthode de tailler, par Freze Jaques
Beaulieu, &c. 1702. à la fin.

† Voyez l'Ouvrage de M. Hunauld, MS.

En-vain veut-on élever la réputation de M. Rau sur les débris de celle de Frere Jacques. Je rendrai bien tôt justice à M. Rau mais peut-on ne pas juger favorablement de ce que sit le Frere Jacques en Hollande, lorsqu'on est instruit qu'il y étoit devenu si fameux, que son porrtait y sur gravé trois fois différentes, & que lorsqu'il sut à Bruxelles, dans le dessen de ne plus retourner en Hollande, les Magistrats d'Amsterdam lui envoyerent une Médaille d'Or, ayant d'un côté son portrait, & de l'autre la Ville d'Amsterdam, avec cette inscription: Prosenvatis CIVIBUS?

M. Rau étant fait Lithotomiste à sa place, Frere Jacques passa en Flandres, sit son opération à Bruxelles & à Anvers, sut appellé à Nantes, à Lyon & à Geneve, & y travailla heureusement. En 1708 il sut mandé par M. le Duc de Lorraine, pour tailler un de ses principaux Officiers, qu'il guérit. Il sut à Vienne en Autriche en 1709, de-là à Padoue & à Rome, & y pratiqua son opération. En 1710 il sut à Venise. Ensin las de voyager, il revint en 1712 à Besançon sa patrie, où il avoit moins travaillé que par-tout ailleurs; & mourut en 1714, âgé d'environ soixante ans.

Son voyage à Angers lui avoit procuré la connoissance de M. Hunauld, faisant la Médecine avec distinction, Auteur de quelques Ouvrages imprimés, & dont le Neveu est de l'Académie. M. Hunauld apprenant l'Anatomie à Paris, partageoit son tems entre les Leçons de M. Mignard & Duverney, & Mém. 1731.

conservoit par son crayon le travail de son Scalpel. Il entreprit de défendre Frere Jacques contre M. Méry, & on peut dire qu'il le fit avec avantage dans une Differention dédiée à M. Fagon, mais qui n'a jamais été

imprimée *.

Ce Manuscrit est accompagné de planches anatomiques dessinées par M. Hunauld luimême : on v trouve la méthode de Frere Jaques perfectionnée; méthode par laquelle il étoit toujours sûr de faire son incision intérieure dans le même endroit, & qui avoit rendu la vie à tant de malades. Depuis l'Ouvrage de M. Méry, Frere Jacques avoit donné luimême cette méthode dans un Imprimé de sept à huit pages, dont il y a très peu d'exemplai-

res †.

الكنسة

Dans ces deux Ouvrages, l'incisson de Frere Jacques est nettement déterminée, il y est clairement énoncé qu'il coupoit le col de la Vessie: il parost donc que si les Auteurs avoient fait sur cela les recherches nécessaires, ils auroient distingué dans l'Histoire de Frere Jacques deux époques bien differentes: la premiere nous donne Frere Jacques déconcerté par les critiques qu'il avoit essuyées, la seconde nous le donne encourage par les instructions qu'il avoit recues; l'une montre une opération défectueuse que l'on abandonne, l'autre une opération excellente que l'on reprend aujourd'hui. Il est

* Histoire du procedé de Frere Jacques, par M. Hunauld, &cc. MS.

† Nouvelle méthode de tailler, & tirer la Pierre de la Vessie, par Frere Jacques Beaulieu, &c. 1702.

facheux de n'avoir jugé du Frere Jacques que sur son opération décrite par M. Méry; & c'est avec justice, ce me semble, qu'on avoit appliqué à cet Opérateur, un passage de Ciceron qu'on lit autour de ses portraits, peut-être pour critiquer la Critique de M. Méry; Ægri, quia non omnes convalescent, non ideireò ars nulla Medicina est., Parce qu'on, ne guérit point tous les malades, on ne, doit point pour cela nier l'existence de la Medecine."

De toutes ces recherches, je conclus ma premiere observation, & je dis que si Frere Jacques eût été aidé à Paris, comme il, le fut à Angers, & s'il eût été aidé à Angers avec autant d'éclat qu'il fut censuré à Paris, nous serions demeurés en possession de l'Appareil lateral, & nous aurions de plus les perfections dont une interruption de plus de trente ans doit naturellement nous priver.

SECONDE OBSERVATION.

Rien ne prouve mieux l'usage que nous pouvions faire en France de la méthode de Frere Jacques, que celui qu'on en fit en Hollande. M. Albinus, qui nous a donné la Vie de M. Rau dans l'Index du Cabinet d'Anatomie, legué par M. Rau à l'Académie de Leyde, nous apprend* que Frere Jacques étant à Amsterdam, obint du Magistrat la permission de faire sa nouvelle opération de la Taille; que M. Rau après avoir

^{*} De Clar. Ravii vitâ & calculescrum caratione, p. 7.

K 2

affisté à ses opérations s'éleva contre sa méthode. Jusque-là je vois M. Rau faire en Hollande, ce que M. Méry fit en France; mais qu'arrive-t-il ensuite? Les Magistrats d'Amsterdam, & depuis ceux de Leyde ayant fait M. Rau lui-même Lithotomiste pour ces deux Villes, il pratique l'Appareil lateral, & ne l'abandonne plus; sur quoi il faut remarquer qu'avant l'arrivée de Frere Jacques en Hollande, M. Rau ne tailloit qu'au grand Appareil, comme il l'avoit appris à Paris vers l'année 1683*; de forte qu'il paroît clairement que ce fut le Frere Jacques qui donna à M. Rau l'idée de l'Appareil lateral. Il paroît ensuite que M. Rau se trouva si bien de l'Appareil lateral, qu'il n'en pratiqua plus d'autre. Il avança dans un Discours public prononcé à Leyde en 1713, qu'il avoit guéri en Hollande, par cette opération, quinze eens quarante-sept personnes affligées de la Pierre +.

M. Albinus décrit dans ce même Ouvrage la méthode dont il prétend que M. Rau se servoit, par laquelle il se proposit d'entamer la Vessie même, par le côté, & près de son col, un peu vers la partie inférieure & postérieure: Vessicam ipsam proximè cervisem esus à latere, nonnibil inseriora es posteriora versus t. Mais cette méthode est beaucoup plus difficile pour le Chirurgien, & beaucoup plus longue pour le malade, que ceste du Frere Jacques; & il est facile de démontrer que les avantages qui pour-

^{*} Idem, P. 15. † De Clar. Ravii vitâ & calculoferum guratione, P. 14. † Idem, P. 13.

pourroient faire valoir celle de M. Albinus, font communs à l'opération de Frer: Jacques, même par rapport à l'extraction des grosses pierres: j'ajoute, qu'il est permis de douter si on a la méthode dont M. Rau se servoit réellement, & il pourroit bien se faire que la méthode de M. Rau, & celle de Frere Jacques, auroient été les mêmes.

Voici sur quoi sont fondées mes conjec-M. Rau laissoit assister à ses opérations, mais il n'en donnoit point d'éclaireissement, il se la réservoit. Il est mort en 1719, sans la rendre publique, & c'est un autre Professeur qui l'a donné. Enfin le Docteur Douglas a fort bien remarqué, qu'onne voit nulle-part des observations tirées

de l'ouverture des Cadavres *.

Voilà bien des motifs de douter si l'opération donnée par M. Albinus est réellement. celle de M. Rau. Ce qui donne en même tems. lieu de croire que celle qu'il pratiquoit pourroit bien être celle de Frere Jacques, c'est que, selon M. Albinus même, ils faisoient tous deux l'incision dans le même endroit: Deinde autem methodo nova [ua semper est usus. qua eundem quem Monachus ille locum incidit +.

On objectera sans doute, que M. Rau ne fut établi Lithotomiste public que sur ce que les Magistrats reconnurent la vérité du jugement que M. Rau avoit porté sur l'opération de Frere Jacques, & que M. Rau fit la Taille avec encore plus de fuccès que le Frere

The history of the lateral operation, p. 74.t. De Clar. Ravii vita, &c. p. 15.

222 Memoires de l'Academie Royale

Frere Jacques: comment cela se peut-il, si

l'opération est supposée la même?

La réponse est facile: M. Rau savoit parfaitement l'Anatomie, Frere Jacques l'ignoroit; & l'on sait que sans les lumieres de l'Anatomie, le Chirurgien ne marche qu'à tâtons.

TROISIEME OBSERVATION.

Lorsque M. Rau étoit questionné par ceux qui voyoient opérer, sur le détail de sa méthode, if ne disoit autre chose que ces paroles: Lisez Celle. C'est un fait dont M. Winstow nous a fait part dans une de nos Assemblées. en ayant été témoin, & ayant suivi en Hollande les opérations de cet homme célèbre. Il est donc bien naturel de suivre l'indication donnée par M. Rau lui-même, & alors ilest facile de prouver que M. Rau tailloit comme le Frere Jacques, parce que Frere Jacques corrigé, tailloit par l'Appareil de Cela paroît d'abord un paradoxe à Celfe. ceux qui ont, de l'opération de Celfe, l'idée que les Auteurs nous en donnent ordinairement: mais le paradoxe s'évanouit quand on fait les réflexions suivantes.

On a forcé le sens de Celse, & on l'a mal interpreté, quand d'une méthode générale, on en a fait une méthode seulement praticable pour la pierre qui fait bosse au Périné.

Le Chapitre 26 du 7^{me}. Livre de Celse traite des difficultés d'uriner, & la 2^{de}. Section du même porte en titre: Calcalosis que

curatio adhibeatur*. L'incisson est ainsi déterminée: Juxta anum incidi cutis plaga lunata usque ad cervicem Vesica debet: deinde ea parte qua strictior ima plaga est, etiamnum sub cute altera transversa plaga facienda est, qua cervix aperiatur donec urina iter pateat, sic us

plaga paulo major quam calculus fit.

Voilà la méthode générale de Celse pour tirer la Pierre qui est dans la Vessie, & ce qui prouve que c'est une méthode générale, c'est qu'à la fin du Chapitre, il donne la méthode de traiter les cas particuliers, & de tirer, par exemple, les Pierres engagées dans le col: Calculi per se delaps in cervicem. Je sai bien qu'on regarde l'opération de Celse, comme impraticable sur les Adultes; mais c'est un pur préjugé & faute d'examen, car il n'y a point d'Anatomiste Chirurgien, qui voulant en faire l'expérience sur le Cadavre, ne reconnoisse comme moi, qu'elle peut se faire.

Frere Jacques la faisoit aussi quelquesois à la lettre; actuellement encore il y a en Italie des Opérateurs qui ne la font pas autrement. Il est vrai que cette opération faite à la lettre est difficile; mais les changemens qu'on y a faits depuis, par rapport aux instrumens.

l'ont de beaucoup perfectionnée.

Albucasis inventa le premier un Bistouri très étroit & très pointu †. De nos jours, Frere Jacques substitua aux doigts de l'Opérateur une Sossde, mais très désettueuse & sans cré-

Aur. Corn. Cells opera ex recognitione Vanderlinden.

[†] Albucafis Chir. part, U. cap. IX.. p. 204. K 4

crénelure. Mr. Fagon, Felix, Maréchal. - Méry conseillerent une Sonde crénelée à Frere Jacques, qui s'en est servi dans les suites; M. Rau a ajouté quelque chose à cette Sonde. M. Cheselden a inventé un Bistouri, qui, à peu de chose près, est le même que celui d'Albucasis: mais toutes ces variations ne touchent que les instrumens, car du reste l'Appareil lateral, depuis Celse jusqu'i M. Cheselden, a toujours été fait dans le lieu détérminé par Celse pour l'inci-sion.

Au reste, la remarque de l'analogie de l'Appareil lateral avec la méthode de Celse a été apperçue par les Modernes, & je ne prétends point m'en attribuer la découverte.

Dans l'Assemblée des Magistrats, des Medecins & Chirurgiens, convoquée à Paris, pour déliberer sur les expériences Frere Jacques, un des affiftans avança que fa méthode avoit été autrefois pratiquée; & M. Méry qui cite cè fait, ajoute de lui-même au'il pourroit se faire que cette maniere d'opérer auroit commencé par quelque Opérateur qui se seroit formé une méthode sur ce qu'il auroit lu de la Taille dans Celse *. M. Freind dans son Histoire de la Medecine: en parlant d'Albucasis qui a suivi Celse, dit que l'endroit marqué pour l'incision par cet Auteur, est entierement le même que celui où Frere Jacques, & après lui M. Rau, avoient coutume de la faire †.

Qu'on:

Lifez M. Méry, page 43.
 M. Freind, Hift. de la Medecine, 2 partie, p. 95.

Qu'on ajoute à toutes ces recherches la réponse de M. Rau à ceux qui le questionnoient; l'obscurité qui pourroit naitre des differens noms de la méthode de Frere Jacques, de celle de M. Rau, de celle de M. Chaselden, disparoît en les rapportant toutes à la méthode de Celse, à laquelle on a ajouté des instrumens, & en leur donnant en com-

mun le nom d'Appareil latéral.

Si mes conjectures étoient justes. la Taille laterale, qui paroît une nouvelle méthode, le trouveroit la premiere & la plus ancienné de celles qui sont connues. J'avoue qu'il seroit fingulier qu'après l'avoir quittée pour fore le grand Appareil, ou l'opération de Marianus, on l'a reprît aujourd'hui fous une autre forme. On en donneroit une raison solide, en disant que la méthode de Celse, & celle de M. Cheselden, étant supposées la même quant au lieu de l'incision, la maniere d'y proceder est difference, & que l'addition des instrumens, les perfections successivement ajoutées aux instrumens même, rendent facile & fure une opération difficile sans tous ces secours. Mais sans nous embarrasser de trouver les motifs qui l'ont pu faire abandonner, il suffit que nous en avons de justes pour son rétablissement. La Théorie en fournira un grand nombre, mais les feuls capables de persuader sont les faits. A examiner les opérations pratiquées par cette méthode depuis le mois de Mars 1727 jusqu'à la fin de 1730, tout doit nous inspirer de la confiance. Je viens de recevoir la liste des malades de M. Chefelden taillés depuis celle : celle qui est imprimée dans son Appendix, & j'apprends qu'il en a taillé vingt, dont il en est mort deux. Si nous la joignons à sa première liste & à la nôtre, il se trouve de compte fait, & en tout, quatre-vingt-deux personnes taillées par cette méthode, en quatre ans, dont il n'est mort que six, & soixante-seize ont été parsaitement guéris.

NOUVELLE MANIERE

DE TROUVER LES FORMULES

DES CENTRES DE GRAVITE.

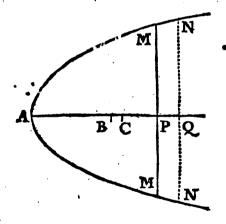
Par M. CLAIRAUT. *

E que je donne ici n'est point une nouvelle méthode pour trouver les centres de gravité: c'est seulement une maniere d'avoir les formules déja trouvées, qui mesemble plus simple que celle dont on s'est servi, parce qu'elle ne suppose que le principe le plus simple de la Méchanique, qui est que pour trouver le centre de gravité de deux corps, il faut diviser la ligne qui joint leurs centres de gravité en raison réciproque des poids de ces deux corps. En partant de ce principe, je considere la Figure que l'on me propose comme variant d'une différence insiniment petite; & prenant le centre de gravité de cette difference ou accroissement de la Figure, qui est toujours fort aisé à trouver, je suppose une ligne tirée au centre de gravité cherché de la Figure proposée; ensuite divisant cette ligne dans la raison du petit poids d'accroissement au poids de la Figure donnée, c'est-à-dire, dans la raison de la difference de la Figure donnée, à la Figure même, je forme une Equation qui me détermine le centre de gravité des deux Figures.

Par exemple, soit proposé de trouver le centre de gravité de l'aire d'une Courbe quelconque MAM divisée en deux par son

axe AP.

Il est évident que le centre de gravité:



doit être fur la ligne AP, supposant qu'ilfoit au point B; ensuite soit MNNM l'ac- $K \in \mathbb{C}$

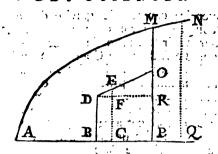
croissement infiniment perit de l'espace-MAM. c'est-à-dire, sa difference, il est clair que le centre de gravité de ce petit espace sera au: milieu de PQ; ou ne faisant point attention. à la grandeur infiniment petite de PQ, le. centre de gravité de ce petit espace pourra être consideré au point P. Ensuite suppofant que C soit le centre de gravité de l'aire NAN, c'est-à-dire, que BC soit la difference de AB, on aura BC.CP ou BP:: NMMN . MAM, ou en termes algébriques (nom-mant AP, x, PM, y, AB, x,) & par consequent PQ, dx, BC, du, MNNM, 2ydx & MAM, 2f. ydx) dn.x-x:: 2ydx: . 21. y dx. ou bien en multipliant les extrêmes & les moyens $du \int y dx = xy dx = uy dx$, ou en transposant $uy dx + du \int_{-\infty}^{\infty} y dx = xy dx$. dont l'intégrale est $u \times \int y dx = \int xy dx$. qui donne u ou $AB = \frac{\int xy dx}{\int y dx}$, qui est Iaformule ordinaire des centres de gravité des.

soit proposé à présent de trouver le centre de gravité d'un espace quelconque APM renfermé entre une Courbe quelconque AM, son axe AP, & une ordonnée géelconque

aires des Courbes divisées en deux par leurs.

PM.

On supposera que l'aire APM soit accrue de la difference PQMN, & que O, milieu de PM, soit le centre de gravité de l'aire MPQN, & que D soit celui de l'aire proposée APM, tirant la ligne DO, le centre de gravité de l'aire AQN sera dessus, & pour le trouver il faudra diviser DO, de façon que



BE foit à O E ou O D comme PQMN à APM. Ensuite abaissant des points D, E, les perpendiculaires DB & EG sur l'axe AP, & menant DFR parallele. à AP, on aura, en nommant AP, x, PM, y, AB, u, DB, t, PQ=dx, PMNQ=ydx, APM=f, ydx, BC ou DF=du, EF=dt, $PO=\frac{1}{2}y$, BP ou DR=x-u, & OR, $\frac{1}{2}y-t$. Et comme DE. DO:: BC. BP, on aura BC (du). BP (x-u):: PQMN (ydx). APM (f.ydx). D'où l'on tire, comme c'est la même proportion que celle de l'exemple précédent, $u=\frac{f.xydx}{f.ydx}$.

Les Triangles semblables D-EF, DRO, donneront à présent DF. DR :: EF. OR, ou, en termes algébriques, du. x-u:: dt. 19-t, ou bien à cause que du. x-u:: dt. 19-t qui

. $\frac{1}{2}y - t$, on bien a caule que du. x - u:: $y dx \cdot \int y dx$, y dx . $\int y dx$:: $dt \cdot \frac{1}{2}y - t$ qui, donne $\frac{1}{2}yydx - tydx = \int y dx$ on l'intégrale, est $\frac{1}{2}\int yydx = t\int ydx$. D'où l'on tire.

 $z = \frac{1}{2} \int \frac{yy dx}{ydx}$, qui est la formule qui sert à

trouver les centres de gravité des espaces duelconques renfermés par des Courbes.

Pour avoir le centre de gravité d'un Arcquelconque AM d'une Courbe quelconque, on abaissera la perpendiculaire MP avec sa parallele infiniment proche NQ; on prendra D pour le centre de gravité de l'arc AM, & M pour celui de l'arc MN, à cause de l'infinie petitesse de cet arc; E qui divise la ligne DM en raison de MN à AM, sera le centre de gravité de l'arc AMN; ainsi menant DFR parallele à BP, & EFC, DB, paralleles à PM, nommant comme ci-dessius, AP, x, PM, y, AM, s, AB, m, BD, s, on aura DF (Am). EF (Am) :: DR (Am) ::

En résolvant ces Equations de la même façon qu'on a résolu les précédentes, on au-

 $ra = \frac{f \cdot xds}{s} & s = \frac{f \cdot yds}{s}$, formules pour

trouver le centre de gravité des Arcs.

Il est aisé de voir que l'on pourroit façilement se servir de cette méthode pour trouver les centres de gravité, de quelles sortes d'Aires, d'Arcs, de Solides courbes qu'on voudroit; ainsi il est inutile que j'en donne le calcui, d'autant plus que, comme j'ai déja dit, je ne donne sci rien de nouveau par rapport aux formules, mais seulement une manière de les déduire: c'est ce qui fait aussi que je ne donne aucun détail d'exemples en particulier.

EXTRAIT

DE DIVERSES OBSERVATIONS

ASTRONOMIQUES

Faites à la Louisiane par M. BARON, Ingénieme

Comparées à celles qui ont été faites à Paris & Marfeille.

Par M. CASSINI. *

Ans le Voyage que le P. Laval, Téfuite, Professeur d'Hydrographie à Toulon, a fait à la Louisiane en 1720, imprimé en 1728, il a déterminé, par une Observation de l'émersion du premier Satellite de Jupiter faite à l'Île Dauphine le 24 Juillet 1720. la difference des Méridiens entre l'Observatoire de Paris & cette Ile qui est à l'embouchure de la Riviere de la Mobile de 6h 52' 40" 1034 10 dont retranchant 201 o' o' nour la difference de longitude entre Paris & l'Ile de Fer, il trouve l'Île Dauphine plus occidentale que l'Île de Fer, de 83 10 o & par conséquent la longitude de cette Ile 276 50 d Feu

* 9 Mai 2791.

Memoires de l'Academie Royale

Feu M. Delisse, qui a déterminé la longitude de Paris, de même que le P. Laval. à 20 degrés de l'Île de Fer, avoit déterminé dans sa Carte de la Louissane, imprimée en 1718, la longitude de cette lle de 287d45' 0" ce qui donne la difference des Méridiens entre Paris & l'Ile Dauphine de ... 72 15 0 ainsi il se trouve entre ces deux déterminations une difference en longitude de 10d 55 que le P. Laval appelle avec raison une différence énorme.

Comme cette difference parut trop grande à M. Delisse, pour être attribuée à quelque: erreur qu'il eût faite dans sa Carte, il jugea devoir faire une Differtation qui a été imprimée depuis dans les Mémoires de l'Académie de 1729, où il déduit les raisons qui l'avoient déterminé à établir la position de cette Lle. de la manière qu'il l'a marquée dans cerse Carte. & dans celle de l'Amérique qu'il a

imprimée en 1722.

Ainsi il étoit à desirer pour la Géographie, de pouvoir décider quelle étoit la véritable fituation de l'Île Dauphine, qui se trouvant à l'embouchure de la Riviere de la Mobile. & dans le Golfe du Mexique, devoit avancer ou reculer d'autant de degrés la position, des Côtes de ce Golfe, qu'il est important de connoitre pour la sureté de la Navigation.

Pour la déterminer, nous avons employé diverses Observations qui nous ont été envoyées par M. Baron, Ingénieur du Roi à la Louisiane, qui, avant que d'entreprendre son voyage, s'est exercé longtems à l'Observatoire, dans le dessein de faire des Ob-

servations, sur l'exactitude desquelles on pût

compter.

Cette Eclipse qui étoit totale, a été observée à Paris des son commencement; mais quelque tems après son Emersion de l'Ombre de la Terre, le Ciel devint nébulcux, de sorte qu'on ne put pas distinguer avec és vidence le terme de l'ombre, ni détermines

sa fin avec précision.

Cette détermination est confirmée par l'Observation d'une tache de la Lune, nommée Devis, qui parut sortir de l'ombre de la Terre, à la Nouvelle Orleans, à . . . 8h 20' 14" & à Marseille à 14 48 ce qui donne la difference des Méridiens entre ces deux Villes de **6 21 47** dont retranchant celle qui est entre Paris & Marfeille, de Reste la difference entre Paris & la Nouvelle Orleans, de à 8 secondes près de celle que l'on avoit déterminée par la fin de cette Eclipse.

Prenant un milieu, on aura la difference des Méridiens entre Paris & la Nouvelle Orleans

de 6h 9' 15" ou de 92d 18' 45".

Cette Ville n'est point marquée dans la Carte de la Louisiane de M. Delisle, imprimée en 1718, mais elle se trouve dans celle de l'Amérique qui a été publiée quatre années après, par le même Auteur, qui la place sur la Rivière de S. Louis, deux degrés ou environ à l'Occident de l'Île Dauphine; ainsi l'on aura par cette Observation la difference entre la Longitude de Paris, & celle de l'Île Dauphine, de 904 18 45 plus petite d'un degré 56 min. que celle qui a été déterminée par M. Delisse, & de 124 51' que suivant le P. Laval: ce qui fait juger qu'il s'est glissé quelque erreur dans l'Observation du P. Laval, causée selon les apparences par le dérangement de sa Pendule, comme il lui étoit arrivé, à ce qu'il rapporte, deux jours auparavant, que quelqu'un l'arrêta pendant son absence. Cette

Prenant un milieu, on aura la hauteur du Pole de la Nouvelle Orleans de 29 57 47 Le P. Laval a déterminé celle de l'Île Dauphine, de 30 17

M. Baron a aussi observé dans la même Ville, la déclination de l'Aiguille aimantée du Nord au Nord-Est, de 3 º

Depuis le rapport que nous avons fait de ces Observations à l'Académie, M. Baron nous a envoyé celle de l'Immersion du premier Satellite dans l'ombre de Jupiter, faite

236 Memoires de l'Academie Royale

à la Mobile qui est sur la Rivière qui porte ce nom, à peu près sous le même Méridien que l'Île Dauphine.

Cette Immersion fut observée le 6 Novembre de l'année 1730 à 17h 17' 54"

On ne put pas l'appercevoir à Paris où elle a dù arriver de jour, & le mauvais tems qu'il a fait dans cette saison ne nous a pas permis d'y observer les Immersions de ce Satellite qui l'ont précédé ou suivi immédiatement. Ainsi nous employerons les Observàtions des 18 & 25 Décembre, dont la premiere arriva le matin à 3h 57' 37", & la feconde à 5h 47' 44" du matin. Dans la premiere le calcul anticipoit l'Observation de 4' 36", & dans la seconde de 4' 26". Cette premiere Observation a aussi été faite à Marseille, par le P. Feuillée, qui la détermina à 4h 9' 58". plutôt qu'à Paris de 12' 21", ce qui s'accorde affez bien à la difference des Méridiens que l'on a déterminée entre ces deux Villes. · L'Emersion du 6 Novembre a été calculée pour Paris à 23h 23' 36", dont retranchant 4!

36", on aura le tems corrigé à Paris le 6 No-Elle a été observée à la Mobile à 17 17 58. Donc la difference des Meridiens entre Paris & la Mobile est de 6h 1! 6" ou ... 90d 16 30 éloignée seulement de 2' 15" de celle qui a été déterminée par les Observations de la Nouvelle Orleans.

M. Baron a observé le 7 Novembre 1730 à la Mobile dans le Fort de Condé, la déclinaison de l'Aiguille aimantée de 6ª d' vers le Nord-Est.

·En-

Enfin il a observé le 12 Mars 1731 à la Nouvelle Orleans l'Emersion du premier Sai tellite de l'ombre de Jupiter, à ... 10h40' 18º

Cette Emersion n'a pas pu être apperçue à Paris, mais on a observé celle qui a suivi immédiatement, qui a été déterminée le 14 11h 17' 58" Retranchant de ce tems une révolution du premier Satellite de Jupiter qui est de 1/18 28' 36" on aura l'Emersion précédente pour le Méridien de Paris le 13 Mars au matin à 4 49 22 Elle est arrivée à la Nouvelle Orleans le 12 Mars au soir, à 10 40 18 La difference est de à 7" près de celle qui résulte de la fin de l'Eclipse qui y a été observée le 9 Août de l'année 1729. On aura donc, suivant cette derniere détermination, la difference de Longitude entre Paris & la Nouvelle Orleans

238 Memoires de l'Academie Royale

A CONCRETE CANADA CANAD

SVITE

DE

L'ANATOMIE DE LA POIRE.

SECONDE PARTIE.

DES VAISSEAUX

Par M. DU HAMEL. 4

E ne puis avoir avancé dans la premiere partie de ce Mémoire, que les filets que j'ai apperçus dans la Poire, sont des Vaisseaux, sans m'être nécessairement engagé à rapporter les raisons qui me les ont fait regarder comme tels, plutôt que comme de simples sibres entrelacées d'une certaine maniere dans la substance de ce fruit.

Il ne faut que jetter les yeux sur les préparations de la Poire que j'ai fait voir à l'Académie, & dont je donne les figures, pour soupçonner que ces filets que nous y déconvrons sont des vaisseaux destinés à porter les

liqueurs dans toute sa substance.

Nous n'avons en effet point d'exemple dans l'Anatomie des Animaux, qu'une simple fibre se divise & se subdivise en une infinité de branches de plus en plus petite, & aille fe ramifier dans toute la fubstance d'un viscere : je crois même qu'on peut regarder cet ordre de distribution comme un caractere distinctif des vaisseaux d'avec les fibres, caractere d'autant plus fidele qu'il est fondé fur une disposition nécessaire à l'usage de l'un & de l'autre de ces organes.

Un assemblage de plusieurs fibres sert ordinairement a former les envelopes, les tégumens, ou le corps des muscles & des tendons: or les ramifications me paroissent favorables au soutien, à la force, & à la résistance que les sibres doivent avoir en

toutes ces occasions.

D'un autre côté, l'usage des vaisseaux est de distribuer la nourriture aux parties: c'est à quoi les divisions & les ramifications sont infiniment plus commodes qu'un canal droit & uniforme, qui ne pourroit remplir cette fonction que par un grand nombre de replis.

On pourroit m'objecter, que les nerfs fedistribuent par des ramifications dans les visceres des Animaux: mais aussi, plusieurs bons Anatomistes les regardent-ils comme des vaisseaux; & dans quelque système qu'on les considere, comme ils doivent se distribuer à un grand nombre de parties, c'est à quoi les ramissications sont très propres, comme je viens de le dire.

Les filets que nous appercevons dans la Poire font donc, soit par leur fituation, soit par leur distribution, en quelque façon semblables aux vaisseaux qui se distribuent dans les Visceres des Animaux: ils paroissent d'ailleurs destinés aux mêmes ulages. En

taut-

240 Memotres de l'Academie Royale

faut-il davantage pour établir une conformité entre les uns & les autres?

Voici cependant encore des observations qui confirment bien l'idée que Mrs. Grew, Malpighi, Leeuwenhoek, Ruisch, & presque tous les Botanistes Physiciens ont eu des filets de notre fruit, car tous ces Auteurs les ont regardés comme des vaisseaux.

· Il paroît certain que la fibre est la même dans la queue de la Poire qu'elle est dans la branche de l'Arbre; d'ailleurs, on peut la fuivre de la queue du fruit dans son intérieur: ainsi cette sibre est la même dans le fruit qu'elle étoit dans la branche. Or nous voyons (fur-tout dans les Plantes qui ont la sève colorée) que les goutres de liqueur qui s'échappent, forsqu'on coupe leurs tiges ou leurs branches, paroissent sortir en abondance de certains endroits qui semblent être comme des orifices des vaisseaux; je suis même parvenu à faire passer une injection fluïde dans les vaisseaux de quelques especes de Roseaux: ainsi les fibres qui vont se ramifier dans la Poire étant de même nature que celle des branches, si l'on regarde celles-ci comme vaisseaux, il s'ensuit que les autres en sont aussi.

. Si l'on veut faire une difference des Plantes ligneuses d'avec les herbacées, & niet que ces premieres soient, comme celles-ci, composées d'un assemblage de vaisseaux, je ferai usage de l'autorité & des observations de M. Grew, & je renvoyerai ceux qui douteront de ce fait, à l'examen des coupes de Plantes que cet Observateur exact a

fait graver d'après le Microscope dans l'E-

dition Angloise in folio de son Livre.

L'épanouissement des filets dans notre fruit, & leur continuité avec les fibres ligneuses sont donc des preuves affez fortes que ces filets font des vaisseaux; leur situation le confirme, car les plus gros aboutiffent toujours aux endroits où il paroît que la seve doit être portée avec plus d'abondance à cause des parties qui y prennent leur origine; je le ferai remarquer dans la suite de ce Mémoire. Qu'on me permette, pour fortifier l'idée que j'ai de l'existence de ces vaisseaux dans la Poire, d'ajouter quelques réflexions sur la nature des differentes liqueurs qui entrent dans la composition de ce fruit, car elles semblent nous indiquer qu'il y a des glandes dans la Poire, puisque la préparation des liqueurs est ordinairement, du ressort des glandes.

Si nous ne doutons point que les vaisfeaux n'entrent pour beaucoup dans la composition de toutes les glandes, & qu'il y en ait même qui ne soient que des pelotons de vaisseaux, c'est une forte raison d'analogie, capable, quand nous n'aurions fait aucun usage de nos yeux ni du scapel pour découvrir la situation & l'arrangement des filets de notre fruit, de nous faire croire qu'il entre bencoup de vaisseaux dans sa composition. En effet, dans la supposition que les organes destinés à contenir les liqueurs de la Poire ne sont point des vaisseaux ou des véficules, (ce qui reviendroit au même) si l'on vouloit qu'une espece de coton sît cet of-

Mém. 1731. L fice

242 Memoires DE L'ACADEMIE ROYALE

fice. & du'en s'imbibant de ces liqueurs à la maniere des éponges, il format une substance qu'on connoit assez sous le nom de varezchyme, combien alors ces liqueurs seroientelles exposées à se confondre? Mais un fait qui paroît mettre la chose hors de doute. c'est que les sucs de la Poire ne s'expriment. pas comme les liqueurs contenues dans une Substance cotonneuse, par une simple expression; il faut auparavant détruire les vaisfeaux, ou en les ratissant avec un couteau, ou en les rapant comme du fucre, ou du moins en les pilant fort longtems. C'est ce que j'ai souvent expérimenté, quand j'ai voulu avoir des fucs dépurés de Coin ou de quelques especes de Poires.

Ces sucs, à la vérité, s'expriment plus aisément dans quelques especes de Poires que dans d'autres, comme sont celles qui ont leurs vaisseaux plus minces; & clest pour cette raison que les Poires molles s'expriment plus aisément que les mûres, & les mûres que les vertes, puisque les vaisseaux sont presque détruits dans les fruits mols, & beaucoup plus minces dans les mûres que

dans les verts.

Je découvre encore de nouvelles preuves de la nécessité d'admettre des vaisseaux dans la Poire, & qui plus est, de décider que les filets que nous y appercevons sont ces verseaux. Mais comme je ne pourrois les faire sentir qu'en entrant dans de grands détails, & en allongeant fort cette digression, je me contenterai d'avertir qu'on en trouvera pluseurs dans la suite de ce Mémoire, & d'asfurer

furer qu'on se convaincra parfaitement de l'un & de l'autre, quand on cherchera à connoitre ces vaisseaux par la dissection, & à en prendre une juste idée par l'examen des rapports qu'ils ont avec les parties qui les accompagnent.

Si l'on est persuadé par ce que je viens de dire, que les filets de notre fruit sont des vaisseaux, il reste encore à savoir de quelle nature sont ces vaisseaux, & cette question est si interessante, que je ferai mon possible pour l'éclaireir; je dis l'éclaireir, car elle m'a paru trop embarrassante pour la décider.

Mais l'ordre de ce Mémoire m'obligeant de remettre cet examen à un autre lieu, je les comparerai pour le présent aux vaisseaux fanguins des Animaux, tant parce que ces vaisseaux sont les plus familiers & les mieux connus, qu'à cause d'un certain port extérieur des vaisseaux de notre fruit qui est assez semblable à celui, par exemple, des vaisseaux fanguins qui s'épanouïssent dans la substance de la Ratte. Au reste ce n'est ici qu'une sapposition, qu'on ne sauroit me contester, parce que de quelque nature qu'ils soient, ils doivent toujours produire le même effet.

Quelque prodigieuse que paroisse la multitude de vaisseaux que représentent les * Figures de la premiere & deuxieme Planche, il s'en faut cependant beaucoup qu'elle égale le nombre de ceux que j'avois conservé dans les préparations dont j'ai fait la démonstration à l'Académie au mois d'Août dernier. Si

d'ail-

⁴ Fig. 1, 2, & 3.

d'ailleurs i'on fait attention que les vaisseaux de la Poire sont très déliés, extrêmement fragiles, & même souvent anastomosés, & fort entrelacés les uns dans les autres, on fe persuadera aisément que je n'ai pu parvenir à séparer & dissequer les vaisseaux que i'ai conservés dans les Poires préparées dont ie viens de parler, sans en détruire un grand nombre d'autres.

l'ai fait cette remarque pour donner une idée du nombre prodigieux de vaisseaux ou'on découvre dans la dissection de ce fruit. Mais leur nombre n'est pas la seule chose qui frappe & qui étonne : on desespere presque d'appercevoir entre eux aucun ordre ni arrangement, tant ces vaisséaux sont confondus les uns avec les autres.

Cette confusion n'est cependant qu'apparente. & la polition des gros vaisseaux est ordinairement constante, compassée & réguliere*; le grand nombre de leurs branches & de leurs rameaux est la seule chose qui occasionne cette erreur, comme on le verra dans le détail plus particulier où je vals entrer, pour l'ordre & la netteté duquel je commence à les examiner dans la quede de 12 Poire, comme le lieu de leur origine.

+ On ne manque point, après avoir levé les envelopes dont nous avons parlé dans la premiere Partie de ce Mémoire, de découvrir un assez bon nombre de gros vaisseaux qui

^{*} M Grew est l'Auteur qui me paroit avoir le mieux examiné la situation des gros vaisseaux de la Poixe, † Planche II, Fig. 2.

qui s'étendent le long de la queue fans se diviser sensiblement en aucunes branches dans les jeunes fruits. Ces vaisseaux sont mols, tendres & slexibles; mais dans les fruits murs ils sont presque toujours fermes & ligneux.

* Ce n'est pas ce faisceau de vaisseaux qui occupe le centre de la queue, c'est une matiere qui est très fine & tendre dans les jeunes fruits, & qui s'endurcit par la suite

de même que les vaisseaux.

† Cette matiere, aussi-bien que le faisceau de vaisseaux, se prolonge dans la gaine pierreuse, & suivant l'axe du fruit, jusqu'à la pointe inférieure de la substance pierreuse qui forme une envelope aux pepins. Ces vaisseaux dans cette route ne se divisent presque point, ils envoyent seulement quelques foibles branches à droit & à gauche dans la substance charnue qui les environne.

†On conçoit bien que pour former cette fubstance qu'on regarde comme la principale partie de la Poire, à cause qu'elle est la plus agréable au goût, il faut nécessairement qu'une partie du faisceau dont nous venons de parler, se sépare de côté & d'autre pour

y porter la nourriture.

D'un autre côté, pour peu qu'on fasse attention que les pepins sont la partie de ce fruit la plus chere à la Nature, on imaginera' aisément qu'une autre portion de ce faisceau doit continuer sa route selon l'axe de la Poire

Fig. 1. † Fig. 10. Planche II. Fig. 1.

pour charrier aux semences le suc nourricierdont elles ont besoin. Tout cela s'exécute, mais d'une maniere bien singuliere, car il y a bien, à la vérité, quelques valsseaux que j'appelle vagues qui *, aussi-tôt qu'ils ont quitté l'axe de la Poire, se divisent en quantité de branches qui se distribuent dans legrand diametre de ce fruit; mais dix desprincipaux vont, un peu en serpentant & décrivant un arc autour de la substance pierreuse, aboutir à la roche comme à un rendez-vous commun.

Cette méchanique étant une fois concue. on ne sera pas longtems à juger de son ufage, puisque nous conjecturons que la roche, qui est le lieu du rendez-vous de ces dix vaisseaux, étoit dans la jeune Poire un amas de glandes dont les pétales & les étamines prenoient leur origine. C'est ainsi que la Nature, par une méchanique simple & toujours uniforme, du moins enapparence, produit cependant des effets bien dif-. ferens : car tant ou'il a été nécessaire de fournir aux étamines & aux pétales certaines liqueurs convenables, les dix vaisseaux que nous examinons se trouvoient dans une situation propre à charrier la fève même avecabondance aux giandes destinées à la préparation de ces liqueurs.

Mais si-ter que l'œuvre de la fécondation a reçu sa dernière perfection, les glandes se sont obstruées & endurcies peu-à-peu, & dès ce moment ont cessé de fournir de la

^{*} Planche I. Fig. 14.

mourriture aux pétales & aux étamines qui se sont dessechées; en même tems les liqueurs charriées par les dix gros vaisseaux n'ont plus été admises dans nos glandes, & trouvant ainsi leur ancienne route fermée, ent été obligées de refluer sur elles-mêmes d'une maniere bien avantageuse pour l'accroissement du fruit, puisque pour se former de nouvelles routes, elles ont été contraintes de dilater les vaisseaux lateraux que nous appercevons dans la substance charnue de la Poire.

C'est ainsi que nous croyons que ces vaisfeaux, après avoir fait dans les jeunes fruits l'office de vaisseaux spermatiques, en charriant la seve aux parties masculines de la Poire, deviennent dans la suite des vaisfeaux nourriciers qui servent à augmenter la

partie charnue de ce fruit.

Il ne faut pas être surpris de voir des parties de notre fruit se secher, & perir entierement après avoir servi pendant un tems des usages importans & essentiels, puisqu'après la naissance des Animaux, le placenta, les vaisseaux ombilicaux, & le canal de communication deviennent pareillement inutiles.

Le restux des liqueurs, & les nouvelles routes qu'elles prennent, n'ont rien de plusopposé à l'ordre naturel, puisque la route que prend le sang, au moment de la naissance, par l'artere & la veine pulmonaire, est un changement presque semblable. Disons plutôt que ce reslux imite parfaitement celui qui arrive à l'occasion de l'opération de

248 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

l'Anévrisme, quand le sang est contraint de se former de nouvesses routes en dilatant les vaisseaux lateraux.

l'ai fait voir dans la premiere partie de cet Ouvrage, que l'endurcissement des glandes de notre fruit est à peu près le même que

celui des os des Animaux.

Mais pourquoi cet endurcissement des glandes de la roche commence-t-il précisément quand les pepins sont fécondés, & même quand les liqueurs qui doivent servir à former la semence sont en partie séparées? Pour satisfaire à cette question, je ferai usage des principes que j'ai établis dans un Mémoire où j'ai recherché les causes principales. du mouvement de la sève dans les Plantes; car ayant conclu de plusieurs expériences. que la raréfaction & la condensation successive des liqueurs contenues dans les vaisseaux, & de l'air renfermé dans les trachées, produites par les differentes alterations de l'Atmosphere, étoient les moteurs principaux de la sève dans les Plantes, je concluois dans le même Mémoire, que les feuilles présentant beaucoup de surface à l'airdevoient être sensibles à les moindres impressions, & pouvoient par conséquent êtreregardées comme des organes particulierement destinés à faire monter la sève dans les Plantes.

Or de ces principes il s'ensuit que les pétales ou les feuilles de la fleur ne sont pas seulement posées en cet endroit comme des envelopes pour sauver aux pistiles & aux étamines plusieurs accidens extérieurs, ou

com-

comme des organes destinés à la préparation de quelque liqueur, mais encore & principalement comme une force motrice appliquée au lieu où il y avoit le plus d'obstacle à la distribution de la seve à cause de la délicatesse & de la tortuosité des vaisseaux dont cet amas de glandes est probablement composé; car dans ce tems les fruits ne sont qu'un amas de glandes, & celles de la roche

font alors les plus considerables.

Ainsi quand ces jeunes fruits sont plus particulierement occupés à des fécrétions considerables, & qu'il y a par conséquent plus d'obstacle au mouvement de la seve, n'ayant d'ailleurs par eux-mêmes que très peu de force pour vaincre cet obstaclé, puisque cette force qui consiste dans la condensation & la raréfaction successive de l'air & des liqueurs, est proportionnelle au volume de l'un & de l'autre, qui ne peut être alors que très peu de chose; dans ce tems donc où les liqueurs courroient risque de demeurer en repos, la Nature a appliqué au lieu où il y a fe plus de résistance, une force motrice des " plus efficaces, mais qui ne dure qu'un tems; & c'est, je crois, quand les pétales commencent à se faner, que d'un autre côté commence l'obstruction des glandes qui s'endurcissent peu-à peu à cause que la sève circule plus lentement dans leurs vaisseaux.

Mais, me dira-t-on, lorsque les liqueurs contenues dans le tronc & les branches de l'Arbre viendront à se rarésier par la chaleur, elles seront contraintes de passer dans les fruits comme dans les feuilles & les

LS.

250 MEMOIRES: DE L'ACADEMIE ROYALE

jeunes branches, & ainsi ses fruits grossiront

sans le secours des pétales.

A cela je réponds, qu'il est probable que la seve trouvers plus d'obstacle à passer dans les jeunes fruits que dans les autres parties de l'Arbre, puisque nous les regardons alors: comme un amas de glandes dans lesquelles: les liqueurs ne peuvent passer sans peine. à cause de l'étroitesse & de la tortuosité des vaisseaux qui les composent. & par cette: même raison que les liquents se portent toujours où il y a le moins de rélistance: on: conçoit bien encore que quand même laseve passeroit dans ces jeunes fruirs, elle s'é-chapperoit par les branches laterales des dix: gros vaisseaux, dont nous parlerons dans la suite, plutôt que de passer dans les glandes. de la roche, pour y faire les sécrétions qui font nécessaires pour la fécondation du fruit.

Si j'ai expliqué l'endurcissement des glandes par la destruction des pétales de la fieur,, on peut faire une autre question; savoir,, pourquoi les pétales tombent après que les fruits sont noués? Mais comme certe question, qui est la même que si on demandoit pourquoi les feuilles de la plupart des Arbres tombent en Automne, seroit d'une trop longue discussion, je me contenterai d'indiquer,, que les jeunes fruits augmentant de volume peuvent aisément briser les vaisseaux qui attachent les pétales aux glandes de la roche,, d'autant que ces vaisseaux sont très délicats.

Quoi qu'il en soit, si je sontiens qu'il y a des parties de la Poire qui changent len même tems d'organisation & d'usage, ce changement est bien plus simple & moins compliqué que celui qui arrive aux organes des Animaux qui se métamorphosent. Mais tout ceci ne peut être regardé que comme des raisons de convenance, qui en présupposent de plus fortes & de plus convaincantes: je les tire de quelques observations que j'aifaites sur le progrès de la crue de notre fruit.

Tant que la fleur subsiste, la Nature ne travaille qu'à la formation du pepin, & le calice qui doit devenir le fruit, ne grossit presque qu'à proportion que les pepins augmentent de volume après que la fleur est Ouand les fruits sont noués, ils font encore quelque tems fans augmenter sensiblement en volume, & cela dure jusqu'à ce que les pepins soient presque parvenus à la grosseur à laquelle ils doivent rester : pourlors la substance charnue manque presque entierement. & les dix gros vaisseaux rampent entre les tégumens & la substance pierreuse qui sont alors presque collés l'un à l'autre! mais lorsque les pétales sont tombées, que les étamines sont dessechées, que les semences ont pris leur groffeur, que les glandes de la roche se sont endurcies, & qu'ainsi le reflux des liqueurs commence, c'est alors que la substance charnue se forme bien sensiblement, &'que les fruits grossissent presque a vue d'œil.

L'on peut aussi avoir remarqué comme moi, que ce n'est pas dans les plus belles Poires qu'on trouve les pepins mieux conditionnés; au contraire il y a de très belles Poires dont tous les pépins sont avortés, &

ordinairement dans ces sortes de fruits om n'en trouve que trois à quatre de bons, pendant qu'il y en a quelquesois dix bien nourris dans de méchantes petites Poires; & cette difference pourroit bien venir de quelque dérangement dans les vaisseaux qui distribuent aux pepins, & qui auroit déterminétoute la seve à passer dans ceux qui transmettent la nourriture à la substance charnue de la Poire: & ce commerce de seve peut se faire par le moyen des anastomoses qui forment des communications entre ces deux sortes de vaisseaux.

L'examen particulier que j'ai fait de la cause d'un accident qui arrive aux jeunes Poires, m'a fait connoître que ce ressux peut être occasionné par une cause extérieure & contraire à l'ordre de la Nature, ce qui produit pareillement l'augmentation subite du volume de la Poire. Voici la cause & le dé-

tail de cet accident.

Dans le tems que les Poiriers font en fleur, il arrive souvent qu'une petite Mouche fait son nid dans ces sleurs épanouses, & y dépose ses œufs, qui éclosent quelque tems après sous la forme d'un très petit Ver jaune qui a six pattes à la tête. Ge Ver entre dans la Poire par le canal des pistiles, & ronge à droit & à gauche ce qu'il trouve à son goût. De cette maniere il dérange l'organisation des glandes, & précipite le resux des liqueurs; aussi ces Poires grossissent elles beaucoup plus précipitamment que les autres, de sorte qu'elles sont grosses comme des Noix, quand les autres le sont à peine comme des Fee-

Heves. Mais ce reflux est trop subit, sans ménagement, & peu conforme à l'œconomie de la Poire; d'ailleurs le Ver ronge peut-être par la fuite les gros troncs des vaisseaux, ce qui fait que ces Poires, devenues monstrueules, tombent en peu de tems.

Les preuves que j'ai données du reflux des liqueurs, & l'examen que j'ai fait des changemens qui en résultent, en m'écartant de mon sujet, m'ont empêché de continuer. l'examen des vaisseaux, & de suivre leur roure, leur division & leur épanouissement; choses cependant trop importantes à l'œconomie de la Poire, pour négliger de les approfondir autant qu'il est possible: ainsi j'y reviens.

Pour le former donc une idée nette de la distribution des vaisseaux, il faut se souvenir qu'il y en a un gros făisceau* qui s'etend sans se desunir depuis l'extrémité de la : queue jusqu'à la substance pierreuse, & qui le partage à cet endroit en trois parties, dont l'une s'épanouit sur le champ dans la substance charnue; & ce sont ces vaisseaux que i'ai appellés vagues. L'autre va circulairement le rendre à la roche; j'ai appelle spermatiques, les vaisseaux qui la composent. La troisseme enfin suit sa route, & va porter la nourriture aux pepins & à leurs envelopes; pour distinguer les vaisseaux qui lui appartiennent d'avec les autres, nous les appellerons nourriciers. Mais avant d'examiner ces vaisfeaux, entant qu'ils constituent la substance de la Poire, il est bon, je crois, de les con-

Planche II. Fig. 1. & 10.

MEMDIRES DE L'ACADEMIE ROYALE:

siderer en eux-mêmes, & d'éclaircir, autant qu'il nous sera possible, leur structure intérieure, ou la nature de la substance dont

ils font composés.

Pour cela il faut se rappeller ce que nous en avons dit au commencement de ce Mémoire, & quels sont les usages que nous leur avons attribué. Il faut le souvenir que ce sont eux qui transmettent la nourriture à toutes les parties de la Poire, que nous avons cru les pouvoir comparet à ces vaisfeaux qui dans les Tithimales & la Chélidoine contiennent un suc coloré qui en découle si fensiblement par gouttes. Enfin puisque l'analogie entre les Plantes peut ici nous être de quelque utilité, il ne faut pas oublier que nous sommes parvenus à injecter les vaisseaux de quelques Plantes arondinacées, & de plus, que ces vaisseaux nous paroissoient destinés dans ces fortes de Plantes aux mêmes usages que le sont dans notre fruit ceux que nous examinons.

Tout cela semble prouver que ces vaisfeaux sont creux: pourquoi cependant, s'ilsle sont, Mr. Grew & Leeuwenhoek n'ontils pu découvrir leur cavité? Pourquoi n'aije pu appercevoir le jour au travers, quand
j'en ai fait une coupe transversale fort mince? Leur tissure même, quand on les examine au Microscope, semble prouver qu'ilsne le sont pas, car les gros troncs ne paroissent plus un seul canal, mais un assemblage
de plusieurs filets joints ensemble par un coton très sin, de sorte que chacun de ces silets longitudinaux, ou, si l'on veut, cha-

que vaisseau de ce faisceau, peut être séparé des autres, & examiné en particulier.

Ces difficultés si embarrassantes pour moi. l'ont même été pour Mrs. Grew & Leeuwenhoek, de sorte que pour y satisfaire, M. Grew (qui après avoir avancé dans un endroit, qu'ils sont creux, semble en douter dans d'autres.) joint à un tissu cellulaire qu'il admet dans ces vaisseaux, la tissure propre de ces vaisseaux qu'il regarde comme com-

Pour Leeuwenhoek, il attribue cette: opacité à la finesse & à l'affaissement des-

posés d'un nombre prodigieux de filets.

vaisseaux.

Avant que de rapporter ce que je pense ' fur cela, il est, je crois, à propos de dé-tailler les recherches que j'ai faites au Mioroscope; puisque ce sont elles qui m'ont détermine à adopter le sentiment que je vais proposer: & quels en sont les fondemens...

I.

* l'al examiné au Microscope, le tronc des dix gros vaisseaux, & j'ai apperçu qu'il étoit un assemblage de plusieurs filets assez gros, qui s'étendoient suivant sa longueur, & qui: paroissolent mal unis ensemble; quelquefois même j'ai apperçu quelques uns de ces filets: qui se séparoient des autres, & s'y rejoienoient après quelques lignes de chemip.

H.

*Je suis parvenu à séparer plusieurs de cesfilets les uns des autres, & à en avoir un tout seul que je pouvois examiner en particulier.

HI.

J'ai exposé ce filet seul à un fort Microfcope à liqueur, & je ne l'ai plus apperçu composé de longues fibres longitudinales, comme dans la premiere observation, mais seulement de petites fibres courres qui avojent aussi seur direction suivant la longueur du vaisseau.

IV.

J'ai observé la même chose quand j'ai examiné quelques ramifications sines, au-lien d'un de ces troncs principaux, dont j'ai parlé dans la premiere observation.

V.

† J'ai déchiré un de ces filets avec deux pointes d'acier très fines, & l'ayant exposé au même Microscope à liqueur, j'ai reconnu, autant que des objets si fins le peuvent permettre, 1°. Qu'il s'étoit déchiré suivant ja longueur. 2°. Que la direction de ces filets

* Fig. 7. & s. † Planche II. Pig 9.

lets étoit longitudinale. 3°. Qu'ils n'étoient plus un assemblage de filets mai unis ensemble. 4°. J'y ai apperçu quelques fibres entortillées, commme on le voir dans la Figure.

VI.

* J'ai examiné une extrémité très fine de ramification, & je n'ai plus apperçu de direction dans les fibres, même aux endroits des bifurcations.

De toutes ces observations, j'ai cru pouvoir conclurre:

L

Que ce que j'ai appellé jusqu'à présent, un tronc de vaisseaux, est un faisceau ou un assemblage de plusieurs vaisseaux.

II.

Que les premieres bifurcations ne sont pas des divisions de vaisseaux, mais des séparations d'un faisceau en plusieurs faisceaux plus petits.

LIL

Que lorsque ces vaisseaux se sont séparés à un certain point, ils deviennent uniques, & se divisent alors en plusieurs branches.

IV.

Je juge qu'ils font creux, parce que fans

Pig. 8.

cela l'injection ne passeroit pas si aisément au travers, comme nous avous remarqué qu'elle passoit dans les vaisseaux des Plantes arondinacées; & la seve ne transudroit pas avec cette facilité que tout le monde connoit dans la Chélidoine & les Tithimales, quand on coupe ces sortes de Plantes.

V.

J'attribue leur opacité à un coton qui les revêt intérieurement, & qui y forme comme le tissu cellulaire de M. Grew; coton que j'ai plus particulierement observé dans quelques-uns des principaux vaisseaux des arondinacées. Ensin leur délicatesse, & leur affaissement peuvent bien contribuer à cette opacité, comme l'a remarqué M. Leeuwenhoek.

Au reste, j'espere que des expériences que je suis en train d'exécuter, me donneront sieu d'éclaireir encore cette question en artendant je passe à quesque chose de plus clair, à leur struction dans le fruit.

Des Vaifféans vagues.

* Tout ce que j'ai pu remarquer sur ces vaisseaux, c'est qu'après s'être un peu écartés du centre, ils vont s'épanouir dans la partie la plus rensée de la Poire. Leur nombre est incertain, quelquesois même je ne les ai point rencontrés, ce qui me fait soupçonner

. . Blanche II. Fig. 🚁 .

ner qu'ils ne se trouvent que dans les Poires qui sont fort renssées à l'endroit de leurs pe-

vins.

Ils pourroient bien servir encore à fournir quelque nourriture au peu de chair qu'ont les jeunes Poires dans le tems que les dix gros vaisseaux sont employés à charrier la seve aux pétales & aux étamines.

Des Vaisseaux spermatiques.

* Les dix gros vaisseaux de ce nom vont, comme je l'ai dit, se rendre à la roche: mais dans cette route ils jettent quantité de branches de côté & d'autre, de telle sorte cependant que celles qui s'enfoncent vers le centre, ou du côté de la substance pierreuse, sont en petit nombre, & fort foibles en comparaison de celles qui vont à la circonference. Entre celles-ci, une des plus considera-bles est celle qui va se distribuer du côté de la queue. Car nous avons remarqué que le faisceau de vaisseaux ne se divise point, jusqu'à ce qu'il foit parvenu à l'envelope pierreuse; ainsi le peu de chair qui est du côté de la queue, ou à la partie pointue de la Poire, ne recevroit aucune nourriture, si par une méchanique particuliere, quelques valsfeaux ne venoient se distribuer à cette partie. C'est aussi pour cela que la premiere ou seconde branche de chacun des dix gros vaisfeaux se recourbe en maniere de crosse, & va s'épanouir tout du long de la gaine pierreuse.

Les

[#] Fig. 1. & 10.

260 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Les branches les plus grosses, après celles dont je viens de parler, sont celles qui répondent au grand diametre de la Poire; & les autres vont en diminuant, à mesure qu'el-

les approchent de la roche.

l'insiste sur la grosseur & sur l'arrangement de ces branches, parce qu'elles s'accordent à merveille avec la figure de ce fruit : car si les Poires sont renslées & grosses vers les pepins, ce n'est pas seulement à cause du volume de ces pepins, de celui de leurs envelopes, de la substance qui est entre les pepins. & de l'épaisseur de la substance pierreuse; mais parce que c'est en cet endroit que se distribuent les vaisseaux vagues, & que les branches des spermatiques sont plus grosses. & plus fréquentes. Il n'y a au contraire que dix branches de ces vaisseaux qui s'épanouissent le long de la gaine pierreuse, ce qui fait que la plupart des Poires se terminent en pointe de ce côté-là: je dis la plupart, car il v en a plusieurs, especes qui sont presque rondes. Mais dans ces especes, la gaine pierreuse est fort courte, l'envelope pierreule n'est pas loin de la queue, & ainsi le lieu de la division en est fort près-

Cependant il y a toujours une branche qui se recourbe, mais elle est fort courte, elle se divise à sa naissance même, en quantité de rameaux, ce qui fait que ces sortes de Poi-

res font presque rondes.

C'est ainsi que les dix gros vaisseaux se distribuent par tout le fruit, & cette distribution est si sensible à ceux qui veulent se donner la peine de l'observer, qu'elle donne

Tieu naturellement à une division de la Poire en fix parts ou quartiers égaux, car cinq de ces vaisseaux répondent aux cinq loges des pepins, & les cinq autres à la substance qui est entre deux.

Ce n'est donc pas sans fondement que ie tiens que la chair de la Poire est formée par l'épanouissement des vaisseaux vagues, & des spermatiques: mais comment cela se peut-il faire. & par quelle méchanique cette substance peut-elle être ainsi formée du simple assemblage de vaisseaux? Pour la déveloper cette méchanique, autant que la petitesse presque infinie des objets le pourra permettre, je commencerai par faire remarquer que la division des vaisseaux se fait de deux manieres toutes differentes; & pour ne les point confondre, j'appellerai l'une ramification, sans cependant vouloir la comparer aux ramifications des vaisseaux sanguins, mais plutôt à la distribution des branches d'un arbre: & l'autre en vaisseaux capillaires.

* La premiere est la plus sensible, & imite la distribution des branches d'un arbre, c'estadire qu'un gros faisceau de vaisseaux se sépare en deux, qui se subdivisent encore en deux ou trois plus petites, & ainsi de suite jusqu'à ce qu'elles soient arrivées sous les tégumens, où les vaisseaux se divisent en plusieurs branches qui s'entrelacent les unes dans les autres, & s'anastomosent très souvent ensemble, ce qui forme ce réseau que j'ai appellé le Cair de la Poire. Ensin quantité

[#] Planche H. Fig. 3.

de ces ramifications se terminent aux glandes du tissu pierreux, où il parost que la matiere

de la transpiration se sépare.

Mais pour comprendre d'une maniere bien sensible, l'ordre que ces ramifications suivent dans notre fruit, je les compare aux branches d'un Pommier fort touffu, chargé de beaucoup de fruit, qui seroit dépouillé de ses feuilles, & dont on auroit entrelacé les ' branches de la circonference les unes dans les autres, car rien n'imite mieux les vaisseaux de la Poire que la disposition des branches du Pommier; les Pommes peuvent faire comprendre la situation des principales glandes qui sont ordinairement attachées aux gros vaisséaux; & enfin l'entrelacement des branches de la circonference peut donner une idée de celui des branches de nos vaisseaux fous les tégumens: c'est l'ordre de ces ramifications qui forme la disposition de la chair de notre fruit. Il reste maintenant à remplir tous les petits vuides que ce nombre prodigieux de ramifications & de glandes laisfent entre elles: c'est à quoi servent les branches capillaires, que je ne peux mieux comparer qu'à un coton très fin qui revêt & hérisse en quelque maniere toutes les glandes. tous les troncs des vaisseaux & toutes les ramifications: c'est ce tissu qui compose le parenchyme de Malpighi, c'est ce duvet qu'on découvre avec un foible Microscope comme des rayons autour des glandes, * & pour ainsi dire comme une chevelure autour des gros vais-

Planche II. Fig. 4.

vaisseaux: & ce qui m'autorise à le regarder comme un assemblage d'un nombre prodigieux de vaisseaux d'une finesse extrême est qu'en exposant une glande ou un gros vaisseau qui en est garni au foyer d'un bon Microscope, ces filets m'ont souvent paru plus gros à leur bout qui tient aux vaisseaux ou à la glande, qu'à leur autre extrémité, & je crois qu'ils s'inserent souvent dans les vaisfeaux & dans les glandes, parce qu'ils y sont assez adhérens, & qu'on ne les en peut séparer qu'avec quelque difficulté.

Voilà les notions générales qu'on peut prendre de la structure de notre fruit, quand on se contente de l'examiner avec un Microscope ordinaire: mais avant exposé à un excellent Microscope à trois verres, un petit morceau de Poire coupé fort mince, & é: tendu sur une surface noire, j'ai remarqué,

Que quelquefois il fortoit d'une glande ou d'un vaisseau * un paquet de petites fibres qui s'étendoient, en long sans se diviser ni se recourber; & ces petits filets s'étendoient quelquefois d'une glande à l'autre, d'autres fois d'une glande à un vaisseau, ou après avoir fait un peu de chemin, alloient s'inserer à d'autres petits filets.

\mathbf{L}_{c}

† D'autres fois on voit quelques-uns de

ces filets groffir à une très petite distance da vaisseau ou de la glande, & former comme une espece de petite Poire, d'où il part trois ou quatre filets qui vont se joindre ou à un vaisseau, ou à une glande, ou à d'autres filets.

IIL

Quelquefois plusieurs de ces filets vont aboutir comme * au petit ganglion, d'où il en part d'autres qui vont se perdre aux mêmes endroits que les précédens.

JV.

On peut encore remarquer, que ces filets font comme bordés d'une substance blanchâtre très fine.

У.

J'ai exposé à un bon Microscope à liqueur quelques-uns † de ces filets, pour voir cette substance blanche, & elle m'a paru n'être encore qu'un coton plus fin que le premier; & si j'avois pu examiner ce coton à un meilleur Microscope, peut-être en aurois-je encoré découvert un autre plus sin. Au reste, je soupçonne que cette substance blanchâtre est de la même nature que celle d'une substance qu'on trouve en grande quantité auprès des pepins, & dont nous parlerons dans la suite.

L'on conçoit de là qu'il n'est pas aisé de décider sur l'usage de ces vaisseaux, puisque leur petitesse nous permet à peine d'entrevoir qu'ils en sont, encore est-ce avec l'aide des meilleurs Microscopes, & après de longues macérations. Cependant si notre conjecture sur les pierres est bien sondée, la grande quantité de glandes qu'on apperçoit dans ces fruits me fait croire que la plupart sont sécrétoires & excrétoires; peut-être cependant y en a-t-il qui ont leur route séparée, & qu'on pourroit regarder comme

des vaisseaux lymphatiques.

Mais sans trop décider sur des objets qui se dérobent presque à nos recherches, je crois pouvoir avancer que les Poires fondantes & les Poires cassantes * diffèrent principalement les unes des autres par la tiffure de leurs vaisseaux, de telle sorte que les cassantes ayant leurs vaisseaux plus forts. leurs liqueurs ne peuvent, être exprimées qu'après avoir détruit les vaisseaux par le brovement & la trituration. Les Poires fondantes au contraire ont leurs vaisseaux si tendres & délicats, que la moindre chose les détruit, & en fait par conséquent échapper les liqueurs: ce qui m'autorise à penser de cette façon, c'est que quand les Poires cassantes sont molles, & qu'ainsi leurs vaisseaux sont émincés, on en exprime aussi aisément le suc que si elles étoient fondantes. Il ne faut pas omettre non plus une autre

^{*} Leeuwenhoek m'a paru avoir bien observé la structure de la substance de la Poire.

raison, pourquoi les liqueurs des fruits mols s'échappent aisément: car lorsque les fruits mollissent, il arrive une fermentation; de toutes les fermentations il résulte une dépuration des liqueurs qui fait qu'elles sont plus surdes, plus coulantes, & par consé-

quent plus faciles à s'exprimer.

Cependant il faut ajouter qu'ordinairement les pierres des Poires cassantes sont plus dures que celles des fondantes; & si les vaisseaux de ces dernieres sont plus minces, de la il s'ensuit naturellement qu'ils sont plus remplis de sucs. Ensin il arrive plus souvent aux Poires cassantes que quelques-uns de leurs vaisseaux deviennent ligneux, qu'aux Poires fondantes; ce qui fait voir qu'ils sont plus épais, plus serrés & plus étroits, puisqu'ils s'obstruent plus aisément.

Mais il est bon de remarquer en passant, que cet endurcissement qui arrive assez souvent aux vaisseaux de tout le faisceau, & quelquesois aux principaux troncs des vagues & des spermatiques, justifie ce que j'ai avancé dans ma premiere Partie sur l'endurcissement

des glandes.

L'examen assez exact que je viens de faire de tout ce qui concerne les vaisseaux, pourroit faire croire que j'aurois découvert quelque chose dans leur arrangement qui sût favorable à la circulation de la seve; mais bien-loin d'avoir rien apperçu qui pût éclaircir la question, mes recherches n'ont servi qu'à m'en rendre l'objet encore plus incertain: car il n'y a pas d'apparence qu'il y en ait de la Poire à l'Arbre, mais je crois bien qu'il

qu'il peut y avoir une espece de circulation dans la Poire même; car, comme je l'ai déja dit, il y a presque toujours plusieurs vaisseaux, l'un à côté de l'autre, qui suivent la même route, & cet ordre m'a paru assez semblable à celui que la Nature garde dans les Animaux, où les gros troncs de veines, d'arteres & de ners suivent presque toujours le même chemin, étant renfermés dans une gaine commune. Si cette conformité n'est pas une preuve que la circulation existe dans les fruits, du moins doit-elle faire sub-sister le doute, & ce seroit beaucoup si ce doute engageoit à faire de nouveaux efforts pour éclaircir cette question.

Les Anatomistes comprennent bien que je n'ai pu appercevoir les parties que je viens de décrire, sans avoir employé plufieurs préparations qu'on peut regarder comme des especes de ruses imaginées suivant le besoin, & qui sont toujours très utiles pour découvrir ces parties fines & embarrassées les unes dans les autres, qui sans leur secours seroient imperceptibles, & de-

meureroient inconnues.

Comme je me suis proposé, au commencement de ce Mémoire, de joindre à la description de chaque partie la maniere de la découvrir, je vais satisfaire à cet engagement par un détail exact, quoiqu'abregé, de celles qui m'ont paru les plus utiles.

I,

^{*}Pour découvrir l'extrémité des vaisseaux M 2 qui

Planche I. Fig 2,

qui vont aboutir aux glandes du tissu pierreux, il faut lever tout doucement un morceau des tégumens d'une Poire molle, & l'on apperçoit ces extrémités de vaisseaux d'une grosseur même assez considerable, qui tiennent aux glandes qu'on enleve avec les tégumens.

. IL

*Pour appercevoir l'entrelacement des ramifications dans la Peau, proprement dite, il faut ôter les envelopes d'une Poire qui ait macéré longtems, & la mettre flotter dans l'eau, de telle forte qu'elle en foit recouverte de deux à trois lignes, & darder de l'eau dessus avec une seringue à injection: de cette maniere on appercevra dans l'étendue seulement de l'espace que couvriroit un liard, un entrelacement prodigieux de vaisseaux & une infinité d'anastomoses.

111.

† Comme toutes les ramifications sont garnies de vaisseaux capillaires; dans les endroits où il y a plus de ramifications, les vaisseaux capillaires sont aussi en plus grand nombre, & par conséquent plus serrés les uns dans les autres: c'est aussi ce que j'ai remarqué dans la peau. Pour le découvrir, il faut continuer à seringuer avec force, & on verra cette espece de peau se détacher

par flocons & comme une croute affez épaifie, de deffus le reste de la substance de la Poire.

IV.

* Il y a deux moyens de découvrir les gros vaisseaux; car en coupant une Poire mûre transversalement à l'endroit des pepins, on en apperçoit la coupe, & l'on peut ainsi remarquer la disposition des vaisseaux spermatiques par rapport aux pepins; & en coupant ces Poires suivant leur longueur, † il arrive assez souvent qu'on découvre quelques-uns de ces vaisseaux, & qu'on peut en suivre la route. Mais pour les mieux examiner, il faut couper ainsi une Poire qui ait macéré longtems, & quand on a découvert une sois un de ces vaisseaux, le suivre en dissequant simplement avec la pointe du curedent, & des pinces très sines.

V.

Si l'on veut avoir un grand épanouissement des vaisseaux, comme dans la page 6, il faut commencer par emporter avec les tégumens cementrelacement de vaisseaux que j'ai appellé la peau proprement dite, & couper les six gros vaisseaux à leur insertion à la roche, & le canal pierreux; alors la Poire nageant dans l'eaû, il faut détacher par-dessus le plus de vaisseaux qu'il est possible, tantôt en seringuant de l'eau, & quelquesois en remuant

^{*} Planche II. Fig. 10 T Fig. 1.

270 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

& agitant les gros flocons avec des tenettes; d'autres fois en les pressant entre les doigts, ou les séparant avec la pointe d'une plume, ou d'un scalpel. * Mais lorsqu'on a détaché le plus qu'on a pu de ces vaisseaux, il faut pour achever, détruire le plus qu'on peut, la substance pierreuse, par l'ouverture que laisse la roche & le canal pierreux qu'on a emporté. Quand la substance pierreuse est une fois détruite, l'ouvrage est presque sini, & en passant le doigt indice dans le milieu, & appuyant le pouce sur la substance charmue, on acheve tout doucement de séparer les vaisseaux.

† Si l'on veut alors détacher un gros vaiffeau pour l'examiner en particulier au Microscope, flottant dans l'eau, on le voit hé-

rissé de vaisseaux capillaires.

† Mais si l'on veut avoir les gros vaisse àx bien nets, il faut les laisser tremper pendant quelques jours, & prendre la patience de les suivre, & de les nettoyer avec la pointe d'une plume & de petites tenettes; c'est de cette maniere que j'ai préparé la Poire que j'ai fait voir à l'Académie le mois d'Août dernier, à laquelle j'avois conservé un nombre prodigieux de vaisseaux.

Je viens déja d'indiquer comme il faut s'y préndre pour découvrir les vaisseaux capillaires. Mais il est bon d'avertir que pour les bien appercevoir, il faut que les fruits

avent macéré fort longtems.

En

^{*} Planche I. Fig. 3.

En parlant des tégumens, j'ai fait remarquer les maladies qui les attaquent le plus ordinairement; il y en a aussi quelques unes auxquelles les vaisseaux sont sujets. Quand un ou deux des dix gros vaisseaux d'une jeune Poire sont attaqués de quelques maladies, la partie de la Poire à laquelle ils distribuent le suc ne prend point de nourriture, mais les tégumens restent attachés aux glandes de la substance pierreuse, qui grossissent considerablement, & c'est quelque inconvénient à peu près semblable qui rend les pierres d'une sigure très difforme.

J'ai encore remarqué quelquefois que toute la partie d'une Poire à laquelle un de ces
dix gros vaisseaux doit distribuer le suc, étoit
gangrénée pendant que le reste en étoit fain,
ce qui venoit sans doute d'un accident qui
étoit arrivé seulement à un des dix gros vaisseaux, & dans le tems que la Poire étoit
parvenue à sa grosseur. Ensin j'ai remarqué
que le S. Germain, l'Epine d'Hiver, & quelques autres Poires étoient quelquesois attaquées d'une espece de gangrène qui commence par la superficie, & qui gagne le cœur,
mais qui a cela de singulier qu'elle est d'une
amertume insupportable: je crois qu'elle est

la suite de quesque contusion.

Il reste à examiner les vaisseaux que nous avons appellé Nourriciers. Mais comme seur usage est de porter la nourriture aux pepins & aux organes qui les accompagnent, l'ordre que je me suis prescrit dans cet Ouvrage m'oblige d'en remettre l'histoire à la troisseme

Partie.

EXPLICATION DES FIGURES.

PLANCHE I.

Fig. 1. Cette Figure représente une Poire qui a macéré longtems, & qu'on a dissequé de maniere à faire voir comme les branches des vaisseaux spermatiques ou vagues, vont s'entrelacer sous les tégumens, & forment une substance plus ferme que le reste de la Poire. Cette substance est ici représentée par les flocons a.

Fig. 2. L'on voit dans cette Figure,

a, les vaisseaux qui vont aboutir aux glandes de la peau, ou du tissu pierreux.

l'entrelacement & les anastomoses des vaisseaux sous ce tissu pierreux, ce qui forme, comme nous l'avons dit, la peau proprement dite de la Poire.

Fig. 3. Une Poire diffequée à la maniere de M. Ruich: & dans laquelle l'on voit un grand nombre de vaisseaux, mais tellement confondus, qu'il n'est pas possible d'en connoitre l'ordre & l'arrangement.

PLANCHE II.

Fig. 1. Représente la coupe d'une Poire amollie par les macérations, & qui est dissequée pour faire voir la route des vaisseaux appellés vagues, & des spermatiques; d'un côte l'on n'a dessiné que les gros vaisseaux, & de l'autre les vaisseaux capillaires sont confervés.

. un vaisseau vague.

b, un vaisseau spermatique nettoyé ou dégagé des vaisseaux capillaires.

c, une branche qui se recourbe pour

distribuer à la queue.

d, les branches qui distribuent dans la chair de la Poire.

e, les branches qui distribuent aux glan-

des de la substance pierreuse.

ff, la route d'un faisceau de vaisseaux depuis l'extrémité de la queue jusqu'à la base des pepins qui est le lieu de la division.

z, vaisseau spermatique hérissé de vais-

feaux capillaires.

bb, infertion des vaisseaux spermatiques à la roche.

Fig. 2. Représente la queue d'une Poire avec les vaisseaux qui en sortent.

a, la queue avec ses tégumens.

& vaisseaux qui fortent de la queue & vont sans se diviser jusqu'à la base des pepins.

Fig. 3. Représente un gros vaisseau spermatique séparé & seul, ou nettoyé des vaisseaux capillaires qui l'accompagnent.

aa, le tronc principal.

b, les branches qui en partent.

c, des flocons qui font formés par l'entrelacement des vaisseaux sous les tégumens, ce que j'ai appellé le Cuir, ou la peau proprement dite de la Poire.

Fg. 4. Un vaisseau hérissé de vaisseaux capillaires, & garni de petites glandes.

Fig. 5. Un petit morceau de Poire vu au M 5

274 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE.
Microscope, & dans lequel l'on voit.

, un gros vaisseau.

6, des pierres ou glandes, & les vaisfeaux capillaires qui les joignent enfemble:

Fig. 6. Une petite pierre ou glande héris-

fée de vaisseaux capillaires.

Fig. 7. Un petit vaisseu bérisse de vaisfeaux capillaires ou l'on peut voir que la texture de ce vaisseau est un assemblage de petitsfilets courts qui sont interrompus par desespeces d'intersections, & non pas continus comme dans le vaisseau a de la Fig. 7.

Fig. 8. La division d'un très petit vaisseau où l'on ne voit plus que la séparation des deux branches se fasse comme celle de plusieurs fils d'un même écheveau, comme cela s'observe dans les premières divisions, ce que nous avons représenté dans la Figure 1.1.

Fig. 9. Un vaisseau déchiré, & vu à un fort Microscope, & dans lequel on voit que la texture du vaisseau est formée par de petits filets qui ont une direction longitudinale, & qu'il y a de ces filets qui se contournent en

tire-bourre.

Fig. 10. La coupe d'une Poire de Rousselet que j'ai mis longtems tremper dans, un Syrop de Sucre bien clarisse, & dans laquelle on apperçoit très clairement.

a, le faisceau de vaisseaux qui occupe

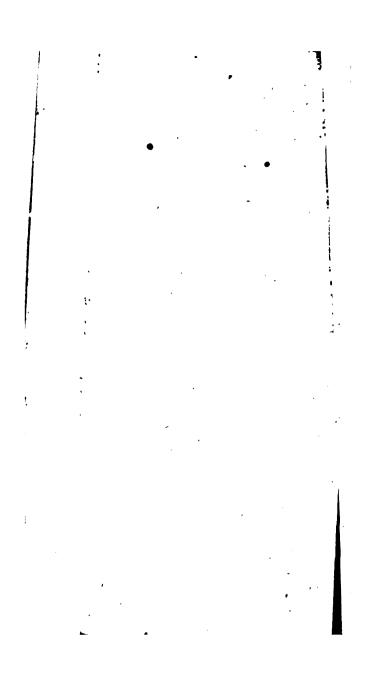
l'axe de la Poire.

b, un des vaisseaux spermatiques.

s'épanouit fur les loges des pepins.

d, une loge des pepins.

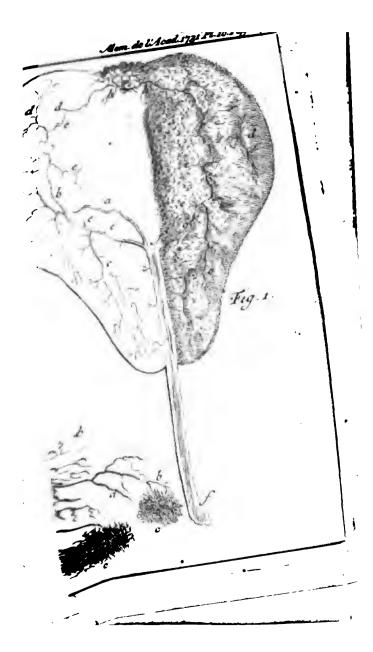
e, un



, .

į

ì



e, un pepin en fituation dans sa loge.

f, une loge ou cavité qui est entre les pepins, & par laquelle passent les pistiles.

g, une houppe qui est au bas de cette

loge ou cavité.

b, un petit vaisseau que j'appellerai ombilical, par où les amandes prennent nourriture.

i, les pierres qui font autour des loges des pepins, ou les glandes de la sub-

stance pierreuse.

Fig. 11. Le tronc d'un des gros vaisseaux vu au Microscope, après avoir macéré quelque tems, & dans lequel l'on voit que ces vaisseaux sont composés d'un assemblage de filets mal joints ensemble, & qui se séparent les uns des autres dans le lieu des divisions, à peu près comme sont les nerss dans les animaux.

L'on peut consulter encore les Figures que nous avons fait graver à la suite de notre Mémoire de 1730, page 466, & il est bon de remarquer qu'on a dessiné toutes ces Figures

pageantes dans l'eau.

EGISÇINA DOMO SANDA DINGA DINGA DINGA SANDA SANDA SANDA SANDA

DU QUART DE CERCLE ASTRONOMIQUE FIXE.

Par M. Godin. *

Mural, m'a engagé à traiter cette partie d'Astronomie pratique.

Je l'ai divisée en trois Articles principaux.

1°. De la construction de l'Instrument, & des differentes parties qui le composent.

2°. De sa vérification.

3°. De la maniere de le placer.

ARTICLE I.

S. I. De la Construction de l'Instrument en général.

Je ne répete point ici ce qui se trouve aissileurs sur la construction des Quarts de Cercle; on peut consulter là-dessus plusieurs volumes des anciens & nouveaux Mémoires de l'Académie. Il me suffira de remarquer ce qui est essentiel au Quart de Cercle sixe.

Je suppose donc la contignation faite, qui est ce qu'on appelle la Carcasse de l'Instrument; je suppose les règles de chan, auxquelles on doit

doit donner le plus de hauteur qu'il est possible, le Limbe posé & dresse exactement avec le centre : tel est l'Instrument réprésenté Fig. 1.

* A, B, C font des bouts de barreaux de fer foudés fortement aux pieces de la Carcasse, & percés d'un trou rond d'environ un pouce de diametre: c'est par ces trous que passent trois mutules à double queue scellées dans un Mur solide, & c'est par ce moyen que l'Instrument est porté & rendu fixe, ce que je

détaillerai davantage dans l'Art. III.

On prépare une Lunette un peu plus grande que le rayon de l'Instrument, elle peut avoir un pied & demi de plus, si l'Instrument a a pieds de rayon; on monte cette Lunette sur deux règles de fer attachées ensemble à angle droit, de maniere qu'elles sont de chan l'une à l'autre; la Lunette se place dans l'angle formé par les deux règles, & elle y est assujettie dans toute sa longueur pardes collets qui l'embrassent, & qui ont de chaque côté des empattemens qui s'attachent à vis à l'une des règles. Comme cette Lunette ainsi montée doit tourner autour du centre de l'Instrument, on laisse à un endroit convenable de l'une des règles, en la forgeant. une plaque circulaire de fer, percée d'un trou, & on y adapte un canon d'acier evlindrique, foré dans toute sa longueur, d'un trou de même diametre que celui qui est à la plaque.

· La Lunette ainsi montée & fixée aux deux règles, on la place sur l'Instrument posé

Planche I. Fig. 1. † Fig. 2.

S. 2. Da Micrometre.

Le Micrometre que je décris ici, differe en plusieurs choses du Micrometre ordinaire. C'est celui dont M. le Chevalier de Louville afait mention dans les Mémoires de 1714, page 83. Comme il n'a pas jugé à propos de le décrire, j'ai cru que je pouvois le faire en cette occasion, d'une maniere qui pût au moins le faire reconnoître, & servir à ceux qui voudroient en construire de semblables.

AB (Fig. 1. *) est un rectangle de cuivre évidé circulairement vers son extrémité inférieure d'un cercle égal au chan de la Lunette. On place juste dans cette ouverture, un anneau circulaire auquel on a foudé de chan un cercle CED, d'un plus grand diametre que l'anneau: ce cercle est attaché en E à rivet à l'empattement d'un écrou ou poupée taraudée I; & les becs F, G, le retiennent par en-bas sans le gêner. On place des filets inclinés l'un à l'autre de 45 deg. fur le bord de l'anneau qui est de chan, c'est celui qui est derriere le cercle CED; au-lieu du filet vertical j'ai fait mettre une petite lame, dont un des bords passe par le centre, afin de pouvoir observer le passage des Etoiles, sans être obligé d'éclairer les filets.

H, K, font deux poupées fixes qui fervent de supports à une vis plus grosse à son fust taraudé qu'à ses extrémités qui entrent dans les poupées. Par la cette vis est fixée

entre ses supports, sa tête est quarrée & passe en dedans de la poupée H qui est forée, on y adapte une clef θ qui sert à faire tourner la vis.

Si l'on tourne la vis retenue entre ses supports, on fera mouvoir l'écrou I vers K, ou vers H, & par conséquent le point E vers le même côté, ce qui fera mouvoir le cercle qui porte les filets, de maniere qu'on pourra donner à ces filets telle inclinaison qu'on voudra, & faire, par exemple, lorsque l'Instrument sera en place, que le filet vertical soit effectivement dans un vertical, & celui qui lui est à angles droits, soit horizontal.

Au haut de cette plaque, il y a une vis dont l'axe est parallele au plan AB, la piece NP est soudée sur la plaque même, & la piece PM est à angles droits avec la premiere. La tête de la vis passe par un trou de la platine supérieure du Micrometre tout monté, comme on voit en D (Fig. 4.) & elle v est retenue entre deux pieces immobiles par son collet R. Si on la fait tourner. elle élevera ou elle abaissera toute la plaque AB, & par ce moven on mettra la ligne de foi de la Lunette qui passe par le centre des filets, dans une situation parallele au rayon du cercle auquel ou adaptera cette Lunette. On a ajouté à la partie inférieure un ressort ST, qui pressant contre le fond du Micrometre tout monté, assujettit la plaque AB dans la fituation qu'on lui donne.

La Fig. 2. représente une autre piece de cuivre évidée circulairement, de même que

282 Memoires de l'Academie Royale

la premiere, & soudée à angles droits à la piece CHD qui est attachée à vis à la platine supérieure du Micrometre; le long de cette plaque, on fait couler un assemblage de diverses pieces, dont les bords faits en rainure embrassent les côtés de la plaque: ce mouvement le fait par une longue vis qui est reçue dans un écrou brisé EF, qui tient à l'alfemblage EFL/. La partie EF est retenue par un bizeau, ou en queue d'aronde par une piece immobile N. La vis traverle la piece CH, & la platine supérieure, pour recevoir un index, & une tête propre à la faire tourner: elle est retenue en cet endroit, en sorte qu'elle ne peut s'abaisser ni s'élever, mais elle donne ce mouvement à tout l'assemblage EFLI, & par conséquent au filet 1, 2, qui y est attaché. piece IGKXL qui porte ce filet est faite en fer-à-cheval, c'est le Curseur du Micrometre; il tient à l'assemblage d'un côté par un clou à vis G, autour duquel il peut tourner; & son autre branche XL est assuiettie par une lame à ressort, attachée à vis en T. Cette lame porte en dessous sur un retour de la branche X.L.

Pour que le filet 1, 2, foit exactement parallele au filet CD de la Fig. 1. (ce qui est absolument nécessaire) on place en O & en C deux poupées fixes qui portent une vis retenue entre elles: cette vis porte une autre petite poupée taraudée, à laquelle est attachée un mentonet C: le tout est semblable aux pieces C, C, C, de la Fig. 1. Le Curseur a une oreille en C échancrée,

& qui faisit le mentonet de la poupée mobile: faisant tourner la vis d'un côté ou d'autre, la poupée mobile ira vers 0 ouvers Z, & tirera par conféquent le point K du Curseur; & parce que ce Curseur peut se mouvoir autour du point G, il est évident que le filet 1,2, prendra par ce mouvement

telle inclination qu'on voudra.

La Fig. 3. est le profil des deux premieres Figures jointes ensemble, de la même maniere qu'elles le font dans le Micrometre tout monté. FOGS est le profil de la Fig. 1, BC est la platine supérieure divisée en 100 parties. AM est la grande vis de la Fig. 2-Q est la vis qui sert à incliner le Curseur, on le filet qu'il porte: les ouvertures 1, 2, fervent à attacher à vis une petite lame extérieure au Micrometre, & qui suit le mouvement du Curseur; elle est divisée en 30 parties, dont chacune est égale à un tour de la grande vis, & est subdivisée par conséquent en 100 parties sur la platine supérieure. Cette lame est représentée (Fig. 4.) par QZ. On attache à la boîte du Micromettre un index A (Fig. 4.) qui marque les divisions de cette lame qui se meut sous cer index.

Pour former le Micrometre, on assemble donc les deux premieres Figures de la maniere qu'il est représenté (Fig. 3.); on enferme le tout dans une boîte. La plaque de, la Fig. 1, est reque dans deux rainures faites aux deux côtés de cette boîte, & le ressort ST presse contre le fond. Les pieces de la Fig. 2. sont aussi assujetties dans la boîte par

`284 Memoires de l'Academie Royale

les deux tenons P, Q, qui font reçus dans deux ouvertures faites au fond de la boîte. Le haut de la grande vis passe par le centre de la platine supérieure, & cette platine, & les autres pieces qui y tiennent, sont affujetties à la boîte en maniere de couvercle, par plusieurs vis; & c'est ainsi que toutes les pieces sont retenues dans la situation nécessaire.

Il y a differentes ouvertures à cette boîte représentée (Fig. 4.) D est le bout de la vis R de la Fig. 1. Q est la vis OZ de la Fig. 2. O est la vis HK de la Fig. 1. On recouvre ces ouvertures par des pieces B, C, qui tournent sur des cloux à vis attachés au corps de la Lunette. S, R, sont deux bouts de tuyau qui tiennent à la boîte, & qui servent l'un pour loger l'oculaire, & l'autre s'insere dans le tuyau de la Lunette même. M, N, sont des trous faits pour mettre des vis qui arrêtent le Micrometre tout monté sur les règles qui portent la Lunette: il v en a de même de l'autre côté.

Pour connoitre maintenant la valeur des parties du Micrometre en degrés, minutes & secondes de cercle, je mesurai sur un terrein fort uni une distance de 500 toises; à une des extrémités, je plaçai deux mires, dont les centres étoient éloignés de 17 pieds 5 pouces & 5 lignes, qui est la tangente d'un arc de 20 minutes à cette distance; & ayant placé la Lunette à l'autre extrémité, je trouvai plusieurs fois l'intervalle entre le centre des mires vues par la Lunette, de 1137 parties du Micrometre. De-là j'ai con-

clu que 1137 parties du Micrometre répondoient à 20 minutes de cercle. D'où il est aisé de trouver le nombre des parties qui répondent à une minute, à une seconde, &c. On doit faire une fois pour toures, une Table de ces parties, afin d'y avoir recours dans toutes les observations que l'on fera dans la suite.

S. 3. De la Division de l'Instrument.

Dans les Quarts de Cercle ordinaires qui sont montés sur un pied, & qu'on peut mouvoir verticalement & horizontalement par le moven d'un genou, on peut marquer. où l'on veut le premier point de la division. & la continuer ensuite sur tout le limbe: car la division de tout le limbe étant achevée, on peut par diverses méthodes faire convenir l'axe de la Lunette à cette division. Mais dans un Instrument destiné à être fixe, il est important de marquer le premier point de division qui est celui de 90 degrés. en conséquence & dépendamment de la position de l'Instrument sur ses supports. & dans le lieu même où l'on doit le fixer. Autrement il arriveroit presque tonjours que le point de 90 degrés ne se trouveroit pas dans une ligne à plomb avec le centre, & dans ce cas toutes les hauteurs observées seroient plus ou moins grandes que les véritables. Il est vrai qu'on peut connoitre cette difference qui est égale pour tous les degrés, mais cela même est sujet à quelque erreur, & il y en a d'ailleurs assez d'autres dont

286 Memoires de l'Academie Royale

dont il faut tenir compte. Voici la méthode

qu'on peut employer.

On attache au mur qui doit porter le Ouart de Cercle, une pétite planche de la longueur au moins du rayon de l'Instrument: elle doit être horizontale, & son bord à très peu près dans le plan du Méridien. On place ensuite l'Instrument au-dessous de cette planche, on le suspend par des cordes à divers cloux fichés dans le mur, on l'ajuste par le moyen de plusieurs cales à la hauteur qu'on veut, & à la distance du mur qui est nécessaire; on suspend ensuite deux ou trois aplombs faits de filets très déliés, ou de cheveux, de maniere qu'ils rasent exactement le bord de la planche qui est dans la méridienne, les laissant pendre librement; on ajuste l'Instrument de maniere qu'il rase aussi son limbe, & on le cale, c'est-à-dire, on l'arrête dans cette situation; alors on prend des baguettes de plomb que l'on fait passer par les tenons de l'Instrument; on modele les mutules, & on leur donne la longueur précise qu'il leur faut; on marque aussi les endroits du mur où l'on doit les sceller; lorsqu'elles sont forgées en fer, & prêtes à sceller, on réitere la même opération: & de cette maniere on les scelle. l'Instrument étant en place, & soutenu d'ailleurs dans la même situation qu'il doit avoir dans la suite; lorsque les mutules sont assez solides pour que l'Instrument posant desfus ne puisse pas les faire varier, on ly laisse appuyer, en ôtant ses autres soutiens, & dans cet état on met le centre chargé de fon

Ton plomb, & l'on marque le plus délicatement qu'il est possible, le point du limbe où passe le cheveu qui pend du centre: telle est la méthode que j'ai pratiquée, & qui m'a très bien réussi. Si l'on attendoit à sceller ces mutules lorsque l'Instrument seroit entierement fini, on trouveroit bien des inconvéniens qu'on évite par la méthode cidessus, outre que l'on risqueroit de gâter la division.

Avant ainsi déterminé le commencement de la division, ou le point de 90°; on peut, pour trouver celui de o° se servir de la méthode ordinaire des Ouvriers, pourvu qu'on opère avec précision. Pour cet effet, il faut tracer le premier cercle concentrique de la division avec un compas à verge, dont les pointes soient très déliées; on portera enfuite la grandeur de ce rayon, depuis le point de 90°, jusqu'à un autre point de la circonference qui sera celui de 30°, parce qu'on remonte de 90° à 0°, & partageant en deux cet arc de 60°, on aura l'arc de 30° que l'on prendra avec un autre compas à verge, on le portera depuis 30° jusqu'à un autre point de la circonference qui sera le point o de la division.

Je dis qu'il faut prendre cet arc de 30° avec un autre compas, parce qu'il est important de conserver dans la même ouverture le presnier compas avec lequel on a décrit le cercle, & marqué l'arc de 50 degrés. Cette grandeur doit être employée à l'examen de la division, du moins de la part de l'Ouvrier. Car, par exemple, en portant

cet arc de 60 degrés, depuis le point o qu'on vient de marquer, il faut que l'autre pointe tombe sur le point 60 de la division, autrement le point o' n'est pas exact, & ayant conservé les grandeurs des arcs de 60 & de 30 degrés, on est en état de rectifier cette nosition. Cette détermination exacte de l'angle droit sur ces sortes d'Instrumens est une opération des plus nécessaires. & peut-être la plus vicieuse dans la plupart de ceux qu'on a construits jusqu'à présent. J'ai imaginé une méthode particuliere, pour vérifier l'angle droit de ces sortes d'Instrumens sans pied. dont les Ouvriers pourront se servir très commodément: je la donnerai dans l'Article de la Vérification.

L'Angle droit, & les points de 30 en 30 degrés étant marqués, on achevera la division du limbe entier, suivant la grandeur du rayon de l'Instrument, de la maniere qu'il est enseigné dans les Tables de M. de la Hire. & que M. Bion a inseré en François dans son Livre de la construction des Instrumens de Mathématiques: à l'égard des transversales, & de la position des cercles concentriques, je ne suis pas d'avis qu'on néglige d'en faire le calcul, ainsi que le dit M. de la Hire, fondé sur ce que dans un Quart de Cercle de 3 pieds, & dont la division a un pouce de largeur, la plus grande difference entre les cercles concentriques également distans, & ceux que le calcul donne, ne monte qu'à -; de ligne. Nos Ouvriers distinguent exactement les vingtiemes de ligne, ainsi que je l'ai vu moi-même, & l'on doit profiter de cette préprécision. Sur un Quart de Cercle de cette grandeur, l'erreur va à environ 5 secondes, & eile est plus grande dans un Instrument plus petit. Il vaut donc mieux déterminer la distance des cercles concentriques par le calcul en vingtiemes de ligne, & tracèr des transversales rectilignes, qui me paroissent préférables aux transversales circulaires: car il n'y a rien de si difficile dans la construction des instrumens, que de décrire de grands arcs de cercle, & en effet très peu d'Ouvriers y réussissent.

On laissera au-delà des points de 0 & de 90 degrés, des arcs de 3 ou 4 degrés au moins, divisés comme le reste du limbe: on a besoin de ces arcs dans plusieurs opérations.

Au-dessous de la division par les transversales, on tracera un cercle légerement, en sorte qu'il ne paroisse plus après que l'Instrument aura été poli. Sur ce cercle, on marquera des points de 10 en 10 minutes, le plus exactement qu'il sera possible; sur un Instrument d'un rayon plus grand que 3 pieds, on pourroit les marquer de 5 en 5. Ces points doivent être ronds & prosonds, c'est en eux que consiste la principale partie de la division de l'Instrument, auquel on adapte un Micrometre.

§. 4. Quelques autres Observations sur cet Instrument.

Il fera très commode de marquer le centre de l'Instrument sur la platine qui recouvre l'axe du mouvement de la Lunette, elle doit Mêm. 1371. N en

200 MEMORRES DE L'ACADEMIE ROYALE

en ce cas passer au-dessus du centre: & onaiustera à ce centre une petite aiguille, de la maniere qu'on jugera la moins embarrassante, sans que la Lunette en soit gênée, ni l'axe affoibli; en ce cas il faudra que le dessus de cette même platine soit dans le même plan que le limbe: mais comme on pourroit trouver à cela quelque difficulté, il suffira, ie crois. de transporter ce centre à quelque distance de sa véritable situation, de manière qu'y sufpendant un cheveu garni de son plomb, il batte librement (l'Instrument étant en place) fur un point déterminé au-delà du 90°, par exemple, sur celui de 1º ou de 2º. Nous verrons dans le 3me Article l'usage de cet aplomb. Enfin pour éclairer les filets que l'on met au fover de la Lunette de cet Instrument. & généralement à toutes les autres Lunettes que l'on employe dans l'Astronomie pour divers usages auxquels ces filets sont propres, je n'ai trouvé rien de mieux que le second moyen proposé par * M. de la Hire, page 72 de l'ulage de ses Tables, en remédiant aux inconvéniens auxquels il assure que ce moven est suiet. Je l'avois fait exécuter à une Lunette de 7 pieds, longtems avant que d'avoir remarqué qu'il étoit dans les Tables de M. de la Hire. & la maniere dont je l'avois fait exécuter, corrigeoit les défauts que M. de la Hire y trouve. Il faut faire au tuyan de la Lunette, un peu au-dela du foyer des Verres, ou du lieu des filets, une ouverture de ~. 510u

M. Picard est le premier, que je sache, qui ait proposé ce moyen. Vay. ses Observations Ma.

c ou 6 pouces de longueur sur un pouce ou environ de largeur; on bouche cette ouverture par une glace plane ou courbe. & cette glace est recouverte par une piece de même étoffe que le tuyau, qui s'ouvre & se ferme à charniere ou à coulisse. La Figure 5 représente cette ouverture faite au bout d'une Lunette en AB, du l'on a mastiqué une glace qui a la même courbure que le tuyau de la Lunette; les filets sont en C, & l'oculaire au point D. Il est évident que puisqu'il y a une glace en AB, les filets ne seront pas plus sujets aux divers états de l'air, que si le tuvau de la Lunette étoit continu, ce qui est un des inconvéniens allégués par M. de la Hire. Mais si l'on adapte au bout oculaire de la Lunette un cercle de carton EF, qui s'y pusse soutenir de lui-même, l'œil placé en U ne sera point incommodé d'une lumiere qui sera en A, qui est l'autre inconvénient remarqué par M. de la Hire; mais sans appercevoir du tout cette lumiere, il verra les fils posés en C, très nettement éclairés par cette lumiere posée vers A. Je n'employe à la Lunette de 7 pieds, dont j'ai par-lé, qu'une petite bougie enfermée dans une lanterne commune de papier que je déploye, à cause du vent, & cela me réussit très bien, quoique le Verre que j'ai mis à l'ouverture laterale de la Lunette soit très commun & plein de bulles & de points. Quand on n'a plus affaire d'éclairer les filets, on rabat le couvercle GH, qui garantit le Verre, & ferme entierement le côté de la Lunette; on fait en R un petit trou au carton, par lequel N 2

on mire pour diriger la Lunette à l'objet qu'on

veut oblerver.

Pour arrêter la Lunette dans une situation quelconque, Jorsque l'instrument est en place, j'ai fait faire une petite machine représentée (Fig. 6.) AB est une piece de fer doublement coudée en C & en DE, en sorte qu'il y ait deux especes de fetraites dans lesque'les le limbe de l'Instrument puisse s'engager affez juste. Le bout F est taraudé & recoit une vis F de même pas que l'écrou. par le moyen de laquelle on serre la piece AB contre le limbe, en sorte qu'elle soit invariable dans une fituation quelconque qu'on lui donne. Il y a en G une poupée taraudée aussi, qui recoit une vis HK assez longue. laquelle étant retenue dans son écrou en G. appuve contre le côté PL de la règle de chan de la Lunette qu'elle foutient dans une même fituation. Si l'on veut élever ou abaisser la Lunette, on tourne la vis HK d'un sens ou d'un autre, & si la vis est à l'un ou l'autre de ces bouts dans l'écron, on change de situation la piece AB toute entiere, & on l'arrête de nouveau dans cette fituation au moyen de la vis F.

La Figure 7 représente le profil de cette

machine.

ARTICLE IL

De la Vérification de l'Instrument.

Je fais consister la vérification de l'Instrument en 3 points.

10. Que les verres de la Lunette, & la Lunette elle-même, soient bien centrés.

2º. Que

2º. Que les points o' & 90º fassent exac, tement un angle droit au centre, & que l'axe, de la Lunette, ou plutôt la ligne de foi, soit parallele au rayon qui passe par le point de la division indiqué par le bizeau, ou le cheveu.

3°. Que la division entiere soit juste, ou

qu'on connoisse exactement ses défauts.

S. 1. Centrer les Verres, & la Lunette.

Centrer un Verre objectif, c'est faire qu'il ait dans tous les points de sa circonference, une égale épaisseur, ou pour parler plus exactement, que les centres des convexités se trouvent dans la ligne droite prolongée qui détermine la plus grande épaisseur du Verre, ou qui joint les centres des deux surfaces, ou bien ensin que l'axe des convexités soit perpendiculaire au plan qui sépare ces deux mêmes convexités.

Centrer une Lunette, c'est faire que le centre de l'objectif & de l'oculaire, le point d'intersection des filets, & autant qu'il est possible, l'axe du tuyau de la Lunette, soient

dans une même ligne droite.

Si un objectif n'est pas centré de lui-même, c'est un défaut qu'on ne peut pas luiôter, sans en recommencer le travail: c'est un défaut néanmoins que j'ai trouvé dans un grand nombre de Verres que j'ai eu occasion d'examiner.

M. Cassini a démontre dans les Mémoires, de l'Académie de 1710, la nécessité de centrer le Verre objectif d'une Lunette, où il a

 N_3

204 Memoires de l'Academie Royale

entendu la nécessité de centrer la Lunette elle-même, dans le sens, & suivant la désinition que j'en ai donnée: car il est question de faire concourir le foyer de l'objectif avec l'intersection des filets, ce qui pourroit ne pas arriver, quoique l'objectif sût parfaitement centré; & si l'objectif n'est pas

centré, cela est impossible.

Ce n'est pas que les objectifs centrés ou non-centrés ne servent presque également dans les Lunettes adaptées aux Instrumens, soit qu'elles soient fixes, ou qu'elles se meuvent autour du centre, pourvu que dans leur mouvement, elles restent toujours paralleles à elles-mêmes; car dans ces cas l'objectif restant toujours dans la même situation, l'erreur produite par le défaut de centrage ne fait rien, parce qu'elle fait toujours également. Le foin que l'on a de vérifier ces Instrumens par le renversement. fait que le point d'intersection des filets par où passe la signe de foi de la Lunette immobile fait toujours l'angle nécessaire avec un rayon déterminé de l'Instrument, & l'on démontre aisément par la Dioptrique, que quoique le foyer de l'objectif ne tombe pas sur l'interfection des filets, la ligne qui passe par ce point est une véritable ligne de foi, immuable dans toutes les positions de l'Instrument; il ne faut donc que placer l'objectif rel qu'il soit, dans une situation quelconque, & n'y plus toucher dans la suite: il en sera de même d'une autre Lunette en Alhidade qu'on ajoutera à l'Instrument, en la faifant une fois convenir avec la premiere.

Néan-

- Néanmoins c'est un défaut qu'un objectif mon centre, & quand même la vision par un tel Verte n'en servit pas moins parfaite, il est toujours incommode de ne pouvoir pas deplacer un objectif, sans changer l'œconomie d'une Lunette: ne pourroit-on donc pas centrer les Verres en les travaillant? Il semble qu'on le peut, sur-tout depuis que M. de la Hire a donné, en 1699, un Mémoire exprès à ce sujet ; mais sa méthode, très vrave dans la Théorie, ne paroît pas praticable à des Ouvriers, elle dépend d'apparences trop difficiles à distinguer. Cela m'a fait. penser à une autre qui me paroît fort simple, & tout-à-fait à la portée des Ouvriers. le prends un morceau quelconque de glace, je le travaille & le polis entierement d'un côté, je l'expose ensuite au Soleil, tous

monté sur sa molette, & recevant l'image tefléchie sur un plan quelconque (Fig. 8.) à la distance du rayon environ, parce que le fond du Verre elt supposé plat : je remarque dans cette image un petit espace circulaire, beaucoup plus lumineux que le reste. Si ce point lumineux se trouve au centre de l'image, comme en C, c'est une preuve que la plus grande épaisseur du Verre est au cenere de la Figure, & en ce cas il faut achever le Vetre, en le travaillant de l'autre côté précisément de la même maniere: mais si ce point ne se trouve pas au centre, mais par exemple en F, il faut que ce point F qui marque le point de la plus grande épailleur devienne aussi le centre de la Figure: pour cela il faut marquer sur ce Verre, le point N 4

. 206 Memoires de l'Academie Royale

Favec un peu de craye ou d'encre, &c. & de ce point, comme centre, décrivant un cercle qui passe par le point de la circonference le plus proche, qui est aussi toujours le point le plus épais de cette circonference, je retranche toute la partie ABC de ce Verre: alors j'ai un nouveau Verre plus petit que le premier, & travaillé d'un côté, de maniere que la plus grande épaisseur se trouve au centre de la Figure, ce qui revient au

premier cas.

Dans les Figures o & 10, qui représentent un morceau de glace plan-circulaire, dont les deux faces opposées peuvent être paralleles, ou pon: il est évident que les points FI, qu'on peut considerer comme réfléchissans le point le plus lumineux de l'image, déterminent la plus grande épaisseur du Verre, le centre de l'image étant en Z: coupant le Verre, suivant le plan circulaire qui passe par BD & HR, on aura le Verre RHFBDI, dont le centre sera dans la ligne de la plus grande épaisseur FI, & retournant le Verre sur sa molette, on convexera l'autre face RD, en commençant par les bords, ensorte que le point I reste le dernier point éteint de toute cette surface; ce qu'on ne peut pas faire, sans donner à ce côté du Verre la courbure P10 égale, semblable, & avantun même rayon que le rayon prolongé de la courbure HFG. D'où il suit que le Verre sera exactement centré par cette méthode, quelque direction qu'avent entre elles les deux surfaces HB, RD. Ce qui est un grand avantage de cette méthode sur les autres.

tres, qui demandent que le Verre plan qu'on yeut travailler, soit coupé circulairement, &

d'égale épaisseur par-tout.

- Pour marquer le point F de la surface du Verre, je me sers d'un petit cercle de carton bien mince, de deux lignes environ de diametre, que je place sur la surface du Verre exposée au Soleil; ce cercle fait une pénombre que l'on peut très aisément faire convenir avec le petit cercle lumineux qui n'en paroft pas affoibli : le centre de ce cercle est percé d'un trou fort fin, par lequel on fait passer un peu de poudre noire, & ôtant le petit cercle de dessus le Verre, on trouve le point F tout marqué. On le peut faire encore d'une autre maniere; pour trouver le point I, je renverse le Verre, en sorte? que la surface RID soit du côté de l'œil, & vovant le point F au travers du Verre, & par un petit tuyau qui porte deux fils à angles droits pour éviter la parallaxe, je marque le point I qui lui répond dans l'autre furface.

Cette méthode de centrer les objectifs ne paroîtra peut-être qu'un Commentaire de la 45^{me} Proposition des Fragmens de Dioptri-que de * M. Picard, où j'ai trouvé l'idée de ma méthode, quelque tems après l'avoir écrite; mais quand on ne la regarderoit que sur ce pied, je serai toujours satisfait, pour-vu qu'elle réussifie dans la pratique, ce dont je ne doute point, soit à cause de sa simplicité, soit parce que les Ouvriers à qui je l'air

^{*} Remail de l'Academ, some VI, page 622.

208 Memoires de l'Academie Royale

expliquée n'y trouvent aucune difficulté par rapport à leur travail. Jusqu'à présent ils n'ont eu aucune méthode pour centrer leurs Verres, c'est ce qui fait qu'il est extrêmement rare d'en trouver qui le soient.

Cela m'avoit engagé en examinant cette matiere, de chercher si l'on ne pourroit pas

éviter de les centrer exactement.

le crus d'abord qu'il suffisoit de faire des objectifs, plan-convexes, parce qu'il me parut très aile de faire dans ces sortes de Verres, que le centre de la convexité fût précisément dans la ligne de la plus grande épaisseur, pourva que l'on usat le côté plat du Verre jusqu'à la rencontre du côté convexe & c'est ce qui fait que les oculaires sont toujours bien centrés. Car un tel Verre deviendra toujours un segment de Sphère qui fatisfera à la question. Mais par-là les Verres deviendroient ou d'une grandeur excessive, ou si minces qu'ils ne pourroient être d'aucun usage. Si l'on calcule l'épaisseur d'un planconvexe de 10 pieds seulement de rayon pour faire un objectif de 20 pieds de foyer, & que l'on donne à ce Verre 4 pouces d'étendue, on trouvera pour l'arc de la convexité 10 54 35" environ, & pour le finus verse de la moirié de cet arc, qui est la plus grande épaisseur de ce Verre, on trouvera un peu moins d'une ligne; d'où il paroît que ces sortes de Verres travaillés de la manière que ie viens de dire, ne peuvent être d'usage audelà de 4 ou 5 pieds de rayon, ou de 8 ou 10 pieds de foyer, encore faudroit-il leur donner plus de 4 pouces de grandeur. Ayant

Ayant donc un objectif bien centré, il ne reste plus qu'à le mettre dans le tuyau de la Lunette, de maniere que la Lunette elle-mê-

me soit centrée.

Pour cer effet, ayant placé dans le tuvau deux filets à angles droits qui se croisent dans l'axe, autant qu'il est possible, on prépare un autre petit tuyau qui puisse entres exactement dans celui de la Lunette: à l'extrémité de ce tuyau, * on foude une plaque ronde ou quarrée, évidée de même que le tuyau qui la porte; sur cette plaque, il v a trois tourniquets dans lesquels on loge l'objectif, & qui servent à le retenir. On fait entror le petit tuyau dans le grand, & ajoutant un oculaire à la Lunette montée ainfi. on la dirige à quelque objet éloigné que l'on place à l'intersection des filets. Alors conservant la Lunette dans la même position. on fait tourner sur lui-même le petit tuyau qui porte l'objectif; & si l'objet vu par la Lonette ne change pas de situation, c'est-àdire, demeure toujours à l'intersection des filets edans ce mouvement de l'objectif, c'est une preuve que la Lunette ainsi montée est exactement centrée; si elle ne l'est pas, on verra cet objet changer de situation, & décrire un cercle plus ou moins grand, donc un des filets sera une tangente. En ce cas on fera mouvoir l'objectif sur les tourniquets, parallelement à lui-même vers le côté où est le centre du cercle qu'on a observé, & de la quantité du demi-diametre de ce cercle: on arrêtera de nouveau l'objectif dans cette situation, & on recommencera la même opé-N 5

300 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

ration, jusqu'à ce qu'on remarque que l'objet mis sur l'intersection des filets ne change point de place, en faisant faire une révolution entiere au tuyau qui porte l'objectif. C'est dans cette situation que ce Verre doit être sixé, & l'on pourra souder sur la plaque, des diaphragmes ou des cercles de chan qui serviront à loger le Verre, & à le retenir dans la même situation.

§. 2. De l'Angle droit de l'Instrument. E du parallelisme de la ligne de soi de la Lunette avec le rayon.

Il est aisé dans un Quart de Cercle ordinaire, monté sur un pied, de vérisser l'angle droit, il ne faut pour cela que deux opérations; par le renversement on place la ligne de foi de la Lunette perpendiculaire au cheveu qui pend du centre sur zero, & par la vérisscation au Zénith, on connoit si cette ligne de foi est parallele au rayon qui passe par 90°; on connoit donc si les points 0° & 90° sont éloignés entre eux du quart de la circonference.

Il n'en est pas de même dans ceux que l'on destine à être fixes; comme ils n'ont point de pied, ces opérations ne se peuvent faire. Il me semble qu'on n'a eu jusqu'à présent qu'une seule méthode de vérisier & de poser ces sortes d'Instrumens, qui consiste à les comparer à un autre Quart de Cercle mobile, dont on suppose la division bonne ou connue; mais il est clair que cela ne satisfait pas. Voici la méthode que j'employe.

Dans

Dans le Ouart de Cercle fixe, la Lunette sourne autour du centre, comme l'Athidade dans les autres ; & le bizeau ou cheveu en'elle porte par fon mouvément le long du limbe, indique l'angle de la ligne de foi de la Lunette, & du rayon qui passe par le premier point de division: tel est du moins le but de la construction. Mais pour cela il faut que la ligne de foi de la Lunette foit parallele au rayon mené au point de la circonference qui est coupé par le bizeau, ou par le cheveu. Pour cet effet, je mets le Quart de Cercle sur une longue table horizontale. la division tournée en en-haut; je pointe la Lunette à un objet remarquable & éloigné. & je fais répondre cet objet à l'intersection des filets : le fais aussi en sorte que le bizeau. ou le cheveu qui marque les degrés, tombe précisément sur o°; l'Instrument étant dans cette situation immobile, j'ôte la Lunette, & je mets le centre de l'Instrument qui est le même dont on s'est servi dans sa construction; je tends un cheveu le plus long qu'il est possible, que j'appuye sur deux supports placés de part & d'autre de l'Instrument. & je fais en sorte, en plaçant ces supports, que le cheveu passe exactement par le centre. & par le point o'; j'ôte ensuite le cheveu, &: faissant les supports dans la même situation. je renverse l'Instrument, en sorte que la division regarde en en-bas, & que le centre & le point o' soient précisément dans la même direction qu'ils avoient auparavant, c'est-àdire, soient encore coupés par le cheveu tendu de nouveau; il faut aussi dans l'une & N_{7} l'au-

402 Memoires de l'Academie Royale

l'autre opération que le cheveu passe crès puis de limbe és du centre, asin d'éviter le parallane; d'où il suit que lorsqu'on renverse l'instrument, qui dans la premiere opération posoit sur les règles de chan, on doit l'élever avec des cales d'une hauteur convenable, qui povent sous ses règles de plat, de manière qu'il soit dans un même plan, devant

di après le renverlement.

- Par-là il est évident qu'on a fait faire à tout Planframent une demi-revolution fur le ravon dai balle bat o. ; et mue quonte direccandne. qui n'auroit pas differé de ce rayon, ou qui en écare éloignée d'une certaine quantité lui auroit été parallele dans la promière polition. cette droite, disje, n'en differera pas, ou lui sera parallele, & en sera éloignée de la même quantité dans la seconde; & puisque dans la premiere position, la ligne de foi de la Lunette tépondant à un corrain objet. marquoit o' fur le limbe, si cette ligne est parallele au rayon qui passe par o', en remettant la Lunette après le renversement, & la fixant au même objet, elle doit tember encore fur o. & si cela n'arrive pas, la quantité dont cle en sera éloignée est le double de la difference, ou de l'erreur de l'Instrument.

Soit (Fig. 12.) un Quart de Cercle ACD posé horizontalement, BP la ligne de foi de la Lunette qui peut tourner autour du centre C, & FDP l'index de la division qui représente ici le bizeau. La ligne de foi PB éstant dirigée à un objet θ fort éloigné, soit l'extrémité D de l'index sur le point o de

. 1

l'In

l'Instrument: Soit auss BE paradicle à CD, menée par le point B, où le ligne de foi reacontre le rayon AC prolongé. Si la ligne de foi BP étoit parallèle au rayon CD, cette ligne ne differeroit pas de la ligne BE.

Maintenant si l'on fait tourner le Quart de Cercle, ou plutôt toute la superficie ACP sur le rayon CD, de maniere qu'elle sasse une demi-révolution, le point A tombera en , le point B en s, & la ligne de foi BP sera représentée par sa, & le point D n'ayant pas changé de place, cette ligne ne sera plus dirigée au même objet O qu'auparavant, mais à un autre objet of fort éloigné du premier. Pour retrouver l'objet O, il faut placer cette ligne de foi en ps, dans une situation parallele à PB; car on suppose l'objet O très éloigné, & dans ce cas le point D de l'index sera transporté en par tout l'arc Ds, dont la moitié DR est l'erreur de l'Instrument.

On corrigera l'erreur en cette sorte. Remettant la Lunette comme dans la premiere opération en BP, le bord du bizeau tombera en D. On dessera les vis qui le retiennent dans cette position (Fig. 13.), on le fera avancer du côté du point R, & on l'y arrêtera en serrant les vis, de maniere que remettant ensuite ce point D sur 0°, & la Lunette étant par conséquent en BE (Fig. 12.), non-seulement le point o° d'en-bas; mais aussi celui d'en-haut de la division, & toute la partie du rayon qui passe par 0°, & qui est tracée sur le limbe, soit en même tems cachée par le bord du bizeau, ou par le chevou si c'en est un.

Pour

304 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Pour vérifier maintenant l'angle droit de l'Instrument, c'est-à-dire, pour savoir si les points o' & oo' font précisément éloignés Pun de l'autre d'un quart de la circonference, il n'y a qu'à faire la même opération pour le point de 90°, que celle qu'on vient de faire pour le point de o , après néanmoins qu'on aura mis la ligne de foi de la Lunette dans une situation parallele au rayon; ou, si l'on veut, voici la méthode que j'ai encore employée. Je place le Quart de Cercle comme ci-devant en ACD (Fig. 12.) horizontalement, & la Lunette étant en BE, & l'index sur le point o', je remarque l'objet qui répond à l'intersection des filets; alors j'ôte la Lunette, & je tends, comme j'ai déja fait, un cheveu le plus long qu'il est possible, que je fais passer précisément par le point A de. 90°. & par le centre C de l'Instrument. Je laisse les supports du cheveu en cet état, & ie renverse l'Instrument en DC = avec les mêmes précautions que j'ai indiquées dans. l'opération précédente, la Lunette étant en B. pointée au même objet, il est évident que si le point A est éloigné du point D d'un. quart de la circonference, par la demi-révolution, il sera porté au point « dans la ligne AC prolongée. Je retends donc de nouveau le cheveu sur ces supports: & si les points C. se trouvent dans sa direction, l'angle de l'Instrument est exactement droit. Si le cheveu ne passe par le point a, il passera par un autre point du limbe divisé, qui sera éloigné du point « du double de l'erreur, dont l'angle ACD fera moindre qu'un droit, si le point

point a du limbe tombe entre le cheveu & le point D, & plus grand s'il tombe au-delà

du cheveu, par rapport à ce point D.

Telle est la méthode dont il me semble que les Ouvriers pourront se servir avec succèspour placer le point A qui soit à 90 degrés du commencement de la division. Il ne saut que la pratiquer dans un lieu d'en l'on découvre un objet très éloigné, & tel que sa distance soit comme infinie, par rapport au diametre B a de la platine du centre: car l'Instrument étant achevé, si l'angle droit n'est pas exact, on ne sauroit le corriger, & l'erreur instructe diversement sur toutes les autres portions du limbe: on ne peut qu'y avoir égard, par des Tables de réduction qui sont toujours sort incommodes.

Dans ces opérations j'ai pointé des objets éloignés de plus de 4000 toises, & je tendois des cheveux de 12 & 15 pieds de long,

chargés de poids affez confiderables.

Si dans la premiere Figure, on fait que le centre de l'Instrument soit marqué sur la platine, les opérations que je viens de décrire se feront avec moins d'embarras, parce qu'on ne sera pas obligé d'ôter la Lunette pour placer le centre; un Ouvrier intelligent sera en état de l'exécuter, & de prévenir quelques difficultés que cette construction pourroit produire.

S. 3. Examiner la Division entiere du Limbe, de l'Instrument.

La certitude des Observations dépend presque

306 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

que toute de cet examen, rion néanmoins n'est si négligé. Il est vrai que l'opération est longue & pénible: mais le fât-elle oncore beaucoup plus, on ne doit en aucune facon s'en dispenser.

Voici; si je ne me trompe, la méthode la plus facile, & peut-être la seule; de faire cet examen avec précision. Je vais la décrire, telle que je l'ai employée pour le Quart de Cercle dont je me sers, parce qu'elle est

la même pour tous les autres.

Outre les transversales qui divisent cet Inftrument de minutes en minutes, il y a un cercle séparé, divisé par points de 10 en 10⁻ minutes. Je n'ai examiné que la position de ces points, qui suffisent avec le Micrometre pour diviser tout le limbe en parties très pe-

tites, ainfi qu'il a été dit.

- Je plaçai le Quart de Cercle horizontale. ment sur une grande table folide, le limbe tourné en en-haut; & dans une longue avenue qui borde la maison où je demeure, je melurai une distance de 421 pieds 10 popces, depuis le centre de l'Instrument. Je plaçai à l'extrémité de cette distance une mire fixe. & de niveau avec la Lanette de l'Instrument. La tangente de 10 min. étant à cette distance de 14 pouc. 9 lign. je plaçai une autre mire éloignée horizontalement de la premiere de 14 pouc. 9 lign. Cette feconde mire pouvoit s'approcher ou s'éloigner de la première le long d'une coulifie dest le bord étoit divisé en lignes depuis l'autre mire. L'opération se faisoit de cette manière.

Je plaçois le bizeau de la Lamette fur o du

de limbe. & je tournois l'instrument susqu'à ce que la section des filets répondît juste à la mire fixe; faisant ensuite tourner la Lunette autour du centre, j'avançois le bizeau à o' 10', & regardant par la Lunette, je faisois approcher ou éloigner la mire mobile de la fixe jusqu'à ce qu'elle me parût exactement à la section des filets, ce qui se faisoir par des signaux dont on étoit convenu. Ouand cela étoit ainsi, on écrivoit la distance observée entre les mires, qui répondoit à l'intervalle entre 0° & 0° 10'. Je laissois après cela la Lunette dans la même fituation, c'està-dire, à 0° 10', & avançant un peu l'Instrument sur la table, je faisois en sorte que la section des filets répondst de nouveau à la mire fixe; y étant, je poussois la Lunette vers un autre point, en sorte que le bizeau marquat co 20; on approchoit encore la mire mobile, ou on l'éloignoit de la fixe, jufqu'à ce qu'elle répondit à la section des filets, & on écrivoit toujours sa distance à la fixe pour l'intervalle de o' 10 à 0° 20. C'est ainsi qu'en répétant cette opération pour chaque point de la division, j'avois la mesure exacte des intervalles entre les points.

Mais comme je faisois cette opération dans un tems affez froid, & qu'il falloit chaque jour transporter l'Instrument dehors, ce qui étoit accompagné de quelques autres difficultés, je peníai à un fecond moyen qui fût à peu près semblable, & qui n'eût pas les mêmes inconvéniens: pour cet effet je plaçai à une fenêtre éloignée de moi de 114 toiles, deux autres mires un peu plus grandes, fixes

308 MEMORES DE L'ACADEMIE ROYALE

chacune, & à 2 pieds juste de distance l'une de l'autre.

Je voyois commodément ces mires avec la Lunette du Quart de Cercle posé horizontalement sur une grande table au milieu de mon-Cabinet: par ce moyen je ne déplaçois pasl'Instrument, & je pouvois prositer de tousles instans propres à cet examen; les mires étoient telles que la Fig. 14. les représente. L'une avoit au-dessits de l'anneau noir, un rang de bandes alternativement blanches &

noires, de 3 lign. de largeur chacune.

Mettant donc comme ci-devant le bizeau. de la Lunette sur o, & la ligne de foi sur la mire simple, je laissois l'Instrument en place, & poullant la Lunette sur o 10, je voyois tout d'un coup à quelle division & partie de division le fil vertical répondoit sur la mire divisée, ce que j'écrivois, & ainsi. des autres intervalles du limbe; & pour m'assurer davantage de la grandeur de ces differens intervalles, je les mesurois aussi avec le Micrometre: car le fil mobile convenant. parfaitement avec l'immobile, lorsque par le transport de la Lunette, ces deux fils qui n'en faisoient qu'un, répondoient à une certaine division de la mire, je ramenois le sis mobile vers la mire simple, jusqu'à ce qu'il passat par son centre, & je marquois le nom. bre des parties du Micrometre qui répondoient à cet intervalle: je connoissois donc la tangente de tous les arcs de 10 minutes. pris de suite sur l'Instrument, en pouces & en lignes, & en parties du Micrometre; & comparant cette tangente avec celle de 10 minue

minutes justes, à la distance donnée, & les parties du Micrometre observées avec celles d'un angle de 10 minutes, j'avois la difference de chaque intervalle du limbe à un intervalle de 10 minutes justes, & par conséquent l'erreur de chaque point. Il faut, si l'on veut atteindre à quelque précision, réiterer au moins une fois le même examen pour chaque point, & recommencer une troisieme fois les intervalles que l'on trouve differens par les deux premieres.

Ayant trouvé l'erreur de chaque point, of en dresse une Table qui doit être consultée

dans toutes les Observations.

A des distances plus grandes, on auroit des intervalles plus grands; mais les filets du Micrometre cacheroient aussi par leur épaisseur un plus grand espace, & par cette raison l'on n'en doit pas esperer plus de précision: il me semble qu'il sussit de prendre une distance médiocre, comme de 100 ou 150 toises.

Voici une petite Table où toutes ces opérations se trouvent marquées pour le premier degré, depuis o jusqu'à 1, ce qui servira d'exem-

ple pour tous les autres.

313 MEMOIRES DE L'AGADEMIE ROYALE

teur duquel l'Etoile aura passé par le Méridien. Si donc dans une même nuit, on observe trois ou quatre Etoiles qui avent depuis 15 jusqu'à 80 degrés de hauteur méridienne, on aura la distance de trois ou quatre points du Limbe au Méridien, en differens degrés: & par le moyen des écrous que l'on desierrera, on donnera à l'Instrument une nouvelle position, conforme à ce que les Observations demanderont; on l'arrêtera dans cette situation, en remarquant, s'il se peut, le chemin qu'on lui aura fait faire, afin de pouvoir fe règler dans une autre occasion. On recommencera les mêmes Observations pour examiner la nouvelle position de l'Instrument, & si elle n'est pas exacte, on la corrigera comme la premiere, & ainsi de suite jusqu'à ce que par un grand nombre d'Observations réiterées, le passage des Etoiles par la Lunette se fasse à l'heure trouvée par les correspondantes.

On aura toujours soin dans chaque position de l'Instrument, résultante des corrections qu'on fera, de serrer les deux écrous de chaque mutule, comme si cette position étoit absolument exacte, & ne devoit plus être changée; mais en les serrant, il ne faut pas les forcer trop, de peur de voiler l'Ins-

trument.

II. Quand on sera sur que l'Instrument est exactement dans le plan du Méridien; on suspendra du centre, le cheveu chargé de son plomb, & on remarquera s'il passe par soe: si cela n'arrive pas, on l'y fera passer, en limant un pou de l'intérieur de deux centres.

nons

nons, en sorte qu'il tourne, pour ainsi dire, fur le troisieme; ce qu'il faut faire avec toute la précision possible, puisque toute l'œconomie de la division dépend de la position exacte du point de 90° dans le vertical du centre. Je demande aussi què cette opération ne se fasse qu'après que l'Instrument aura été exactement placé dans le plan du Méridien: car si celle-ci se faisoit la derniere, on dérangeroit immanquablement le point de 00°. & il faudroit toujours le vérifier après. ou il pourroit se faire qu'on auroit limé les tenons d'un côté opposé à celui qu'il auroit fallu limer. Au-lieu que si l'Instrument est exactement dans le plan du Méridien, les écrous de derriere le retiendront toujours dans cette position, & on pourra le faire tourner sur une de ses mutules, sans l'en déranger. Ce qu'il faudra cependant vérifier encore après que le point de 90° aura été posé exactement dans la perpendiculaire du centre.

Il fuit de là, que l'on aura dans les Observations, les vrayes hauteurs méridiennes apparentes, puisque le point de 90° étant dans la verticale du centre, on connoit par les vérifications de l'Art. II. les véritables arcs compris entre ce point de 90° & tous les compris pointes du Limba.

autres points du Limbe.

III. On ne peut pas se promettre qu'un Instrument ainsi placé, reste toujours précisément dans la même situation: car quand il seroit lui-même immobile, par rapport à ses mutules, le Mur auquel on le fixe, travaille presque toujours: le seul remede est Mim. 1731.

314 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

de vérifier ces fortes d'Instrumens très souvent, une fois, par exemple, chaque mois; & s'il se dérange de sa premiere position, on pourra toujours l'y remettre, si l'on veut,

ou bien tenir compte de l'erreur.

Si l'Instrument placé peut porter son centre au milieu de la platine qui tient à la Lunette, ou en quelque endroit à côté, on aura la commodité de vérifier toutes les fois qu'on voudra, si le point de oo s'écarte de la verticale du centre; on peut aufii s'en affurer de cette maniere. L'Instrument étant exactement placé, on mettra la ligne de foi de la Lunette horizontalement, sans égard à la position bonne ou mauvaise du point o de la division; & on remarquera un point dans l'horizon où les filets paroissent se couper; si cela se peut, on y fixera un repaire, comme une pierre scellee, si l'on rencontre quelque mur, &c. ou un pieu solide avec une mire, &c. Ce point servira encore à remettre les filets dans le même état, si ceux quiy sont se dérangeoient, ou venoient à se rompre dans la fuite.

Mais parce que dans ce cas d'un repaire fixe à l'horizon, on a à craindre les grandes variations des réfractions horizontales, & que tous les Astronomes conviendront, je crois, de la précision avec laquelle en peut juger d'un cheveu à plomb qui bat librement sur un point; j'ajouterai ici la maniere que j'ai pratiquée au mien, auquel le centre n'est pas marqué sur la platine: & cette maniere me parost d'autant plus utile qu'il n'est pas absolument fort aisé de conserver un centre avec son aix guille

guille aux Instrumens verticaux à Alhidade. l'ai attaché en un endroit P (Fig. 1.) de l'Instrument, une double équetre de fer . avec des vis qui l'assujettissent à une des barres de la carcasse, & à la règle de chan de cette barre. Le bord de l'extrémité saillante de cette double équerre est dans le plan: du Limbe: j'y ai suspendu un cheveu garni de son plomb, qui passe par une petite rainure faite à cette équerre. Ce cheveu ainsi fuspendu bat exactement sur le point de 81° du Limbe de mon Quart de Cercle. Par ce moyen, je connoitrai toujours la variation. verticale de l'Instrument: car si l'Instrument varie sur ses supports, cet aplomb représente par PR (Fig. 15. & celui qu'on imagine passer par le centre C de l'Instrument, varieront aussi par rapport au point A de la division, que je suppose être celui de oo degrés. Mais la variation de ces deux aplombs ne sera pas la même, à cause que le point P n'est pas au centre de la division : & comme il n'y a que celle de l'aplomb P & ou'on puisse observer, il en faut déduire celle de l'autre C A.

Pour cela, l'Instrument étant placé, de manière que C A tombe sur 90°, & PR sur 81, par exemple, on connoit l'angle ACR = l'arc AR de 9°. Mais dans le triangle CPR, on connoit CR rayon de l'Instrument, & CP distance du centre C au point de suspension P, qu'on peut mesurer avec coute la précision possible; on counoit ensin l'angle CRP = ACR; donc on connoitra l'angle

PGR, & par conféquent PGA.

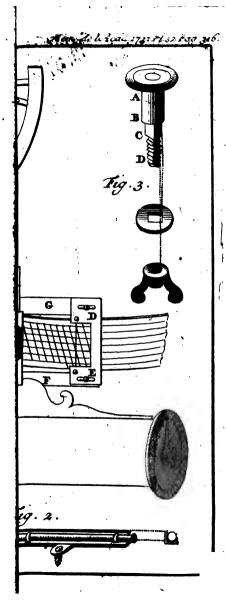
316 Memoires de l'Acad. des Sciences.

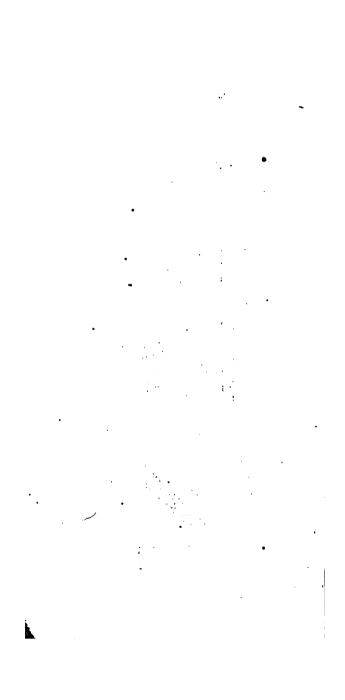
Soit maintenant une autre situation de l'Instrument, résultante d'une variation quelconque, en sorte que l'aplomb du point P passe par le point 0 du Limbe, dont on connoitra la distance au point A de 90°. Si dans tet état. on imagine l'aplomb du centre C, il nasseroit par un point B quelconque, & la variation de l'Instrument seroit égale à l'arc AB. On connoit l'angle ACO = l'arc AO; ôtant cet angle de l'angle ACP connu ci-devant, il restera l'angle OCP. C'est pourquoi dans le triangle OCP, connoissant CP. CO, & l'angle compris PCO, on connoitra l'angle POC; mais cet angle est égal à l'angle BCO, ou à l'arc BO, lequel étant comparé à l'arc 0 A, leur difference $A 0 \rightarrow B O$, quand la distance de l'aplomb PR au point A est augmentée par la variation, ou BU-AO. quand cette distance est diminuée, donnera toujours l'arc AB que l'on cherche.

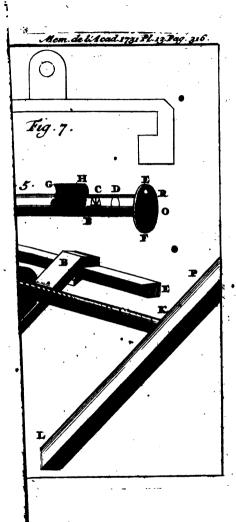
Un tel Instrument doit être à couvert, & placé de maniere qu'on y puisse observer des Étoiles qui passeroient par le Zépith. C'est une incommodité dans ceux de l'Observatoire, où l'on ne peut, à cause des Corniches qui ont une saillie considerable, pointer du dedans des Tours, qu'à plusieurs degrés près

du Zénith.

On doit couvrir l'extrémité des mutules, & les écrous, en les enveloppant avec quel, que morceau d'étoffe, & du papier par defsus, tant pour les garantir de la rouille, que pour empêcher qu'on n'y touche, & qu'on ne puisse par-là déranger l'Instrument qui coute tant de tems & de peines à fixer d'une manière satisfaisante.







٠.

••

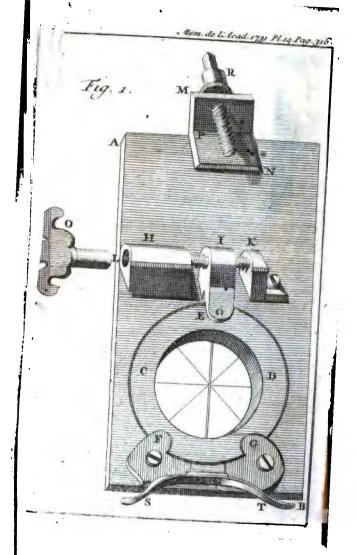
1

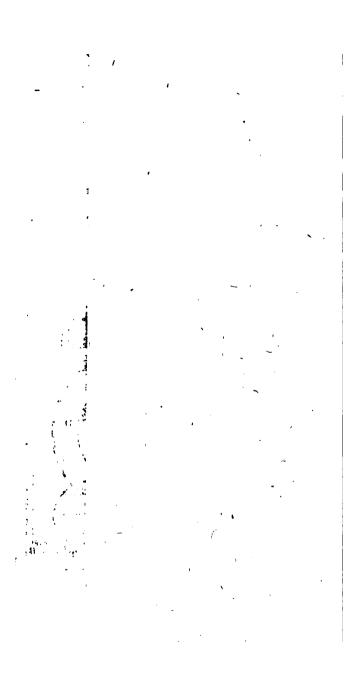
•

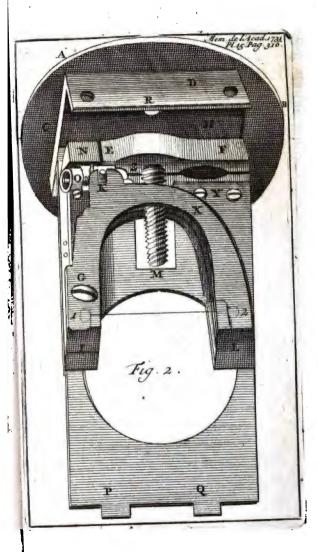
٠.

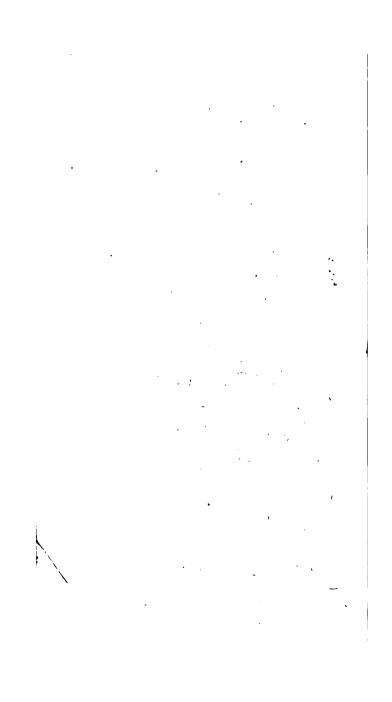
.

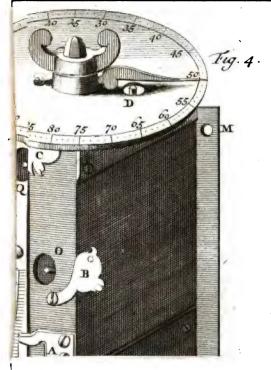
1





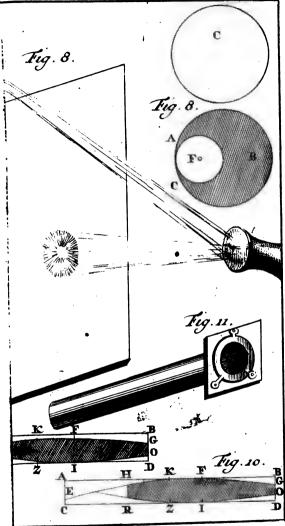






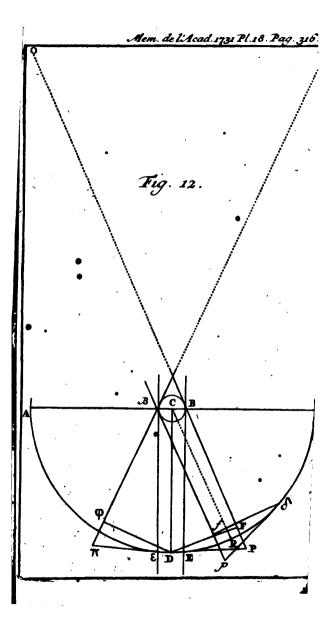
. • • •

Mem. de li 1cad.1731 Pl.17. Pag. 316.

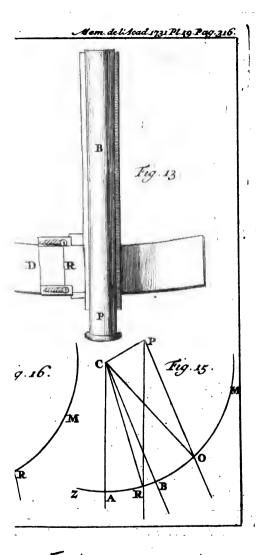


,

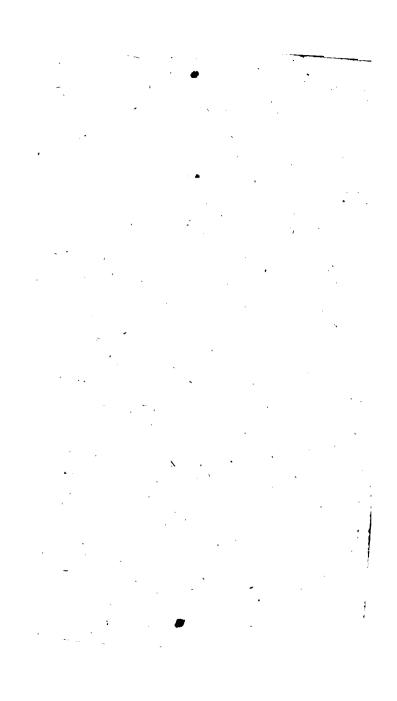
:











• • . .





